



LES NOUVEAUX

# Précis

BRÉAL

# Chimie

## MP-PT

Cours

Méthodes

Exercices résolus

J. MESPLÈDE

**Nouveau programme**



L'ÉDITEUR DES PRÉPAS

Copyrighted material



LES NOUVEAUX  
**Précis**  
BRÉAL

# Chimie

## MP-PT

JACQUES MESPLÈDE

Professeur en classes préparatoires scientifiques

LES NOUVEAUX  
**Précis**  
B R É A L

**Mathématiques 2<sup>e</sup> année**

- Algèbre et Géométrie MP
- Analyse MP

**Physique 2<sup>e</sup> année**

- Mécanique MP – PC
- Électromagnétisme MP
- Optique MP - PC - PSI - PT
- Thermodynamique MP
- Électronique MP
- Électronique PT

**Chimie 2<sup>e</sup> année**

- Chimie MP-PT

**Exercices 2<sup>e</sup> année**

- Physique MP
- Physique PT
- Mathématiques MP

*Édition : Julien Barret*  
*Maquette : Sophie Martinet*  
*Couverture : Sophie Martinet*  
*Réalisation : MCP*

© Bréal 2004  
Toute reproduction même partielle interdite.  
ISBN 2 7495 0410 4



**L**es Nouveaux Précis Bréal sont conçus pour apporter aux étudiants des classes préparatoires **une aide efficace dans leur travail**. Tout en conservant la rigueur des éditions précédentes, nous nous sommes efforcés d'aplanir au mieux toutes les difficultés inhérentes au discours scientifique. Strictement conforme au nouveau programme, cet ouvrage s'adresse à tous les étudiants de deuxième année des filières MP et PT.

Chaque chapitre est divisé en trois parties complémentaires.

- **Le Cours**, qui comprend les définitions et les explications essentielles pour une compréhension rapide et une mémorisation facile, accompagnées de nombreux exemples et applications permettant de mieux assimiler les notions abordées.
- **Les pages Méthodes**, qui contiennent deux rubriques indispensables pour progresser : *L'essentiel*, qui résume les principales notions introduites dans le chapitre, et la *Mise en œuvre* qui propose un ou plusieurs exercices classiques permettant d'acquérir les méthodes et les bons « réflexes » à avoir.
- **Les Exercices**, classés par niveaux de difficulté : 80 exercices sont ainsi proposés, tous corrigés, avec une solution détaillée enrichie d'astuces et de conseils (précédés des logos ✨ ou △). Certains de ces exercices sont accompagnés d'indications regroupées à la fin des énoncés : un petit déclic suffit parfois à éclairer une question obscure !

Il nous est apparu nécessaire d'accorder à ces deux parties, **Méthodes** et **Exercices**, une place importante équivalente à celle du **Cours**, tout au long de cet ouvrage. En effet, l'apprentissage ne peut être efficace qu'en combinant étroitement ces trois dimensions : comprendre, savoir faire et s'entraîner. S'il organise intelligemment son travail et qu'il respecte une discipline, l'étudiant pourra alors progresser dans toutes les matières en gérant au mieux son temps et ses efforts, principale condition de la réussite.

Ainsi, les étudiants de MP et PT disposeront, en chimie, d'un outil de travail complet, adapté au rythme soutenu de cette seconde année de préparation aux concours.

Nous espérons que ce Nouveau Précis les aidera à passer avec réussite leurs épreuves et nous répondrons volontiers à toute suggestion, remarque ou critique par e-mail à l'adresse [infos@editions-breial.fr](mailto:infos@editions-breial.fr).

J. Mesplède



# Sommaire

## PARTIE 1

### THERMODYNAMIQUE DES SYSTÈMES CHIMIQUES

<u>Chapitre 1 ■ Enthalpie libre et potentiel chimique .....</u>	<u>7</u>
<u>Chapitre 2 ■ Grandeurs standard .....</u>	<u>29</u>
<u>Chapitre 3 ■ Affinité chimique, évolution et équilibre chimique .....</u>	<u>51</u>
<u>Chapitre 4 ■ Équilibres liquide-vapeur .....</u>	<u>91</u>
<u>Chapitre 5 ■ Diagrammes d'Ellingham : pyrométallurgie...</u>	<u>125</u>

## PARTIE 2

### RÉACTIONS D'OXYDORÉDUCTION

<u>Chapitre 6 ■ Oxydoréduction en solution aqueuse .....</u>	<u>159</u>
<u>Chapitre 7 ■ Phénomènes de corrosion (⇌ MP) .....</u>	<u>197</u>
<u>Index .....</u>	<u>222</u>

# Partie 1

## *Thermodynamique des systèmes chimiques*

### Plan de la partie 1

<b>Chapitre 1</b> : Enthalpie libre et potentiel chimique.....	7
<b>Chapitre 2</b> : Grandeurs standard.....	29
<b>Chapitre 3</b> : Affinité chimique, évolution et équilibre chimique .....	51
<b>Chapitre 4</b> : Équilibres liquide-vapeur .....	91
<b>Chapitre 5</b> : Diagrammes d'Ellingham : pyrométallurgie .....	125

This One



FZ5X-LF6-PSFJ





# Enthalpie libre et potentiel chimique

## Introduction

Nous avons défini et utilisé en première année, trois fonctions thermodynamiques d'état : l'énergie interne  $U$ , l'enthalpie  $H$  et l'entropie  $S$ . Ces trois fonctions d'état, extensives, permettent de caractériser un système, quelle que soit sa nature, qu'il soit ou non le siège d'une transformation physico-chimique.

Nous allons dans ce chapitre définir une nouvelle fonction thermodynamique d'état : l'enthalpie libre ou énergie de Gibbs  $G$ .

L'influence de la composition du système sur la fonction  $G$  nous permettra d'introduire la notion de potentiel chimique dont nous préciserons les expressions pour les différents états du corps pur.

### Plan du chapitre 1

<b>A. L'enthalpie libre <math>G</math></b> .....	8
1. Définition .....	8
2. Variation élémentaire de la fonction $G$ .....	8
3. L'équation de Gibbs-Helmholtz .....	10
<b>B. Le potentiel chimique <math>\mu_B</math></b> .....	11
1. Définition .....	11
2. Expressions du potentiel chimique .....	12
<b>C. Les états du corps pur</b> .....	14
1. Le diagramme d'état du corps pur .....	15
2. Condition d'équilibre du corps pur .....	15
3. La relation de Clapeyron .....	18
<b>Méthodes</b>	
L'essentiel ; mise en œuvre .....	18
<b>Énoncés des exercices</b> .....	22
<b>Indications</b> .....	23
<b>Solutions des exercices</b> .....	24

1. **James Prescott Joule** : 1818-1889. Physicien anglais, il énonce la loi qui porte son nom sur le dégagement de chaleur dans une résistance, il interprète en 1851 la loi de Mariotte par la théorie cinétique des gaz et calcule la vitesse moyenne des molécules gazeuses.

2. **William Thomson (lord Kelvin)** : 1824-1907. Ses nombreux travaux en thermodynamique ont permis l'introduction de la température absolue :  $T/K = T/^{\circ}C + 273,15$ .

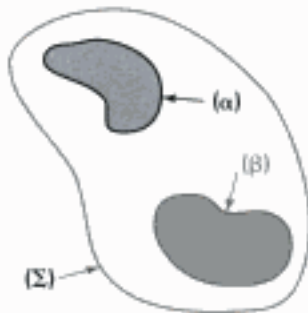


Fig. 1 – Schématisation d'un système et de sous-systèmes.

3. **Système fermé** : il n'échange pas de matière avec le milieu extérieur, en revanche il peut y avoir des transferts thermiques et des échanges de travaux.

4. Nous distinguons dans l'écriture des **infinitésimaux**, les grandeurs associées à une différentielle totale exacte et relatives à une fonction d'état du système :  $dU, dH, dS, dG, dF$  et celles qui ne sont pas relatives à des fonctions d'état :  $\delta Q, \delta W$ .

Suite aux notions de Thermodynamique abordées dans le cours de Physique de première année, nous présentons dans ce chapitre une nouvelle fonction thermodynamique, l'enthalpie libre  $G$ , le potentiel chimique d'un constituant  $B$  et les différentes expressions de ce potentiel chimique selon les différents états physiques de l'espèce  $B$ .

### Notations utilisées en thermodynamique

Les grandeurs thermodynamiques extensives  $X$  associées à un système sont exprimées en joule<sup>1</sup> (J), à l'exception de l'entropie qui est exprimée en joule par kelvin<sup>2</sup> ( $J \cdot K^{-1}$ ). La variation  $\Delta X = X_{\text{final}} - X_{\text{initial}}$  s'exprime en joule.

## A. L'enthalpie libre $G$

Nous avons vu en première année que la quantité  $U + pV = H$ , enthalpie, apparaissait naturellement lors des mesures calorimétriques à pression constante. En ajoutant les variables température  $T$  et entropie  $S$ , on peut obtenir d'autres fonctions.

### A.1. Définition

#### Définition 1

L'enthalpie libre d'un système ou énergie de Gibbs,  $G$ , est définie par la relation :

$$G = H - TS$$

$G$	enthalpie libre (J)
$H$	enthalpie (J)
$S$	entropie ( $J \cdot K^{-1}$ )
$T$	température (K)

$U, H$  et  $G$  sont des grandeurs extensives qui s'expriment en joule (J).

Si un système ( $\Sigma$ ) contient plusieurs sous-systèmes ( $\alpha$ ), ( $\beta$ ), etc. (fig. 1), alors :

$$G^{\Sigma} = G^{\alpha} + G^{\beta} + \dots$$

de même :

$$\begin{cases} S^{\Sigma} = S^{\alpha} + S^{\beta} + \dots \\ H^{\Sigma} = H^{\alpha} + H^{\beta} + \dots \\ U^{\Sigma} = U^{\alpha} + U^{\beta} + \dots \end{cases}$$

### A.2. Variation élémentaire de la fonction $G$

#### A.2.1 – Étude d'un système fermé<sup>3</sup> de composition constante

Les fonctions thermodynamiques d'état dépendent des quantités de matières  $n_B$  des différents constituants  $B$ .

Comme la composition de chaque sous-système reste constante dans le système fermé,  $n_B^{\alpha} = \text{cte}$  quel que soit  $B$ ,  $dn_B^{\alpha} = 0$ .

La température du système est  $T$ , sa pression est  $p$ .

• La variation infinitésimale<sup>4</sup> de l'énergie interne  $dU$  s'écrit  $dU = \delta Q + dW$ .

S'il s'agit d'une **transformation réversible**  $\delta Q = TdS$ , et si le travail mis en jeu n'est qu'un **travail de refoulement de l'atmosphère**, alors  $\delta W = -p_e dV = -pdV$ , le système étant en équilibre hydrostatique avec le milieu extérieur (pression  $p_e$ ). On obtient alors :

$$dU = TdS - pdV$$

\* Dans ce cas :  $dH = d(U + pV) = dU + pdV + Vdp$   
 $= TdS - pdV + pdV + Vdp$   
 $dH = TdS + Vdp$

\* Application à la fonction G :  $dG = d(H - TS) = dH - TdS - SdT$   
 $= TdS + Vdp - TdS - SdT$   
 $dG = Vdp - SdT$

Cette dernière équation montre que **la variation infinitésimale de l'enthalpie libre d'un système de volume V et d'entropie S dépend des variations des deux paramètres intensifs T et p qui caractérisent l'état du système dont la composition reste constante.**

Si le système est composé de plusieurs sous-systèmes de compositions constantes (fig. 2), nous avons :

$$V = V^\alpha + V^\beta + V^g ; \quad dV = dV^\alpha + dV^\beta + dV^g = d(V^\alpha + V^\beta + V^g) ;$$

$$S = S^\alpha + S^\beta + S^g ; \quad dS = dS^\alpha + dS^\beta + dS^g = d(S^\alpha + S^\beta + S^g) .$$

Chaque sous-système peut être une phase homogène, non miscible aux autres, le système  $\Sigma$  ( $\Sigma = \alpha \cup \beta \cup g$ ) est soumis à la pression p et l'ensemble est à la température T.

On peut appliquer l'équation de variation de G à chaque phase ; c'est-à-dire :

$$dG^\alpha = V^\alpha dp - S^\alpha dT$$

$$dG^\beta = V^\beta dp - S^\beta dT$$

$$dG^g = V^g dp - S^g dT$$

\* G étant une fonction d'état des deux paramètres p et T, **dG est une différentielle totale exacte** qui s'écrit :

$$dG = \left(\frac{\partial G}{\partial p}\right)_T dp + \left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_p dT$$

Par identification :  $\left(\frac{\partial G}{\partial p}\right)_T = V$  et  $\left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_p = -S$

Cette formulation est valable pour n'importe quelle phase du système  $\Sigma$ , en particulier :

$$\left(\frac{\partial G^\alpha}{\partial p}\right)_T = V^\alpha ; \quad \left(\frac{\partial G^\alpha}{\partial T}\right)_p = -S^\alpha .$$

### A.2.2 – Étude d'un système fermé en réaction chimique<sup>1</sup> ou siège d'une transformation physique

Les fonctions thermodynamiques d'état dépendent, comme dans le cas précédent, des quantités de matière  $n_B$  des différentes espèces B, mais en plus il est nécessaire de faire apparaître la variation  $dn_B$  de la quantité de matière de chaque espèce.

Si une fonction d'état X dépend des paramètres  $u, v^2, n_A, n_B, n_C, \dots$ , alors :

$$dX = \left(\frac{\partial X}{\partial u}\right)_{v, n_B} du + \left(\frac{\partial X}{\partial v}\right)_{u, n_B} dv + \sum_B \left(\frac{\partial X}{\partial n_B}\right)_{u, v, n_{A \neq B}} dn_B .$$

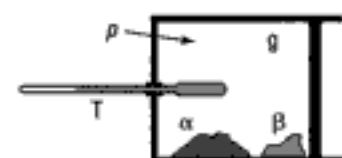


Fig. 2 – Le cylindre contient une phase gazeuse (g) et deux phases solides non miscibles ( $\alpha$ ) et ( $\beta$ ). L'ensemble est à l'équilibre ou en évolution sous la pression p, à la température T.

1. Un système en réaction chimique peut être ouvert ou fermé, adiabatique ou non. Il peut contenir une ou plusieurs phases miscibles ou non, certaines pouvant être partiellement miscibles.

2. u et v peuvent être S, V, p ou T.



La dernière sommation est étendue à toutes les espèces B réagissantes. On peut donc écrire pour les fonctions d'état U, H et G :

$$\begin{aligned} dU &= TdS - pdV + \sum_B \left( \frac{\partial U}{\partial n_B} \right)_{S, V, n_{A \neq B}} dn_B ; \\ dH &= TdS + Vdp + \sum_B \left( \frac{\partial H}{\partial n_B} \right)_{S, p, n_{A \neq B}} dn_B ; \\ dG &= Vdp - SdT + \sum_B \left( \frac{\partial G}{\partial n_B} \right)_{p, T, n_{A \neq B}} dn_B . \end{aligned}$$

La dernière relation, relative à G, montre que pour un système maintenu à p et T constantes, la variation de l'enthalpie libre dG est conditionnée par une variation des quantités de matière  $dn_B$ .

Dans la suite du cours, nous utilisons essentiellement les deux paramètres intensifs : pression p et température T ; ce sont ceux que l'opérateur peut contrôler le plus facilement et, par la même occasion, fixer.

Lorsque le réacteur dans lequel s'effectue la réaction chimique est placé dans un thermostat maintenu à la température constante T, de telle manière que les transferts thermiques n'aient lieu qu'entre le réacteur et le thermostat, la réaction est dite **monotherme**.

Lorsque le système réactionnel est soumis à une pression extérieure constante, la réaction est dite **monobare**.

**1. Josiah Willard Gibbs** : 1839-1903. L'un des premiers grands physiciens américains. Ses travaux ont porté essentiellement sur la thermodynamique, la mécanique statistique et la physico-chimie.

**2. Hermann Ludwig Ferdinand von Helmholtz** : 1821-1894. Physicien et physiologiste allemand, véritable touche à tout de génie, il s'intéresse à la thermodynamique, à l'acoustique, à l'optique.

**3.** Ces quatre expressions de l'équation de Gibbs-Helmholtz sont d'une grande utilité !

On peut en effet les employer avec :

- les grandeurs extensives : H, S, G ;
- leurs variations :  $\Delta H$ ,  $\Delta S$ ,  $\Delta G$  ;
- les grandeurs intensives liées aux réactions chimiques :  $\Delta_r H$ ,  $\Delta_r S$ ,  $\Delta_r G$  (voir chapitre 2) ;
- les grandeurs standard liées aux réactions chimiques :  $\Delta_r H^0$ ,  $\Delta_r S^0$ ,  $\Delta_r G^0$  (voir chapitre 2).

### A.3. L'équation de Gibbs<sup>1</sup>-Helmholtz<sup>2</sup>

À partir de l'équation de définition de G :  $G = H - TS$ , nous obtenons :

$$H = G + TS ; \text{ or } S = - \left( \frac{\partial G}{\partial T} \right)_p, \text{ d'où la relation : } H = G - T \left( \frac{\partial G}{\partial T} \right)_p .$$

#### Propriété 1

L'équation de Gibbs-Helmholtz permet de calculer la variation de l'enthalpie H(T) d'un système à pression constante si l'on connaît son enthalpie libre G(T) :

$$H = G - T \left( \frac{\partial G}{\partial T} \right)_p .$$

Cette équation peut aussi s'écrire :

$$H = G - \left( \frac{\partial G}{\partial \ln T} \right)_p ; \quad H = \left[ \frac{\partial \left( \frac{G}{T} \right)}{\partial \left( \frac{1}{T} \right)} \right]_p ; \quad H = -T^2 \left[ \frac{\partial \left( \frac{G}{T} \right)}{\partial T} \right]_p .$$

Ces quatre expressions<sup>3</sup> de l'équation de Gibbs-Helmholtz sont naturellement utilisables pour le sous-système  $\alpha$  du système  $\Sigma$  :

$$H^\alpha = G^\alpha - T \left( \frac{\partial G^\alpha}{\partial T} \right)_p ; \quad H^\alpha = G^\alpha - \left( \frac{\partial G^\alpha}{\partial \ln T} \right)_p ;$$

$$H^\alpha = \left[ \frac{\partial \left( \frac{G^\alpha}{T} \right)}{\partial \left( \frac{1}{T} \right)} \right]_p ; \quad H^\alpha = -T^2 \left[ \frac{\partial \left( \frac{G^\alpha}{T} \right)}{\partial T} \right]_p .$$

Il est de même pour les phases  $\beta$  et  $g$ .

## B. Le potentiel chimique $\mu_B$

### B.1. Définition

- À partir des expressions différentielles de U, H et G (voir paragraphe A.2.2), nous pouvons écrire :

$$dU = TdS - pdV + \sum_B \mu_B dn_B ;$$

$$dH = TdS + Vdp + \sum_B \mu_B dn_B ;$$

$$dG = Vdp - SdT + \sum_B \mu_B dn_B ;$$

$$\text{avec : } \mu_B = \left( \frac{\partial U}{\partial n_B} \right)_{S, V, n_{A \neq B}} = \left( \frac{\partial H}{\partial n_B} \right)_{S, p, n_{A \neq B}} = \left( \frac{\partial G}{\partial n_B} \right)_{p, T, n_{A \neq B}}$$

Les paramètres intensifs  $p$  et  $T$  pouvant être facilement fixés par l'opérateur, seule la relation  $\mu_B = \left( \frac{\partial G}{\partial n_B} \right)_{p, T, n_{A \neq B}}$  est utilisée. Il est cependant nécessaire de l'appliquer à un système monophasé (la phase  $\alpha$ , par exemple) qui contient

le composé B :

$$\mu_B^\alpha = \left( \frac{\partial G^\alpha}{\partial n_B^\alpha} \right)_{p, T, n_{A \neq B}^\alpha}$$

#### Définition 2

Le **potentiel chimique  $\mu_B$**  du constituant B dans une phase déterminée est par définition :

$$\mu_B = \left( \frac{\partial G}{\partial n_B} \right)_{p, T, n_{A \neq B}}$$

- $\mu_B$  potentiel chimique de l'espèce B, grandeur intensive ( $J \cdot \text{mol}^{-1}$ )
- G enthalpie libre du système (J)
- $n_B$  quantité de matière de l'espèce B (mol)

- La relation :  $dG = Vdp - SdT + \sum_B \left( \frac{\partial G}{\partial n_B} \right)_{p, T, n_{A \neq B}} dn_B$   
 $= Vdp - SdT + \sum_B \mu_B dn_B$

montre que pour un système maintenu à  $p$  et  $T$  constantes, la variation de l'enthalpie libre  $dG$  est conditionnée par la modification de la composition du système et la variation des quantités de matière  $n_B$ .

Par suite, pour un système quelconque :

$$G = \sum_B n_B \mu_B$$

- Par analogie avec les expressions donnant l'influence de  $p$  et  $T$  sur  $G$  (voir paragraphe A.2.1), on peut écrire les expressions suivantes :

$$\left( \frac{\partial \mu_B}{\partial T} \right)_p = -S_B : \text{entropie molaire du corps pur B ;}$$
$$\left( \frac{\partial \mu_B}{\partial p} \right)_T = V_B : \text{volume molaire du corps pur B.}$$

### 1. Rappel des conditions standard :

Phase la plus stable de l'espèce sous la pression standard  $p^0$ , quelle que soit la température :

$$p^0 = 0,1 \text{ MPa} = 1 \text{ bar} .$$

Il y a un état standard pour chaque température.

2.  $V_B^*$  est le volume molaire du corps pur B gazeux sous la pression  $p$  à la température T.

## B.2. Expressions du potentiel chimique

Nous allons expliciter le potentiel chimique  $\mu_B$  de l'espèce B selon son état physique en utilisant un potentiel chimique standard dont la définition dépend de l'état standard<sup>1</sup> de B.

### B.2.1 – B est un gaz parfait

#### • B est seul dans la phase gazeuse

Soit  $p$  la pression et T la température, à température constante :

$$\frac{d\mu_B}{dp} = V_B^* = \frac{RT}{p} .$$

On obtient donc l'équation différentielle :  $d\mu_B = RT \frac{dp}{p}$ .

Son intégration fournit la différence des potentiels chimiques :

$$\mu_B(T, p_2) - \mu_B(T, p_1) = RT \ln \frac{p_2}{p_1} .$$

L'état standard du gaz parfait correspond à l'état du gaz sous la pression standard  $p^0 = 0,1 \text{ MPa} = 1 \text{ bar}$ . Dans ces conditions ( $p^0$ ), le potentiel chimique du gaz parfait est appelé **potentiel chimique standard** et noté  $\mu^0(T, p^0)$ .

#### Propriété 2

Le potentiel chimique d'un gaz parfait pur B s'exprime par la relation :

$$\mu_B(T, p) = \mu_B^0(T, p^0) + RT \ln \frac{p}{p^0}$$

$\mu_B$  potentiel chimique de l'espèce B ( $\text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$ )

$\mu_B^0$  potentiel chimique standard de l'espèce B ( $\text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$ )

R constante des gaz parfaits ( $8,314 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ )

T température en kelvin (K)

$p$ , pression de la phase gazeuse, et

$p^0$ , pression standard, sont de la même unité (bar)

#### • B appartient à un mélange gazeux

Sa pression partielle est égale à  $p_B$  à la température T.

L'enthalpie libre G du mélange gazeux vaut :  $G = \sum_B n_B \mu_B$  ;

$$\left( \frac{\partial G}{\partial p} \right)_T = V = \sum_B n_B \left( \frac{\partial \mu_B}{\partial p} \right)_T .$$

Pour l'espèce B :  $\left( \frac{\partial \mu_B}{\partial p} \right)_T = V_B$ , volume molaire partiel de B.

Or, un mélange de gaz parfaits se comporte comme un gaz parfait et le volume molaire partiel est égal au volume molaire :  $V_B^* = \frac{V}{n_B}$ .

D'où :

$$p_B V = n_B RT \text{ , soit } \left( \frac{\partial \mu_B}{\partial p} \right)_T = \frac{RT}{p_B} .$$



Dans l'intégration, seules les bornes de la pression vont changer entre  $p^0$  et  $p_B$ , par suite :

**Propriété 3**

Le potentiel chimique d'un gaz parfait B à la pression partielle  $p_B$  dans un mélange gazeux s'exprime par la relation :

$$\mu_B(T, p_B) = \mu_B^0(T, p^0) + RT \ln \frac{p_B}{p^0}.$$

Si  $y_B$  est la fraction molaire de B dans le mélange gazeux, alors :

$$\mu_B(T, p_B) = \mu_B^0(T, p^0) + RT \ln \frac{y_B p}{p^0};$$

$p$  est la pression totale du mélange gazeux,  $p^0$  est la pression standard ;  $p$  et  $p^0$  sont exprimées avec la même unité.

**Application 1 État gazeux**

Un ballon fermé de 1 L contient, à la température de 300 K,  $10^{-2}$  mole de monoxyde de carbone CO et  $3 \cdot 10^{-2}$  mole de dioxyde de carbone  $CO_2$ .

a) Calculer le potentiel chimique de chaque gaz.

b) Quelle est l'enthalpie libre de l'ensemble ?

Données : à 300 K sous  $p^0$ ,  $\mu^0(CO) = -169 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  et  $\mu^0(CO_2) = -458 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

**Solution**

a) Pour pouvoir appliquer la formule  $\mu_B = \mu_B^0 + RT \ln \frac{p_B}{p^0}$ , il est nécessaire de calculer les pressions partielles de chaque gaz.

$$p_{CO} V = n_{CO} RT, \text{ d'où } p_{CO} = n_{CO} \frac{RT}{V} = 10^{-2} \times \frac{8,314 \times 300}{10^{-3}} = 2,49 \cdot 10^4 \text{ Pa} = 0,249 \text{ bar};$$

$$\text{d'où : } p_{CO_2} = 3 p_{CO} = 0,748 \text{ bar}.$$

$$\mu_{CO} = \mu_{CO}^0 + RT \ln \frac{p_{CO}}{p^0} = -169\,000 + 8,314 \times 300 \ln \left( \frac{0,249}{1} \right) = -172,47 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1};$$

$$\mu_{CO_2} = \mu_{CO_2}^0 + RT \ln \frac{p_{CO_2}}{p^0} = -458\,000 + 8,314 \times 300 \ln \left( \frac{0,748}{1} \right) = -458,72 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

b) Par définition : 
$$G = \sum_B n_B \mu_B = n_{CO} \mu_{CO} + n_{CO_2} \mu_{CO_2}.$$

Application numérique : 
$$G = -15,5 \text{ kJ}.$$

**B.2.2 – B appartient à une phase condensée liquide ou solide**

• *B est seul dans sa phase*

Il s'agit alors du corps pur B dans l'état standard à la température T.

À T constante : 
$$\mu_B(T, p) - \mu_B^*(T, p^0) = \int_p^{p^0} V_B^* dp.$$

Pour une phase condensée, le volume molaire est faible, par exemple pour l'eau liquide,  $V_{H_2O}^* \approx 18 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3 \cdot \text{mol}^{-1}$ , l'influence de la pression est donc faible.

Une variation de pression de 100 bar, soit  $10^7$  Pa, modifie le potentiel chimique de  $10^7 \times 18 \cdot 10^{-6} = 180 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ , valeur négligeable par rapport au potentiel chimique de l'eau pure  $\mu_{\text{H}_2\text{O}}^* = -287\,000 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$  à 298 K sous  $p^0$ .

**Propriété 4**

Le potentiel chimique du corps pur B, solide ou liquide, est :

$$\mu_{\text{B}}(T, p) = \mu_{\text{B}}^*(T).$$

• **B appartient à un mélange idéal**

Dans la solution liquide ou solide, la fraction molaire de B est :

$$x_{\text{B}} = \frac{n_{\text{B}}}{\sum_{\text{B}} n_{\text{B}}}.$$

On exprime le potentiel chimique de B dans une solution idéale solide ou liquide par analogie avec le mélange idéal gazeux.

**Propriété 5**

Le potentiel chimique d'un constituant B, solide ou liquide, dans une solution idéale solide ou liquide, s'exprime par la relation :

$$\mu_{\text{B}}(T, x_{\text{B}}) = \mu_{\text{B}}^*(T) + RT \ln x_{\text{B}}$$

$\mu_{\text{B}}$  potentiel chimique de l'espèce B ( $\text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$ )

$\mu_{\text{B}}^*$  potentiel chimique de l'espèce B pure ( $\text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$ )

$x_{\text{B}}$  fraction molaire

**B.2.3 – B est un soluté dans une solution diluée**

Dans ce cas, l'état standard de B correspond à la solution de B à la concentration molaire de référence  $c^0 = 1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  de B par litre de solution.

**Propriété 6**

Le potentiel chimique d'un soluté ionique ou moléculaire B, en solution aqueuse diluée, s'exprime par la relation :

$$\mu_{\text{B}}(T, c_{\text{B}}) = \mu_{\text{B}}^0(T) + RT \ln \frac{c_{\text{B}}}{c^0}.$$

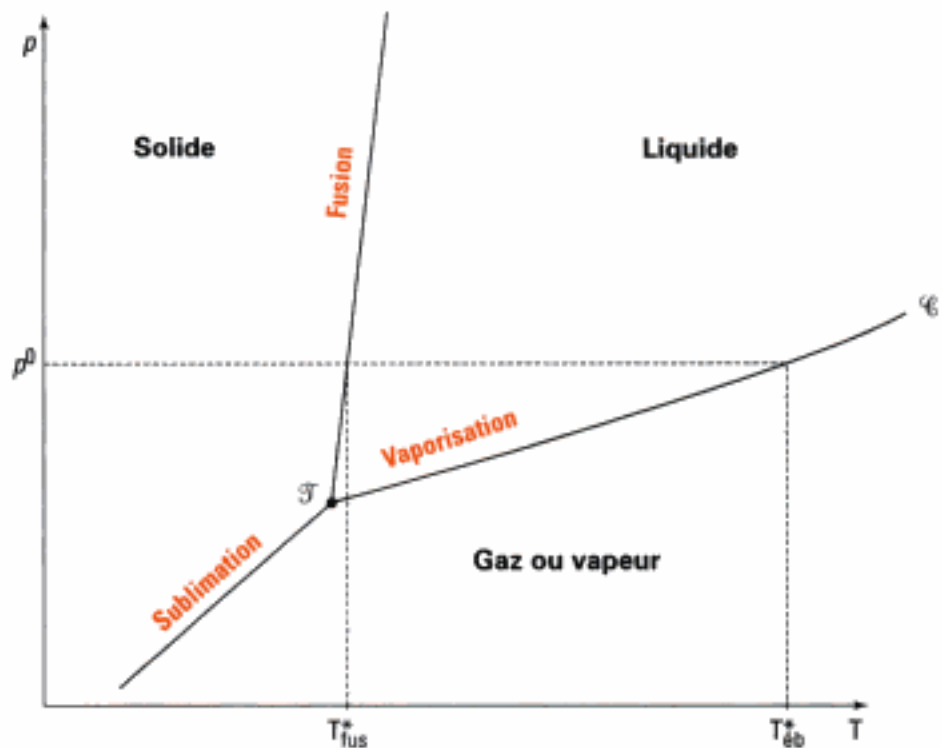
## C. Les états du corps pur

### C.1. Le diagramme d'état du corps pur

Il correspond aux courbes de fusion (équilibre solide-liquide), de vaporisation (équilibre liquide-vapeur) et de sublimation (équilibre solide-vapeur) dans un diagramme comportant en abscisse la température T et en ordonnée la pression p.

Pour un corps pur quelconque (autre que l'eau)<sup>1</sup>, un diagramme d'état a l'allure suivante (fig. 3) :

1. Dans le cas de l'eau, la pente de la courbe de fusion est négative, par suite de la plus faible masse volumique de l'eau solide par rapport à l'eau liquide.



1. Pour le dioxyde de carbone :  
 $T_{\mathcal{T}} = 216,55 \text{ K}$  ;  $p_{\mathcal{T}} = 5,1 \text{ bar}$ .

Pour l'eau :  
 $T_{\mathcal{T}} = 273,16 \text{ K}$  ;  
 $p_{\mathcal{T}} = 6,1 \cdot 10^{-3} \text{ bar}$ .

2. Pour le dioxyde de carbone :  
 $T_{\mathcal{C}} = 304,2 \text{ K}$  ;  $p_{\mathcal{C}} = 218,3 \text{ bar}$ .

Pour l'eau :  $T_{\mathcal{C}} = 647,3 \text{ K}$  ;  
 $p_{\mathcal{C}} = 218,3 \text{ bar}$ .

Fig. 3 – Diagramme  $p = f(T)$  d'un corps pur.

$\mathcal{T}$  représente le point triple<sup>1</sup> où coexistent dans les conditions  $(p_{\mathcal{T}}, T_{\mathcal{T}})$  les trois phases du corps pur.

$\mathcal{C}$  correspond au point critique<sup>2</sup> au-delà duquel il n'est plus possible de distinguer l'état liquide et l'état vapeur.

$T_{\text{fus}}^*$  et  $T_{\text{éb}}^*$  représentent les températures respectives de fusion et d'ébullition (vaporisation) du corps pur sous la pression standard  $p^0 = 0,1 \text{ MPa} = 1 \text{ bar}$ .

## C.2. Condition d'équilibre du corps pur

### Propriété 7

Lorsqu'un corps pur est en équilibre à la température  $T$  et à la pression  $p$  dans deux phases différentes, alors son potentiel chimique est le même dans chaque phase.

Par exemple lors d'un équilibre de fusion :

$$B, \text{ solide} = B, \text{ liquide}, \text{ on a : } \mu(B, s) = \mu(B, \ell).$$

De même pour un équilibre de vaporisation :

$$B, \text{ liquide} = B, \text{ gaz}, \text{ on a : } \mu(B, \ell) = \mu(B, g).$$

Lorsque le corps pur est présent sous trois phases dans les conditions expérimentales du point triple, alors :

$$\text{sous } p_{\mathcal{T}}, T_{\mathcal{T}} : \mu(B, s) = \mu(B, \ell) = \mu(B, g).$$

## C.3. La relation de Clapeyron<sup>3</sup>

Il est possible de relier en un point donné  $(p, T)$  d'une courbe du diagramme d'état, la pente  $\frac{dp}{dT}$  et le transfert thermique associé au changement d'état.

3. **Émile Clapeyron** : 1799-1864. Ingénieur et physicien français considéré comme l'un des fondateurs de la thermodynamique.

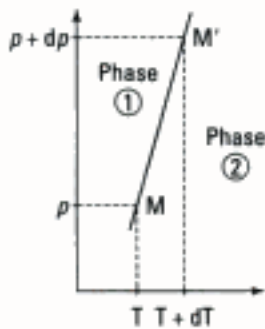


**Exemples :**

équilibre S = V :  $\Delta_{\text{sub}}H$ , enthalpie de sublimation ;

équilibre S = L :  $\Delta_{\text{fus}}H$ , enthalpie de fusion ;

équilibre L = V :  $\Delta_{\text{vap}}H$ , enthalpie de vaporisation.



**Fig. 4** – Détermination de la pente d'une courbe de changement d'état dans le diagramme (p, T) d'un corps pur.

Dans le diagramme (p, T) envisageons deux points très voisins M(T, p) et M'(T + dT, p + dp) (fig. 4).

Le potentiel chimique  $\mu_B$  est l'enthalpie libre molaire du corps pur B, donc

$$\mu_B = \frac{G_B}{n}, \text{ de même : } d\mu_B = V_m dp - S_m dT.$$

$V_m$  : volume molaire du corps pur B ;

$S_m$  : entropie molaire du corps pur B.

En M :  $\mu_1(T, p) = \mu_2(T, p)$ .

En M' :  $\mu_1(T + dT, p + dp) = \mu_2(T + dT, p + dp)$ .

En faisant la différence de ces deux égalités, on obtient :  $d\mu_1 = d\mu_2$ .

Or :

$$d\mu_1 = V_{m1} dp - S_{m1} dT$$

$$d\mu_2 = V_{m2} dp - S_{m2} dT ;$$

d'où :

$$V_{m1} dp - S_{m1} dT = V_{m2} dp - S_{m2} dT.$$

Soit :

$$dp(V_{m2} - V_{m1}) = dT(S_{m2} - S_{m1})$$

$V_{m2} - V_{m1}$  représente la différence des volumes molaires des deux phases 1 et 2 ;

$S_{m2} - S_{m1}$  correspond à la différence des entropies molaires des deux

phases :

$$S_{m2} - S_{m1} = \Delta S_{1 \rightarrow 2} = \frac{\Delta H_{1 \rightarrow 2}}{T}.$$

D'où la **relation de Clapeyron**<sup>1</sup> :

$$\frac{dp}{dT} = \frac{\Delta H_{1 \rightarrow 2}}{T(V_{m2} - V_{m1})}.$$

<sup>1</sup> La relation de Clapeyron n'est pas une connaissance exigible aux concours.

**Propriété 8**

La relation de Clapeyron s'écrit :

$$\frac{dp}{dT} = \frac{\Delta H_{1 \rightarrow 2}}{T(V_{m2} - V_{m1})}$$

$\Delta H$  enthalpie molaire de changement d'état du corps pur B de la phase 1 à la phase 2 ( $J \cdot mol^{-1}$ )

$V_m$  volume molaire du corps pur B ( $m^3 \cdot mol^{-1}$ )

p pression (Pa)

T température (K)

Cette relation donne la pente de la courbe de changement d'état en fonction de la température, de l'enthalpie molaire de changement d'état et de la différence des volumes molaires des deux phases envisagées.

### Application 2 Pente de la courbe de fusion de l'eau

- a) Déterminer la pente de la courbe de fusion de l'eau au voisinage de 273 K, 1 bar.  
b) Sous quelle pression, la glace fond-elle à  $-1\text{ }^{\circ}\text{C}$  ?

Données :

$$\Delta_{\text{fus}} H^0(\text{H}_2\text{O}, \text{s}) = 6\,010 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\text{Masses volumiques : } \rho_{\text{eau}} = 1,00 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3} ; \rho_{\text{glace}} = 0,92 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}.$$

$$\text{Masse molaire de l'eau : } M = 18,02 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

### Solution

- a) Il faut utiliser la relation de Clapeyron appliquée au changement d'état :



$$\frac{dp}{dT} = \frac{\Delta_{\text{fus}} H^0}{T(V_{\text{m, eau}} - V_{\text{m, glace}})}.$$

$$\text{Le volume molaire est } V_{\text{m}} = \frac{M}{\rho}.$$

Application numérique :

$$V_{\text{m, eau}} = \frac{18,02 \cdot 10^{-3} \text{ (kg} \cdot \text{mol}^{-1})}{1\,000 \text{ (kg} \cdot \text{m}^{-3})} = 18,02 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3 \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$V_{\text{m, glace}} = \frac{18,02 \cdot 10^{-3} \text{ (kg} \cdot \text{mol}^{-1})}{920 \text{ (kg} \cdot \text{m}^{-3})} = 19,60 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3 \cdot \text{mol}^{-1}.$$

Au voisinage de 273 K :

$$\frac{dp}{dT} = \frac{6\,010}{273(18,06 - 19,60) \cdot 10^{-6}}$$

$$\frac{dp}{dT} = -1,43 \cdot 10^7 \text{ Pa} \cdot \text{K}^{-1} \approx -143 \text{ bar} \cdot \text{K}^{-1}.$$

- b) Pour une variation de température de  $1\text{ }^{\circ}\text{C}$ , on peut assimiler  $\frac{dp}{dT}$  et  $\frac{\Delta p}{\Delta T}$ .  
D'où  $\Delta P = 143 \text{ bar}$  si  $\Delta T = -1\text{ }^{\circ}\text{C}$ .

La glace fond à  $-1\text{ }^{\circ}\text{C}$  sous une pression de 144 bar.

## L'essentiel

### ✓ La fonction d'état G

- Nous avons défini une nouvelle fonction thermodynamique d'état très utilisée en chimie : l'**enthalpie libre de Gibbs** :  $G = H - TS$ .
- **Expression différentielle de G** pour un système fermé de composition variable :

$$dG = Vdp - SdT + \sum_B \left( \frac{\partial G}{\partial n_B} \right)_{p, T, n_{A \neq B}} dn_B.$$

À cette relation on associe les dérivées partielles :

$$\left( \frac{\partial G}{\partial p} \right)_T = V \text{ et } \left( \frac{\partial G}{\partial T} \right)_p = -S$$

V : volume du système étudié, d'entropie S.

- **L'équation de Gibbs-Helmholtz** relie H, G, T et  $\left( \frac{\partial G}{\partial T} \right)_p$  :

$$H = G - T \left( \frac{\partial G}{\partial T} \right)_p = G - \left( \frac{\partial G}{\partial \ln T} \right)_p = \left[ \frac{\partial \left( \frac{G}{T} \right)}{\partial \left( \frac{1}{T} \right)} \right]_p = -T^2 \left[ \frac{\partial \left( \frac{G}{T} \right)}{\partial T} \right]_p.$$

Les équations sont utilisables avec :

$$G, H, S ; \Delta G, \Delta H, \Delta S ; \Delta_r G, \Delta_r H, \Delta_r S ; \Delta_r G^0, \Delta_r H^0, \Delta_r S^0.$$

### ✓ Le potentiel chimique

- Le **potentiel chimique**  $\mu_B$  d'un constituant B est par définition :

$$\mu_B = \left( \frac{\partial G}{\partial n_B} \right)_{p, T, n_{A \neq B}}.$$

Pour un système quelconque :  $G = \sum_B n_B \mu_B$ .

- **Expressions du potentiel chimique de l'espèce B :**

– B est un gaz à la pression  $p_B$  :

$$\mu_B(T, p) = \mu^0(T, p^0) + RT \ln \frac{p_B}{p^0} ;$$

– B appartient à une solution liquide ou solide à la fraction molaire  $x_B$  :

$$\mu_B(T) = \mu^*(T) + RT \ln x_B ;$$

– B est dans une solution diluée à la concentration  $c_B$  :

$$\mu_B(T) = \mu^0(T) + RT \ln \frac{c_B}{c^0}.$$

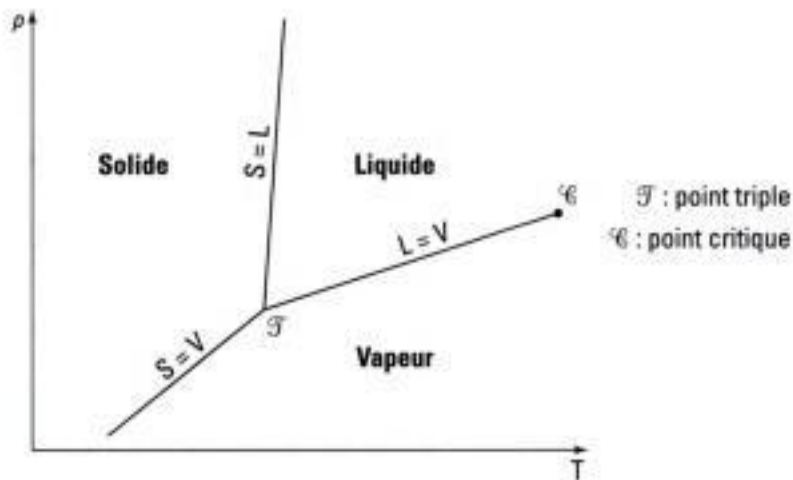
Lorsqu'une espèce pure est présente dans deux phases différentes et **en équilibre** dans ces phases, son potentiel chimique est le même quelle que soit la phase.

B est en équilibre dans les phases  $\alpha$  et  $\beta$  :  $\mu_B(\alpha) = \mu_B(\beta)$ .



✓ **Diagramme d'état du corps pur**

- Pour un corps pur quelconque, un diagramme d'état  $p = f(T)$  a l'allure suivante :



équilibre  $S = L$  : courbe de fusion ;  
équilibre  $S = V$  : courbe de sublimation ;  
équilibre  $L = V$  : courbe de vaporisation.

- Chaque changement de phase met en jeu un transfert thermique mesuré par l'**enthalpie de changement d'état** :

équilibre  $S = L$  :  $\Delta_{\text{fus}} H$ , enthalpie de fusion ;  
équilibre  $S = V$  :  $\Delta_{\text{sub}} H$ , enthalpie de sublimation ;  
équilibre  $L = V$  :  $\Delta_{\text{vap}} H$ , enthalpie de vaporisation.

- Équation de Clapeyron relative au changement d'état d'un corps pur, sous deux phases 1 et 2 :

$$\frac{dp}{dT} = \frac{\Delta H_{1 \rightarrow 2}}{T(V_{m,2} - V_{m,1})}$$

# Mise en œuvre

## Méthode

### Comment relier le potentiel chimique aux équilibres de phases du corps pur ?

#### → Savoir faire

① Exprimer le potentiel chimique du corps pur B sous ses différents états.

• B est à l'état solide :  $\mu_B(T, p) \approx \mu_B^*(T, p^0) \approx \mu_B^*(T)$ .

• B est à l'état liquide :  $\mu_B(T, p) \approx \mu_B^*(T, p^0) \approx \mu_B^*(T)$ .

Pour ces deux états condensés, la pression a peu d'influence et le potentiel chimique standard ne dépend que de T :

$$\left(\frac{\partial \mu_B^*(T)}{\partial T}\right)_p = -S_B^* : \text{entropie molaire du corps pur B.}$$

• B est à l'état gazeux :

$$\mu_B(T, p_B) = \mu_B^0(T, p^0) + RT \ln \frac{p_B}{p^0} ; p_B \text{ pression de vapeur.}$$

② Étudier l'équilibre liquide-vapeur :  $B(\ell) = B(g)$ , on a  $\mu_{B, \ell} = \mu_{B, g}$ .

La pression de vapeur de B correspond à sa pression de vapeur saturante à la température de l'équilibre.

$$\mu_{B, \ell}^* = \mu_{B, g}^0 + RT \ln \frac{p_{B, \text{sat}}}{p^0}.$$

③ Étudier l'équilibre solide-vapeur :  $B(s) = B(g)$ , on a  $\mu_{B, s} = \mu_{B, g}$ .

La pression de vapeur de B correspond à sa pression de sublimation à la température de l'équilibre.

$$\mu_{B, s}^* = \mu_{B, g}^0 + RT \ln \frac{p_{B, \text{sub}}}{p^0}.$$

#### → Application

##### a) Pression de sublimation du diiode

Déterminer, à l'aide des données suivantes, la pression de sublimation du diiode à 298,15 K.

Données :  $\mu^*(I_2, s) = 0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$  ;  $\mu^0(I_2, g) = 19,38 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ,

##### b) Pression de vapeur saturante de l'eau oxygénée

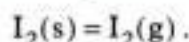
Déterminer la pression de vapeur saturante de l'eau oxygénée à l'aide des données suivantes, à 298,15 K.

Données :  $\mu^*(H_2O_2, \ell) = -306,67 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  ;  $\mu^0(H_2O_2, g) = -298,05 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

## Solution

### a) Pression de sublimation du diiode

Un équilibre de sublimation correspond à la présence du corps pur solide et de sa vapeur.



L'état standard du diiode est le solide à 298,15 K.

$$\textcircled{1} \mu(I_2, s) = \mu^*(I_2, s).$$

Pour le diiode gazeux, l'état standard serait le gaz sous la pression standard de 1 bar.

$$\textcircled{2} \text{ Sous la pression } p_{\text{sub}} : \quad \mu(I_2, g) = \mu^0(I_2, g) + RT \ln \frac{p_{\text{sub}}}{p^0}.$$

$\textcircled{3}$  Les deux phases du corps pur diiode sont en équilibre, d'où :

$$\mu^*(I_2, s) = \mu^0(I_2, g) + RT \ln \frac{p_{\text{sub}}}{p^0}.$$

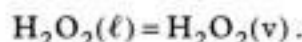
*Application numérique :*

$$0 = 19\,380 + 8,314 \times 298,15 \ln \frac{p_{\text{sub}}}{p^0} ;$$

$$\text{d'où :} \quad p_{\text{sub}} = 4 \cdot 10^{-4} \text{ bar}.$$

### b) Pression de vapeur saturante de l'eau oxygénée

L'équilibre entre un liquide et sa vapeur donne naissance à un équilibre de vaporisation caractérisé par une pression de vapeur saturante.



À 298,15 K, l'état standard de l'eau oxygénée est l'état liquide.

$$\textcircled{1} \mu(H_2O_2, \ell) = \mu^*(H_2O_2, \ell).$$

Pour l'eau oxygénée vapeur, le potentiel chimique s'écrit :

$$\mu(H_2O_2, g) = \mu^0(H_2O_2, g) + RT \ln \frac{p_{H_2O_2, \text{sat}}}{p^0}.$$

$\textcircled{2}$  L'équilibre physique de vaporisation se traduit par :

$$\mu(H_2O_2, \ell) = \mu(H_2O_2, g) ;$$

soit :

$$\mu^*(H_2O_2, \ell) = \mu^0(H_2O_2, g) + RT \ln \frac{p_{H_2O_2, \text{sat}}}{p^0}.$$

*Application numérique :*

$$-306\,670 = -298\,050 + 8,314 \times 298,15 \ln \frac{p_{H_2O_2, \text{sat}}}{p^0} ;$$

$$\text{d'où :} \quad p_{H_2O_2, \text{sat}} = 3,1 \cdot 10^{-2} \text{ bar}.$$



# Exercices

## Q.C.M.

### Ex. 1 Mélange de gaz

On mélange, à température  $T$  et pression  $p$  constantes, des volumes égaux  $V$  de gaz différents  $A_1$  ( $n$  mole) et  $A_2$  ( $n$  mole), le système étant isolé. La variation d'entropie  $\Delta S$  entre l'état initial et l'état final vaut :

- a)  $2nR$  ;
- b)  $-2nR$  ;
- c)  $0$  ;
- d)  $2nR \ln 2$  ;
- e) ne peut pas être calculée.

### Ex. 2 Grandeur constante

Dans la transformation décrite dans l'exercice 1, parmi les grandeurs  $\Delta U$ ,  $\Delta H$  et  $\Delta G$ , lesquelles sont nulles ?

- a) Elles sont toutes nulles.
- b)  $\Delta U = 0$  ;  $\Delta H$  et  $\Delta G$  non nuls.
- c)  $\Delta U = \Delta H = 0$  ;  $\Delta G$  non nul.
- d) Aucune n'est nulle.
- e)  $\Delta G = 0$  ;  $\Delta H$  et  $\Delta U$  non nuls.

## Niveau 1

### Ex. 3 Surfusion de l'eau

Des gouttelettes d'eau ( $\ell$ ) peuvent être maintenues à l'état liquide à des températures voisines de  $-40^\circ\text{C}$ . Ces gouttelettes sont instables et par suite d'un phénomène de nucléation tendent à se transformer en glace ( $s$ ). Envisageons  $1\text{ g}$  d'eau ( $\ell$ ) à  $-40^\circ\text{C}$  dans une enceinte thermiquement isolée, soumise à la pression atmosphérique  $p^0$ . Cette eau se transforme spontanément en glace. Calculer :

- a) la température finale de la goutte ;
- b) la variation d'entropie de la goutte.

Données :

$$\begin{aligned}\Delta_{\text{fus}} H^0(\text{H}_2\text{O}, s) &= 6\,008 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} ; \\ C_{p,m}^0(\text{H}_2\text{O}, s) &= 38 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} ; \\ C_{p,m}^0(\text{H}_2\text{O}, \ell) &= 76 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} .\end{aligned}$$

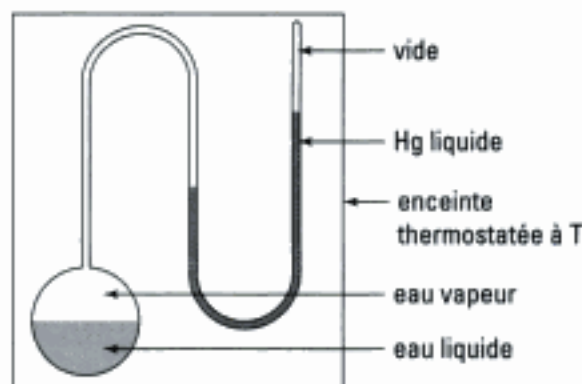
### Ex. 4 Pression de vapeur saturante de l'eau

On peut mesurer avec précision la pression de vapeur saturante de l'eau en fonction de la température. Naturellement à  $373,15\text{ K}$ ,  $p_{\text{H}_2\text{O}} = 101\,325\text{ Pa}$

La valeur à  $25^\circ\text{C}$  peut être déduite de la donnée des potentiels chimiques de l'eau sous ces deux états.

$$\mu_{\text{H}_2\text{O}}^*(298,15) = -237,178 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\mu_{\text{H}_2\text{O}}^0(298,15) = -228,589 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} .$$



- a) Déduire de ces données  $p_{\text{H}_2\text{O}}$  à  $298,15\text{ K}$ .
- b) La pression de vapeur saturante de l'eau est une fonction de la température du type :

$$\ln \frac{p_{\text{H}_2\text{O}}}{p^0} = A + \frac{B}{T} .$$

Déterminer A et B.

- c) Quelle est la pression de vapeur saturante de l'eau à  $50^\circ\text{C}$  ?

### Ex. 5 Déterminations de grandeurs caractéristiques grâce aux potentiels chimiques

#### 1) Solubilité du diiode en solution aqueuse

- a) Quels sont les deux états de référence à considérer ?
- b) On donne :

$$\mu^*(\text{I}_2, s) = 0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\mu^0(\text{I}_2, \text{aq}) = +16,43 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} .$$

En déduire la solubilité du diiode en solution aqueuse saturée à  $25^\circ\text{C}$ .

#### 2) Pression de vapeur du dibrome

Vous avez déjà remarqué les lourdes vapeurs de dibrome qui s'échappent du flacon lorsque vous ouvrez, sous la hotte, un flacon de dibrome liquide.

- a) Quels sont les deux états de référence à envisager ?
- b) On donne :

$$\mu^*(\text{Br}_2, \ell) = 0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\mu^0(\text{Br}_2, g, p^0) = +3\,138 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} .$$

En déduire  $p_{\text{Br}_2}$  à  $25^\circ\text{C}$ .

## Niveau 2

### Ex. 6 La transformation : $\text{Fe}_\alpha \rightleftharpoons \text{Fe}_\gamma$

Les masses volumiques du fer  $\alpha$  et du fer  $\gamma$  valent respectivement  $7,571$  et  $7,633 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$  à leur température de transformation ( $910 \text{ }^\circ\text{C}$  sous  $1 \text{ bar}$ ).

L'enthalpie de changement d'état  $\text{Fe}_\alpha = \text{Fe}_\gamma$  vaut  $900 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$  à  $910 \text{ }^\circ\text{C}$  et  $1\,665 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$  à  $827 \text{ }^\circ\text{C}$ .

a) Exprimer  $\Delta_{\text{tr}} H$  comme une fonction affine de  $T$  dans le domaine de température envisagé.

b) En supposant que  $V_\alpha - V_\gamma$  reste constant, calculer la pression pour laquelle les deux formes du fer coexistent à  $827 \text{ }^\circ\text{C}$ .

Données :  $M(\text{Fe}) = 55,85 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

### Ex. 7 Au sujet du benzène

Les pressions de vapeur au-dessus du benzène solide et liquide sont regroupées dans le tableau suivant.

T/K	260,93	269,26	278,68	305,37	333,15	349,82
p/bar	0,012 7	0,024 2	0,047 8	0,175	0,522	0,911

Le point triple du benzène est à  $278,68 \text{ K}$ .

Calculer :

- l'enthalpie de vaporisation du benzène ;
  - l'enthalpie de sublimation du benzène ;
  - la température d'ébullition du benzène sous  $1 \text{ bar}$ .
- On supposera que la vapeur de benzène se comporte comme un gaz parfait et que

$$V_{\text{m, gaz}} \gg V_{\text{m, liquide}} \text{ ou } V_{\text{m, solide}}.$$

### Ex. 8 Étude de la vapeur de zinc

La pression de vapeur du zinc au-dessus du zinc liquide est donnée par la relation :

$$\ln p = -\frac{15\,375}{T} - 1,274 \ln T + 22,055$$

avec  $p$  en bar et  $T$  en Kelvin.

En déduire l'enthalpie de vaporisation molaire à  $1\,000 \text{ K}$ .

## Indications

### Ex. 1 et Ex. 2

Donner l'expression de l'enthalpie libre du système  $G = \sum n_B \mu_B$ , avant et après mélange.

$$\Delta_{\text{mél}} S = -\frac{d\Delta_{\text{mél}} G}{dT}.$$

Rappel de la loi de Joule pour un gaz parfait :  $U$  et  $H$  ne dépendent que de  $T$ .

### Ex. 3

Faire un bilan enthalpique : l'eau liquide à  $-40 \text{ }^\circ\text{C}$  donne l'eau liquide à  $0 \text{ }^\circ\text{C}$  et une partie de cette eau se transforme en glace à  $0 \text{ }^\circ\text{C}$ .

La variation d'enthalpie totale est nulle.

Pour l'entropie, il faut calculer l'entropie de chaque transformation et ensuite sommer.

### Ex. 4

Exprimer les potentiels chimiques de l'eau liquide pure, puis celui de la vapeur, les évaluer : on en déduit  $p_{\text{H}_2\text{O}}$ .

### Ex. 6

$$V_\alpha^* = \frac{M(\text{Fe})}{\rho_\alpha^*}; M \text{ en } \text{kg} \cdot \text{mol}^{-1}$$

et  $\rho^*$  en  $\text{kg} \cdot \text{m}^{-3}$ , d'où  $V^*$  en  $\text{m}^3 \cdot \text{mol}^{-1}$ .

### Ex. 8

Utiliser la relation de Clapeyron ; négliger  $V_{\text{m, liquide}}$  devant  $V_{\text{m, gaz}}$  ; intégrer entre la pression  $p^0(T_{\text{éb}}^*)$  et  $p(T)$ .

On pose  $\Delta H = A + BT$  ;  $A$  et  $B$  constantes.

# Solutions des exercices

## Q.C.M.

### Exercice 1

Toutes les réponses étant différentes, une seule est exacte.

$$\text{Avant mélange : } G_1 = n\left(\mu_1^0 + RT \ln \frac{p}{p^0}\right) + n\left(\mu_2^0 + RT \ln \frac{p}{p^0}\right).$$

Après mélange, la pression du mélange reste égale à  $p$ , mais la pression partielle de chaque gaz devient  $\frac{p}{2}$  :

$$G_2 = n\left(\mu_1^0 + RT \ln \frac{p}{2p^0}\right) + n\left(\mu_2^0 + RT \ln \frac{p}{2p^0}\right).$$

$$\Delta_{\text{mél}}G = G_2 - G_1 = nRT \ln \frac{1}{2} + nRT \ln \frac{1}{2} = -2nRT \ln 2 < 0.$$

$$\Delta_{\text{mél}}S = -\frac{d\Delta_{\text{mél}}G}{dT} = 2nR \ln 2 > 0.$$

**Réponse exacte : d).**

### Exercice 2

L'énergie interne et l'enthalpie d'un gaz parfait ne dépendent que de la température absolue  $T$ , or au cours du mélange celle-ci n'a pas changé.

Donc  $U$  et  $H$  restent constantes avec comme conséquence :  $\Delta U = \Delta H = 0$ .

En revanche  $\Delta G$  est négatif.

**Réponse exacte : c).**

## Exercices de niveau 1

### Exercice 3

a) Il faut envisager deux transformations :

$$\begin{array}{ll} 1 \text{ g d'eau}(\ell) \text{ à } -40 \text{ }^\circ\text{C} & \rightarrow 1 \text{ g d'eau}(\ell) \text{ à } 0 \text{ }^\circ\text{C} \quad (\Delta H_1) \\ m \text{ g d'eau}(\ell) \text{ à } 0 \text{ }^\circ\text{C} & \rightarrow m \text{ g d'eau}(s) \text{ à } 0 \text{ }^\circ\text{C} \quad (\Delta H_2). \end{array}$$

 La transformation étant adiabatique :  $\Delta H_1 + \Delta H_2 = 0$ .

$$\Delta H_1 = C_{p,m}^0(\text{H}_2\text{O}, \ell) \times \frac{1}{18} \times (0 - (-40)) = 168,9 \text{ J} ;$$

$$\Delta H_2 = \frac{m}{18} \times [-\Delta_{\text{fus}}H^0(\text{H}_2\text{O}, s)] = -333,8m \text{ J} ;$$

$$\text{d'où :} \quad m = 0,5 \text{ g.}$$

À la fin de la surfusion, la température est  $0 \text{ }^\circ\text{C}$  ; il y a coexistence de  $0,5 \text{ g}$  de glace et de  $0,5 \text{ g}$  d'eau.

$$\text{b) } \Delta S = \Delta S_1 + \Delta S_2 = nC_{p,m}^0 \ln \frac{T_2}{T_1} + \frac{m}{18} \times \frac{-\Delta_{\text{fus}}H^0(\text{H}_2\text{O}, \text{s})}{T_2}$$

avec  $T_2 = 273 \text{ K}$  et  $T_1 = 233 \text{ K}$ .

$$\Delta S = \frac{1}{18} \times 76 \times \ln \frac{273}{233} - \frac{0,5}{18} \times \frac{6\,008}{273} = 0,057 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1}.$$

Une transformation spontanée se traduit par une augmentation de l'entropie du système.

#### Exercice 4

 Appliquer la Méthode de ce chapitre.

a) L'eau liquide à la température  $T$  et l'eau vapeur à la température  $T$  sous la pression  $p_{\text{H}_2\text{O}}$  sont en équilibre dans le ballon, donc leurs potentiels chimiques sont égaux.

Pour l'eau liquide, seule dans sa phase :  $\mu_\ell = \mu_\ell^*$ .

Pour l'eau vapeur, considérée comme un gaz parfait sous la pression  $p_{\text{H}_2\text{O}}$  :

$$\mu_v = \mu_v^0 + RT \ln \frac{p_{\text{H}_2\text{O}}}{p^0}.$$

D'où, à la température  $T$  :  $\mu_\ell = \mu_v \Rightarrow \mu_\ell^* = \mu_v^0 + RT \ln \frac{p_{\text{H}_2\text{O}}}{p^0}$ .

$$p_{\text{H}_2\text{O}} = p^0 \exp \frac{\mu_\ell^* - \mu_v^0}{RT}.$$

Application numérique :

$$\mu_\ell^* - \mu_v^0 = -8\,589 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$p_{\text{H}_2\text{O}} = p^0 \exp \frac{-8\,589}{8,314 \times 298,15} = 3,127 \cdot 10^{-2} p^0,$$

$$\text{or } p^0 = 1 \text{ bar, donc : } p_{\text{H}_2\text{O}} = 3,127 \cdot 10^{-2} \text{ bar,}$$

$$\text{ou } p^0 = \frac{10^5 \times 760}{101\,325} = 750 \text{ mm de Hg, donc :}$$

$$p_{\text{H}_2\text{O}} = 23,45 \text{ mm de Hg.}$$

b) Nous disposons de deux valeurs numériques :

$$\begin{cases} T = 298,15 \text{ K ; } \frac{p_{\text{H}_2\text{O}}}{p^0} = 3,127 \cdot 10^{-2} \\ T = 373,15 \text{ K ; } \frac{p_{\text{H}_2\text{O}}}{p^0} = 1 \end{cases}$$

d'où :  $A = 13,775$  et  $B = -5\,140,2 \text{ K}$ .

$$\text{Pour la vapeur d'eau saturante : } \ln \frac{p_{\text{H}_2\text{O}}}{p^0} = 13,775 - \frac{5\,140,2}{T}.$$

$$\text{c) À } 50 \text{ }^\circ\text{C} = 323,15 \text{ K : } p_{\text{H}_2\text{O}} = 0,119 \text{ bar.}$$



## Exercice 5



Appliquer la *Méthode* de ce chapitre, pour répondre aux questions 1) et 2).

1)



a) Pour l'état solide, l'état de référence est le corps pur solide : le diiode.

Pour la solution, l'état de référence est une solution hypothétique de concentration  $c^0 = 1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ , se comportant comme une solution idéale.

Pour  $\text{I}_2$  solide :  $\mu = \mu_{\text{S}}^*$ .

Pour  $\text{I}_2$  en solution aqueuse :  $\mu = \mu^0 + RT \ln \frac{c_{\text{I}_2}}{c^0}$ .

b) Si le système est à l'équilibre, le potentiel chimique du corps pur diiode est le même dans les deux phases :

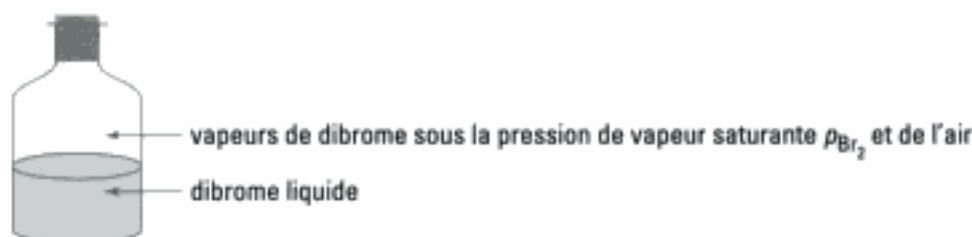
$$\mu_{\text{S}}^* = \mu^0 + RT \ln \frac{c_{\text{I}_2}}{c^0}, \text{ d'où } c_{\text{I}_2} = c^0 \exp \frac{\mu_{\text{S}}^* - \mu^0}{RT}.$$

*Application numérique :*

Dans une solution saturée en diiode :

$$c_{\text{I}_2} = c^0 \exp \frac{-16\,430}{8,314 \times 298,15} = 1,32 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}.$$

2)



a) Pour le corps pur dibrome, l'état de référence correspond au liquide qui est un état standard sous  $p^0$ .

Pour les vapeurs de dibrome, l'état de référence serait le gaz parfait  $\text{Br}_2$  sous la pression standard  $p^0 = 0,1 \text{ MPa}$ .

b) Le dibrome est présent dans les deux phases donc son potentiel chimique est le même dans les deux phases :

$$\mu(\text{Br}_2, \ell, T) = \mu(\text{Br}_2, \text{g}, T, p_{\text{Br}_2})$$

$$\mu_{\ell}^* = \mu_{\text{v}}^0 + RT \ln \frac{p_{\text{Br}_2}}{p^0}, \text{ d'où } p_{\text{Br}_2} = p^0 \exp \frac{\mu_{\ell}^* - \mu_{\text{v}}^0}{RT}.$$

*Application numérique :*

$$p_{\text{Br}_2} = p^0 \exp \frac{-3\,138}{8,314 \times 298,15} = 0,282 \text{ bar}.$$

## Exercices de niveau 2

### Exercice 6

La phase (1) correspond au fer  $\alpha$  ; la phase (2) correspond au fer  $\gamma$ .

a)  $\Delta_{\text{tr}}H_{\alpha \rightarrow \gamma} = A + BT$ .

À 1 100 K (827 °C),  $\Delta_{\text{tr}}H = 1\,665 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

À 1 183 K (910 °C),  $\Delta_{\text{tr}}H = 900 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

D'où :  $\Delta_{\text{tr}}H_{\alpha \rightarrow \gamma} = 11\,803 - 9,217T \text{ en J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

b) Volume molaire et masse volumique sont liés par la relation  $V = \frac{M}{\rho}$ .

D'où :  $\Delta V_{\alpha \rightarrow \gamma} = M(\text{Fe}) \times \left( \frac{1}{\rho_{\gamma}} - \frac{1}{\rho_{\alpha}} \right) = 55,85 \cdot 10^{-3} \times \left( \frac{1}{7\,633} - \frac{1}{7\,571} \right)$ .

$$\Delta V_{\alpha \rightarrow \gamma} = -6 \cdot 10^{-8} \text{ m}^3 \cdot \text{mol}^{-1}.$$

En utilisant la relation de Clapeyron, on obtient :  $dp = \frac{11\,803 - 9,217T}{-6 \cdot 10^{-8}T} dT$ .

En intégrant entre  $\begin{cases} p^0 = 10^5 \text{ Pa et } p \\ T = 1\,183 \text{ K et } T = 1\,100 \text{ K,} \end{cases}$

$$\int_{10^5}^p dp = -1,97 \cdot 10^{11} \int_{1\,183}^{1\,100} \frac{dT}{T} + 1,536 \cdot 10^8 \int_{1\,183}^{1\,100} dT.$$

D'où :  $p = 1,581\,6 \cdot 10^9 \text{ Pa, soit } 15\,815 \text{ bar.}$

### Exercice 7

a) Soit l'équilibre physique de changement d'état :



La relation de Clapeyron fournit :

$$\frac{dp}{dT} = \frac{\Delta_{\text{vap}}H}{T(V_{\text{m,gaz}} - V_{\text{m,liquide}})}.$$

Négligeons le volume molaire du liquide devant celui de la vapeur :  $V_{\text{m,gaz}} = \frac{RT}{p}$ , on obtient :

$$\frac{dp}{dT} = \frac{\Delta_{\text{vap}}H \cdot p}{RT^2} \quad \text{ou} \quad \frac{dp}{p} = \frac{\Delta_{\text{vap}}H}{R} \cdot \frac{dT}{T^2}.$$

Intégrons cette relation entre  $p_{\mathcal{J}} = 0,047\,8 \text{ bar}$ ,  $T_{\mathcal{J}} = 278,68 \text{ K}$ , et le point courant  $p$ ,  $T$ , ( $T > 278,68 \text{ K}$ ).

Forme intégrée :  $\ln \frac{p_{\text{sat}}}{p_{\mathcal{J}}} = \frac{\Delta_{\text{vap}}H}{R} \left( \frac{1}{T_{\mathcal{J}}} - \frac{1}{T} \right)$  ;

D'où :  $\ln p_{\text{sat}} = -\frac{\Delta_{\text{vap}}H}{R} \cdot \frac{1}{T} + \ln p_{\mathcal{J}} + \frac{\Delta_{\text{vap}}H}{RT_{\mathcal{J}}}$ .

$\ln p$  est donc une fonction affine de  $\frac{1}{T}$  de pente  $-\frac{\Delta_{\text{vap}}H}{R}$ .

$\frac{10^3}{T}$	3,588	3,275	3,002	2,859
$\ln p_{\text{sat}}$	-3,041	-1,743	-0,650	-0,093

Une analyse de régression linéaire fournit :  $\ln p_{\text{sat}} = -\frac{4,046 \cdot 10^3}{T} + 11,49$ .

$$-\frac{\Delta_{\text{vap}}H}{R} = -4,046 \cdot 10^3 \quad (\text{coefficient de corrélation } r = 0,999 \ 92)$$

d'où :  $\Delta_{\text{vap}}H = +33,64 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

b) On peut reprendre le même calcul avec la sublimation ; ( $T < 278,68 \text{ K}$ ) :

$$\ln p_{\text{sub}} = -\frac{\Delta_{\text{sub}}H}{R} \cdot \frac{1}{T} + \ln p_{\text{J}} + \frac{\Delta_{\text{sub}}H}{RT_{\text{J}}}$$

$10^3/T$	3,832	3,714
$\ln p_{\text{sub}}$	-4,366	-3,721

D'où :  $\ln p_{\text{sub}} = -\frac{5 \ 466}{T} + 16,58$ .

$\ln p_{\text{sub}}$  est une fonction affine de  $\frac{1}{T}$  de pente  $-5 \ 466 = -\frac{\Delta_{\text{sub}}H}{R}$  ;

d'où :  $\Delta_{\text{sub}}H = +45,4 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

c) Si  $p_{\text{sat}} = 1 \text{ bar}$ , alors  $T = T_{\text{éb}}^*$  (benzène, liquide).

D'où :  $0 = -\frac{4 \ 046}{T_{\text{éb}}^*} + 11,49$ , soit  $T_{\text{éb}}^* = 352,1 \text{ K}$ .

### Exercice 8

Nous pouvons utiliser la relation de Clapeyron sous la forme  $\frac{dp}{p} = \frac{\Delta_{\text{vap}}H}{R} \cdot \frac{dT}{T^2}$  avec

$\Delta_{\text{vap}}H = A + BT$  ; d'où :

$$\frac{dp}{p} = \frac{A}{R} \cdot \frac{dT}{T^2} + \frac{B}{R} \cdot \frac{dT}{T}$$

On peut intégrer cette relation entre le point courant  $p$  et  $T$  et  $p = p^0 = 1 \text{ bar}$  avec  $T = T_{\text{éb}}^*(\text{Zn}, \ell)$ , soit :

$$\ln \frac{p}{p^0} = \frac{A}{R} \left( \frac{1}{T_{\text{éb}}^*} - \frac{1}{T} \right) + \frac{B}{R} (\ln T - \ln T_{\text{éb}}^*)$$

d'où :  $\ln p = -\frac{A}{RT} + \frac{B}{R} \ln T + \frac{A}{RT_{\text{éb}}^*} - \frac{B}{R} \ln T_{\text{éb}}^*$ .

En identifiant les coefficients avec la relation expérimentale, on obtient :

$$-\frac{A}{R} = -15 \ 375, \text{ d'où } A = 127 \ 827 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\frac{B}{R} = -1,274, \text{ d'où } B = -10,59 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}.$$

Soit :  $\Delta_{\text{vap}}H(\text{Zn}, \ell) = 127 \ 827 - 10,59T \text{ en J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

À  $1 \ 000 \text{ K}$  :  $\Delta_{\text{vap}}H(\text{Zn}, \ell) = 117 \ 237 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .



# Grandeurs standard

## Introduction

Après avoir défini dans le premier chapitre une nouvelle fonction thermodynamique, l'enthalpie libre  $G$ , nous allons utiliser ses propriétés et ses relations avec les autres grandeurs thermodynamiques, en particulier l'enthalpie  $H$  et l'entropie  $S$ , pour étudier leurs variations au cours d'une transformation chimique. Nous mettrons ainsi en évidence les grandeurs de réaction  $\Delta_r H$ ,  $\Delta_r S$  et  $\Delta_r G$  ainsi que les grandeurs standard de réaction associées  $\Delta_r H^0$ ,  $\Delta_r S^0$  et  $\Delta_r G^0$ .

### Plan du chapitre 2

<b>A. Grandeurs standard relatives à un constituant</b> .....	30
1. Notion d'état standard .....	30
2. Enthalpie molaire standard $H_B^0$ .....	30
3. Entropie molaire standard $S_B^0$ .....	31
4. Potentiel chimique standard $\mu_B^0$ .....	34
<b>B. Grandeurs standard de réaction</b> .....	34
1. Grandeurs standard de formation $\Delta_f X^0$ .....	34
2. Grandeurs standard de réaction $\Delta_r X^0$ .....	35
3. Relations entre les grandeurs standard de réaction .....	37
4. Influence de la température sur les grandeurs standard de réaction .....	38
5. Discontinuités de $\Delta_r H^0$ et $\Delta_r S^0$ lors d'un changement d'état physique d'un composé .....	38
<b>Méthodes</b>	
L'essentiel ; mise en œuvre .....	42
<b>Énoncés des exercices</b> .....	44
<b>Solutions des exercices</b> .....	46

# A. Grandeurs standard relatives à un constituant

## A.1. Notion d'état standard

La notion d'état standard, déjà développée dans le cours de première année, précise l'état physique le plus stable d'un constituant. Nous résumons les différents états standard dans le tableau suivant :

État d'agrégation	État standard correspondant
Gaz	Gaz parfait sous la pression standard : $p^0 = 10^5 \text{ Pa} = 1 \text{ bar}$ .
Liquide ou solide seul dans sa phase	Corps pur correspondant à l'état physique le plus stable sous la pression standard : $p^0 = 1 \text{ bar}$ .
Solution liquide ou solide <ul style="list-style-type: none"><li>• cas du solvant</li><li>• cas du soluté</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>• Corps pur liquide ou solide correspondant sous <math>p^0 = 1 \text{ bar}</math>.</li><li>• Solution infiniment diluée ayant les propriétés d'une solution hypothétique :<ul style="list-style-type: none"><li>– de molalité<sup>1</sup> <math>m^0 = 1 \text{ mol par kg de solvant}</math> ;</li><li>– de concentration volumique molaire <math>C^0 = 1 \text{ mol par litre de solution}</math>.</li></ul></li></ul>

1. Molalité  $m_B$  de l'espèce B dans une solution : quantité de matière B divisée par la masse de solvant S :

$$m_B = \frac{n_B}{m_S}$$

2. Une grandeur intensive ne dépend pas, pour être définie, de la quantité de matière contenue dans une partie du système.

## A.2. Enthalpie molaire standard $H_B^0$

À chaque corps pur simple (un seul type d'atomes) ou composé (plusieurs atomes différents) B, on associe une enthalpie molaire standard  $H_B^0$  exprimée en  $\text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .  $H_B^0$  est une grandeur intensive<sup>2</sup>.

### Définition 1

Par convention, quelle que soit la température, l'enthalpie molaire standard  $H_B^0$  d'un corps pur simple B dans son état standard est prise égale à  $0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

Les tables de thermochimie fournissent ainsi les enthalpies molaires standard de nombreux corps purs simples ou composés, d'ions mono ou polyatomiques.

Exemples :

- Corps pur simple : à 298 K, l'état standard du dibrome est l'état liquide :  $H^0(\text{Br}_2) = 0,00 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ . En revanche, à l'état gazeux sous  $p^0$  :  $H^0(\text{Br}_2, \text{g}) = +30,71 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  et, en solution, pour  $m^0 = 1 \text{ mol} \cdot \text{kg}^{-1}$  :  $H^0(\text{Br}_2, \text{aq}) = -0,92 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

- Corps pur composé : à 298 K, l'éthanol est un liquide :

$$H^0(\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}) = -227,63 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

Pour  $(\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}, \text{g})$  sous  $p^0$  :  $H^0 = -235,3 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

### A.3. Entropie molaire standard $S_B^0$

L'entropie est une fonction d'état qui a été étudiée dans le cours de Physique de première année. Avant d'introduire l'entropie molaire standard, rappelons sa définition.

#### A.3.1 – Le Second Principe de la thermodynamique

Ce principe postule l'existence d'une fonction d'état appelée **entropie**, notée **S**, possédant les propriétés suivantes :

\* L'entropie est une **grandeur extensive** : si un système ( $\Sigma$ ) est divisé en deux sous-systèmes ( $\Sigma_1$ ) et ( $\Sigma_2$ ) d'entropies respectives  $S_1$  et  $S_2$ , alors :

$$(\Sigma) = (\Sigma_1) \cup (\Sigma_2) \Leftrightarrow S = S_1 + S_2$$

\* Au cours de toute transformation infinitésimale, la variation élémentaire d'entropie de S est la somme de deux termes :

$$dS = \delta_e S + \delta_i S$$

$\delta_e S$  : variation élémentaire d'entropie due au transfert de chaleur avec l'extérieur ;  
 $\delta_i S$  : variation élémentaire d'entropie créée à l'intérieur du système.

\* Pour une transformation élémentaire  $\delta_i S \geq 0$ .

\* Pour une transformation élémentaire réversible, le système restant en équilibre :  $\delta_i S = 0$ .

\* Pour une transformation élémentaire irréversible, donc réelle,  $\delta_i S > 0$ .

\* **Définition de l'entropie à partir du transfert de chaleur**

Lors d'une transformation monotherme à la température  $T_e$ , température du milieu extérieur, la variation élémentaire d'entropie s'écrit :

$$\delta_e S = \frac{\delta Q}{T_e}$$

$\delta Q$  : transfert thermique élémentaire avec le milieu extérieur.

#### A.3.2 – Le principe de Nernst

Les mesures calorimétriques effectuées sur les corps purs simples ou composés permettent d'obtenir les valeurs de leurs capacités calorifiques molaires à pression constante  $C_{p,m}^0$  dans les conditions standard.

Or  $\delta Q_p = C_{p,m}^0 dT$  pour une mole de composé.

Si nous envisageons une transformation réversible, on obtient alors la relation :

$$S_2 - S_1 = \int_{T_1}^{T_2} \frac{C_{p,m}^0}{T} dT$$

**Pour les corps purs, il est nécessaire de fixer une origine à l'entropie** : ceci est postulé dans le **Troisième Principe de la thermodynamique** ou **principe de Nernst**.

Au voisinage du zéro absolu, pratiquement tous les composés sont cristallisés selon des structures régulières et uniformes dans lesquelles l'absence de désordre et d'agitation thermique suggère une entropie nulle.

### Definition 2

**Principe de Nernst :**

Au zéro absolu, 0 K, tous les corps purs cristallisés ont une entropie nulle :

$$S_B^0(0 \text{ K}) = 0 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

**Conséquences :**

- À 298,15 K, tous les composés ont une entropie positive.
- L'entropie, mesurant le degré d'ordre d'un système, croît lorsque l'on passe de l'état solide à l'état liquide, puis à l'état gazeux.

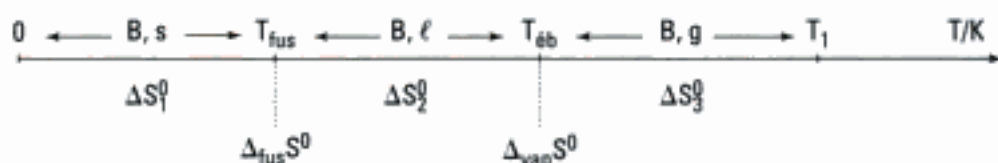
*Exemples :*

Corps pur	État d'agrégation	$S_B^0(298,15 \text{ K})/\text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$
diamant	solide	2,439
argent	solide	42,7
eau	liquide	69,9
argon	gaz	154,7
dioxyde de carbone	gaz	213,6

### A.3.3 – Calcul de l'entropie molaire standard d'un corps pur

D'après le principe de Nernst, on peut déterminer l'entropie molaire standard d'un corps pur en prenant comme origine l'entropie nulle à 0 K. Pour la calculer, on envisage une suite de transformations réversibles faisant passer ce corps pur de la température 0 K à la température  $T_1$ .

Par exemple pour un corps pur gazeux à  $T_1$  :



$$S_B^0(T_1) - S_B^0(0) = \Delta S_1^0 + \Delta_{\text{fus}} S^0 + \Delta S_2^0 + \Delta_{\text{vap}} S^0 + \Delta S_3^0$$

$$\Delta S_1^0 = \int_0^{T_{\text{fus}}} \frac{C_{p,m}^0(\text{B}, \text{s})}{T} dT ; \quad C_{p,m}^0(\text{B}, \text{s}) \text{ est la capacité thermique molaire à pression constante de B solide.}$$

$$\Delta_{\text{fus}} S^0 = \frac{\Delta_{\text{fus}} H^0}{T_{\text{fus}}} ; \quad \text{la fusion s'effectue à } T_{\text{fus}} \text{ et met en jeu l'enthalpie molaire de fusion } \Delta_{\text{fus}} H^0.$$

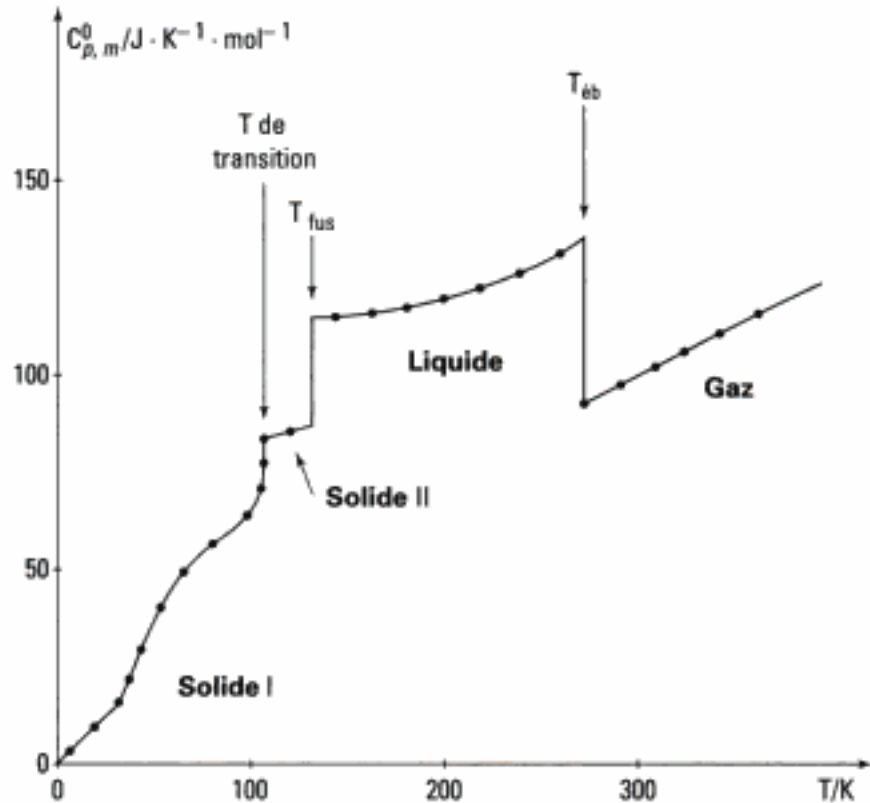
$$\Delta S_2^0 = \int_{T_{\text{fus}}}^{T_{\text{éb}}} \frac{C_{p,m}^0(\text{B}, \ell)}{T} dT ; \quad C_{p,m}^0(\text{B}, \ell), \text{ capacité thermique molaire à pression constante de B liquide.}$$

$$\Delta_{\text{vap}} S^0 = \frac{\Delta_{\text{vap}} H^0}{T_{\text{éb}}} ; \quad \text{la vaporisation du corps pur B liquide sous } p^0 \text{ le transforme en un gaz parfait sous } p^0 \text{ et met en jeu l'enthalpie molaire de vaporisation } \Delta_{\text{vap}} H^0 \text{ à } T_{\text{éb}}.$$



$$\Delta S_3^0 = \int_{T_{\text{éb}}}^{T_1} \frac{C_{p,m}^0(\text{B, g})}{T} dT ; C_{p,m}^0(\text{B, g}) \text{ capacité thermique molaire à pression constante } (p^0) \text{ de B gazeux.}$$

La seule difficulté expérimentale, mais non la moindre, est d'obtenir la variation de  $C_{p,m}^0$  avec la température. Nous présentons sur la **figure 1** l'allure de la courbe donnant le  $C_{p,m}^0$  du butane en fonction de la température.



**Fig. 1** – Capacité thermique molaire du butane sous la pression standard  $p^0$  en fonction de la température.

Le butane existe à l'état solide sous deux formes cristallines en équilibre à la température de transition.

Des discontinuités sur la courbe apparaissent lors des changements d'état physique.

Les calculs montrent que  $S^0(\text{C}_4\text{H}_{10}, \text{g}, 298, 15 \text{ K}) = 309,90 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

### A.3.4 – Signification statistique de l'entropie

On introduit, en thermodynamique statistique, l'entropie par la propriété suivante :

#### Propriété 1

L'entropie d'un système mesure l'état de désordre de ce système. Plus l'entropie du système augmente et plus le désordre augmente.

Cette caractéristique est naturellement vérifiée par les corps purs.

#### Exemple :

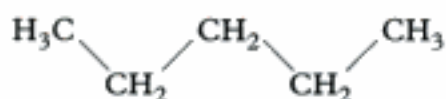
On trouve dans les tables de thermochimie :

$S^0(\text{C}_5\text{H}_{12}, \ell, 298 \text{ K}) = 348,4 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$  ;  $\text{C}_5\text{H}_{12}$  : pentane.

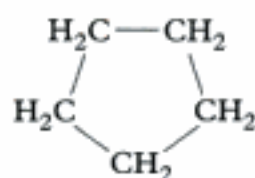
$S^0(\text{C}_5\text{H}_{10}, \ell, 298 \text{ K}) = 292,9 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$  ;  $\text{C}_5\text{H}_{10}$  : cyclopentane.

Cette différence d'entropie entre deux hydrocarbures est liée à la géométrie des deux molécules considérées.

Alors qu'une infinité de conformations sont possibles pour le pentane, le cyclopentane forme un cycle légèrement tendu dans lequel les atomes gardent des positions bien définies les unes par rapport aux autres.



Une conformation du pentane



Une conformation du cyclopentane

Le cyclopentane possède moins de degrés de liberté que le pentane, son entropie est ainsi plus faible que celle du pentane.

## A.4. Potentiel chimique standard $\mu_B^0$

### Definition 3

Le potentiel chimique standard  $\mu_B^0$  d'un corps pur B à l'état standard est défini par la relation :

$$\mu_B^0 = H_B^0 - TS_B^0 \quad \left\{ \begin{array}{l} \mu_B^0 \text{ potentiel chimique standard de l'espèce B (J} \cdot \text{mol}^{-1}) \\ H_B^0 \text{ enthalpie molaire standard de l'espèce B (J} \cdot \text{mol}^{-1}) \\ S_B^0 \text{ entropie molaire standard de l'espèce B (J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}) \end{array} \right.$$

Cette définition est cohérente pour un corps pur composé (plusieurs types d'atomes). En revanche, elle devient incohérente pour un corps pur simple dans l'état standard pour lequel on a, par convention,  $\mu_B^0 = 0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ . Il faudrait alors prendre pour tout corps pur simple une entropie de formation  $S_B^0 = 0 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$  pour que  $\mu_B^0$  soit nul quelle que soit T.

## B. Grandeurs standard de réaction

### B.1. Grandeurs standard de formation $\Delta_f X^0$

#### B.1.1 – Réaction de formation

Il s'agit de l'équation bilan correspondant à la formation d'une mole d'un corps pur composé à partir de ses éléments pris dans leur état standard.

1.  $\text{H}_2(\text{g})$ ,  $\text{S}(\text{s})$ ,  $\text{O}_2(\text{g})$ ,  $\text{N}_2(\text{g})$ ,  $\text{Cr}(\text{s})$  correspondent à l'état standard respectif des éléments H, S, O, N et Cr.

Exemples<sup>1</sup> :

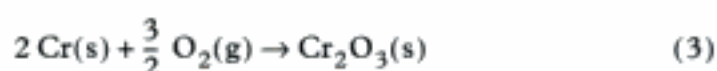
- Formation de l'acide sulfurique :



- Formation de l'hydrazine :



- Formation de l'oxyde de chrome (III) :



## B.1.2 – Grandeurs standard de formation

### • Enthalpie standard de formation $\Delta_f H^0$

#### Définition 4

L'enthalpie standard de formation  $\Delta_f H^0(T)$  d'un corps pur correspond au **transfert thermique**, à pression constante, associé à la **réaction de formation d'une mole de ce corps pur composé** à partir de ses éléments pris dans leur état standard.

Par suite, l'enthalpie standard de formation d'un **corps simple B** est nulle, à toute température.

*Exemples :*

$$\Delta_f H_1^0 = \Delta_f H^0(\text{H}_2\text{SO}_4, \ell) = -814,0 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\Delta_f H_2^0 = \Delta_f H^0(\text{N}_2\text{H}_4, \ell) = +50,63 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\Delta_f H_3^0 = \Delta_f H^0(\text{Cr}_2\text{O}_3, \text{s}) = -1\,130,2 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} .$$

### • Enthalpie libre standard de formation $\Delta_f G^0$

#### Définition 5

Déterminée par le calcul ou par l'expérience, l'enthalpie libre standard de formation d'un corps pur composé B est l'enthalpie libre standard associée à la réaction de formation d'une mole de corps pur composé à partir de ses éléments pris dans leur état standard.

*Exemples :*

$$\Delta_f G_1^0 = \Delta_f G^0(\text{H}_2\text{SO}_4, \ell) = -690,1 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\Delta_f G_2^0 = \Delta_f G^0(\text{N}_2\text{H}_4, \ell) = +149,2 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\Delta_f G_3^0 = \Delta_f G^0(\text{Cr}_2\text{O}_3, \text{s}) = -1\,058 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} .$$

#### Propriété 2

Par convention, pour tous les **corps purs simples** pris dans leur état standard :

$$\Delta_f H^0 = \Delta_f G^0 = 0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} .$$

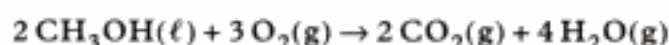
## B.2. Grandeurs standard de réaction $\Delta_r X^0$

À toute réaction chimique, explicitée par une équation bilan et traduisant la transformation de réactifs en produits, on associe un certain nombre de grandeurs thermodynamiques standard de réaction  $\Delta_r X^0$ .

*Exemples :*

• Réaction (1) :

Combustion du méthanol :



• Réaction (2) :



## B.2.1 – Enthalpie standard de réaction $\Delta_r H^0$

### Définition 6

L'enthalpie standard d'une réaction  $\Delta_r H^0$  est définie par la relation :

$$\Delta_r H^0 = \sum_B \nu_B \Delta_f H_B^0$$

$\Delta_r H^0$  enthalpie standard de réaction ( $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ )  
 $\nu_B$  nombre stœchiométrique algébrique de chaque composé B :  $\nu_B > 0$  si B est un produit ;  $\nu_B < 0$  si B est un réactif.  
 $\Delta_f H_B^0$  enthalpie standard de formation de chaque composé B ( $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ )

Exemples :

- Réaction (1) :

$$\Delta_r H_1^0 = 2 \times \Delta_f H^0(\text{CO}_2, \text{g}) + 4 \times \Delta_f H^0(\text{H}_2\text{O}, \text{g}) - 2 \times \Delta_f H^0(\text{CH}_3\text{OH}, \ell) - 3 \times \Delta_f H^0(\text{O}_2, \text{g})$$

$$\Delta_r H_1^0 = 2 \times (-393,51) + 4 \times (-241,82) - 2 \times (-238,7) - 3 \times (0)$$

$$\Delta_r H_1^0 = -1\,276,9 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} \text{ (réaction exothermique).}$$

- Réaction (2) :

$$\Delta_r H_2^0 = \Delta_f H^0(\text{CaSO}_4, \text{s}) - \Delta_f H^0(\text{CaO}, \text{s}) - \Delta_f H^0(\text{SO}_3, \text{g})$$

$$\Delta_r H_2^0 = -1\,432,7 - (-635,5) - (-395,7)$$

$$\Delta_r H_2^0 = -401,5 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} \text{ (réaction exothermique).}$$

## B.2.2 – Enthalpie libre standard de réaction $\Delta_r G^0$

### Définition 7

L'enthalpie libre standard d'une réaction  $\Delta_r G^0$  est définie par la relation :

$$\Delta_r G^0 = \sum_B \nu_B \Delta_f G_B^0$$

$\Delta_r G^0$  enthalpie libre standard de réaction ( $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ )  
 $\nu_B$  nombre stœchiométrique algébrique de chaque composé B  
 $\Delta_f G_B^0$  enthalpie libre standard de formation de chaque composé B ( $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ )

Exemples :

- Réaction (1) :

$$\Delta_r G_1^0 = 2 \times \Delta_f G^0(\text{CO}_2, \text{g}) + 4 \times \Delta_f G^0(\text{H}_2\text{O}, \text{g}) - 2 \times \Delta_f G^0(\text{CH}_3\text{OH}, \ell) - 3 \times \Delta_f G^0(\text{O}_2, \text{g})$$

$$\Delta_r G_1^0 = 2 \times (-394,36) + 4 \times (-228,59) - 2 \times (-166,4) - 3 \times (0)$$

$$\Delta_r G_1^0 = -1\,370,3 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

- Réaction (2) :

$$\Delta_r G_2^0 = \Delta_f G^0(\text{CaSO}_4, \text{s}) - \Delta_f G^0(\text{CaO}, \text{s}) - \Delta_f G^0(\text{SO}_3, \text{s})$$

$$\Delta_r G_2^0 = -1\,320,3 - (-604,2) - (-371,1)$$

$$\Delta_r G_2^0 = -345 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$



### B.2.3 – Entropie standard de réaction $\Delta_r S^0$

#### Définition 8

L'entropie standard d'une réaction  $\Delta_r S^0$  est définie par la relation :

$$\Delta_r S^0 = \sum_B \nu_B S_B^0$$

$\Delta_r S^0$  entropie standard de réaction ( $J \cdot K^{-1} \cdot mol^{-1}$ )

$\nu_B$  nombre stoechiométrique algébrique de chaque composé B

$S_B^0$  entropie molaire standard de chaque composé B ( $J \cdot K^{-1} \cdot mol^{-1}$ )

#### Exemples :

• Réaction (1) :

$$\Delta_r S_1^0 = 2 \times S^0(CO_2, g) + 4 \times S^0(H_2O, g) - 2 \times S^0(CH_3OH, \ell) - 3 \times S^0(O_2, g)$$

$$\Delta_r S_1^0 = 2 \times 213,6 + 4 \times 188,7 - 2 \times 127 - 3 \times 205,0$$

$$\Delta_r S_1^0 = +313 J \cdot K^{-1} \cdot mol^{-1}.$$

• Réaction (2) :

$$\Delta_r S_2^0 = S^0(CaSO_4, s) - S^0(CaO, s) - S^0(SO_3, s)$$

$$\Delta_r S_2^0 = 107 - 40 - 256,6$$

$$\Delta_r S_2^0 = -189,6 J \cdot K^{-1} \cdot mol^{-1}.$$

1. Le signe de  $\Delta_r S^0$  est une conséquence des valeurs des entropies standard des corps purs :

$$S^0(g) > S^0(\ell) > S^0(s).$$

Le signe positif<sup>1</sup> ou négatif de  $\Delta_r S^0$  est relié à la somme des nombres stoechiométriques algébriques des espèces gazeuses :  $\sum_B \nu_{B, gaz}$ .

#### Propriété 3

•  $\sum_B \nu_{B, gaz} > 0$  donc  $\Delta_r S^0 > 0$ .

•  $\sum_B \nu_{B, gaz} < 0$  donc  $\Delta_r S^0 < 0$ .

Réaction (1) :  $\sum \nu_{B, gaz} = 4 + 2 - 3 = +3$  ;  $\Delta_r S_1^0 = +313 J \cdot K^{-1} \cdot mol^{-1}$ .

Réaction (2) :  $\sum \nu_{B, gaz} = -1$  ;  $\Delta_r S_2^0 = -189,6 J \cdot K^{-1} \cdot mol^{-1}$ .

### B.3. Relations entre les grandeurs standard de réaction

L'équation de Gibbs-Helmholtz liant H, S et G est applicable aux grandeurs standard de réaction.

$$G = H - TS ; S = -\left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_p ; \frac{d\left(\frac{G}{T}\right)}{dT} = -\frac{H}{T^2}.$$

D'où :

$$\Delta_r G^0 = \Delta_r H^0 - T \Delta_r S^0 ;$$

$$\Delta_r S^0 = -\frac{d\Delta_r G^0}{dT} ; \frac{d\left(\frac{\Delta_r G^0}{T}\right)}{dT} = -\frac{\Delta_r H^0}{T^2}.$$

2. Il faut exprimer  $\Delta_r H^0$ ,  $\Delta_r S^0$  et  $\Delta_r G^0$  avec des unités correctes ;  $\Delta_r H^0$  et  $\Delta_r G^0$  en  $J \cdot mol^{-1}$  et  $\Delta_r S^0$  en  $J \cdot mol^{-1} \cdot K^{-1}$ .

Dans les exemples pris au paragraphe B.2., les grandeurs utilisées pour calculer  $\Delta_r G^0$ ,  $\Delta_r S^0$  et  $\Delta_r H^0$  des réactions (1) et (2) sont tabulées à  $T = 298 K$ <sup>2</sup>.

On peut remarquer que :

$$\Delta_r H_1^0 - 298 \Delta_r S_1^0 = -1\,276,9 - 298 \times 313 \cdot 10^{-3} = -1\,370,2 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} \\ = \Delta_r G_1^0(298).$$

$$\Delta_r H_2^0 - 298 \Delta_r S_2^0 = -401,5 - 298 \times (-189,6 \cdot 10^{-3}) = -345 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} \\ = \Delta_r G_2^0(298).$$

## B.4. Influence de la température sur les grandeurs standard de réaction

\* Pour tout corps pur simple ou composé, la capacité thermique molaire standard à pression constante est définie par :

$$C_p^0(\text{B}) = \left( \frac{\partial H_B^0}{\partial T} \right)_p = \left( \frac{\partial \Delta_r H_B^0}{\partial T} \right)_p.$$

En tenant compte des nombres stoechiométriques algébriques associés aux réactifs et aux produits, on obtient :

$$\frac{d\Delta_r H^0(T)}{dT} = \frac{d \sum_B \nu_B \Delta_r H_B^0}{dT} = \sum_B \nu_B \frac{d\Delta_r H_B^0}{dT} = \sum_B \nu_B C_p^0(\text{B}) = \Delta_r C_p^0.$$

D'où les **relations de Kirchhoff** :

$$\frac{d\Delta_r H^0(T)}{dT} = \Delta_r C_p^0(T)$$

\* L'entropie standard de réaction varie avec la température selon l'équation :

$$\frac{d\Delta_r S^0(T)}{dT} = \frac{\Delta_r C_p^0(T)}{T}$$

\* On peut intégrer ces deux relations entre  $T = 298 \text{ K}$  et la température  $T$ , on obtient :

$$\Delta_r H^0(T)^1 = \Delta_r H^0(298) + \int_{298}^T \Delta_r C_p^0(T) dT \\ \Delta_r S^0(T)^1 = \Delta_r S^0(298) + \int_{298}^T \frac{\Delta_r C_p^0(T)}{T} dT$$

\* On en déduit :  $\Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0(T) - T\Delta_r S^0(T)$

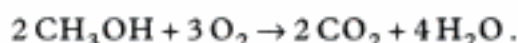
$$\text{et } \frac{d\left(\frac{\Delta_r G^0(T)}{T}\right)}{dT} = -\frac{\Delta_r H^0(T)}{T^2}.$$

## B.5. Discontinuités de $\Delta_r H^0$ et $\Delta_r S^0$ lors d'un changement d'état physique d'un composé

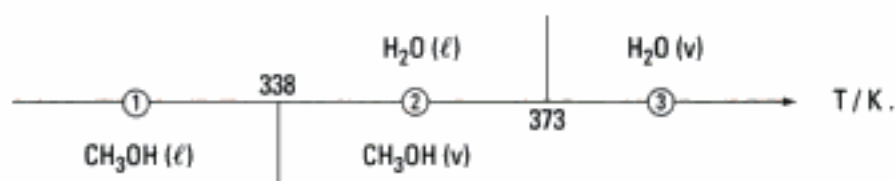
Étudions l'enthalpie standard de réaction  $\Delta_r H^0$  et l'entropie standard de réaction  $\Delta_r S^0$  en fonction de la température. Plutôt que de manipuler des relations, nous allons considérer un cas concret.

1. Ces relations de Kirchhoff sont valables dans l'intervalle de température 298-T, en l'absence de changement d'état physique des réactifs et des produits.

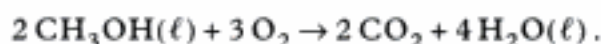
Considérons la réaction suivante :



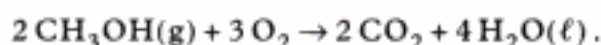
Selon la température, l'état physique du méthanol et de l'eau varie. Étudions donc la réaction dans les conditions ①, ② et ③ ci-dessous :



Réaction ① :  $298 < T < 338 \text{ K}$



Réaction ② :  $338 < T < 373 \text{ K}$



Réaction ③ :  $T > 373 \text{ K}$



Données numériques à 298 K :

Composés	$\Delta_f H^0 / \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	$S^0 / \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$	$C_p^0 / \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$
$\text{CH}_3\text{OH}(\ell)$	-238,7	127,0	79,5
$\text{CH}_3\text{OH}(\text{g})$	-200,7	239,7	42,4
$\text{O}_2(\text{g})$	0	205,0	29,0
$\text{H}_2\text{O}(\ell)$	-285,8	69,9	75,2
$\text{H}_2\text{O}(\text{g})$	-241,8	188,7	31,0
$\text{CO}_2(\text{g})$	-393,5	213,6	44,1

### B.5.1 – Expressions de $\Delta_r H_i^0(T)$ et de $\Delta_r S_i^0(T)$ selon la valeur de T

Utilisons les relations exprimant  $\Delta_r H^0$  et  $\Delta_r S^0$  en fonction de la température :

$$\Delta_r H^0(T) = \Delta_r H^0(298 \text{ K}) + \int_{298}^T \Delta_r C_p^0(T) dT ;$$

$$\Delta_r S^0(T) = \Delta_r S^0(298 \text{ K}) + \int_{298}^T \frac{\Delta_r C_p^0(T)}{T} dT.$$

•  $i = 1$  :  $298 < T < 338 \text{ K}$

$$\Delta_r H_1^0(298) = -1\,452,8 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\Delta_r S_1^0(298) = -162,2 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\Delta_r C_p^0 = +143 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\Delta_r H_1^0(T) = -1\,452,8 + \int_{298}^T 0,143 dT = -1\,452,8 + 0,143(T - 298)$$

$$= -1\,495,4 + 0,143T \text{ (en kJ} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

$$\Delta_r S_1^0(T) = -162,2 + \int_{298}^T \frac{143}{T} dT = -162,2 + 143 \ln \frac{T}{298}$$

$$= -977 + 143 \ln T \text{ (en J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

•  $i = 2$  :  $338 < T < 373$  K

$$\Delta_r H_2^0(298) = -1\,528,8 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1};$$

$$\Delta_r S_2^0(298) = -387,6 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1};$$

$$\Delta_r C_p^0 = 217,2 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\begin{aligned} \Delta_r H_2^0(T) &= -1\,528,8 + \int_{298}^T 0,217\,2 \, dT \\ &= -1\,528,8 + 0,217\,2(T - 298) \\ &= -1\,593,5 + 0,217\,2T \text{ (en kJ} \cdot \text{mol}^{-1} \text{)}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Delta_r S_2^0(T) &= -387,6 + \int_{298}^T \frac{217,2}{T} \, dT \\ &= -387,6 + 217,2 \ln \frac{T}{298} \\ &= -1\,625 + 217,2 \ln T \text{ (en J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} \text{)}. \end{aligned}$$

•  $i = 3$  :  $T > 373$  K

$$\Delta_r H_3^0(298) = -1\,352,8 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1};$$

$$\Delta_r S_3^0(298) = +87,6 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1};$$

$$\Delta_r C_p^0 = 40,4 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\begin{aligned} \Delta_r H_3^0(T) &= -1\,352,8 + \int_{298}^T 40,4 \cdot 10^{-3} \, dT \\ &= -1\,352,8 + 0,040\,4(T - 298) \\ &= -1\,364,8 + 0,040\,4T \text{ (en kJ} \cdot \text{mol}^{-1} \text{)}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Delta_r S_3^0(T) &= 87,6 + \int_{298}^T \frac{40,4}{T} \, dT \\ &= 87,6 + 40,4 \ln \frac{T}{298} \\ &= -142,5 + 40,4 \ln T \text{ (en J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} \text{)}. \end{aligned}$$

### B.5.2 – Représentation graphique

T	298	338	338	373	373	500
$\Delta_r H_1^0$	-1 452,8	-1 447				
$\Delta_r H_2^0$			-1 520	-1 512,5		
$\Delta_r H_3^0$					-1 349,7	-1 344,6
$\Delta_r S_1^0$	-162,3	-144				
$\Delta_r S_2^0$			-360,2	-338,8		
$\Delta_r S_3^0$					96,7	108,6

Les graphes  $\Delta_r H^0(T)$  et  $\Delta_r S^0(T)$  obtenus à partir de ces résultats sont donnés aux figures 2 et 3, page suivante.



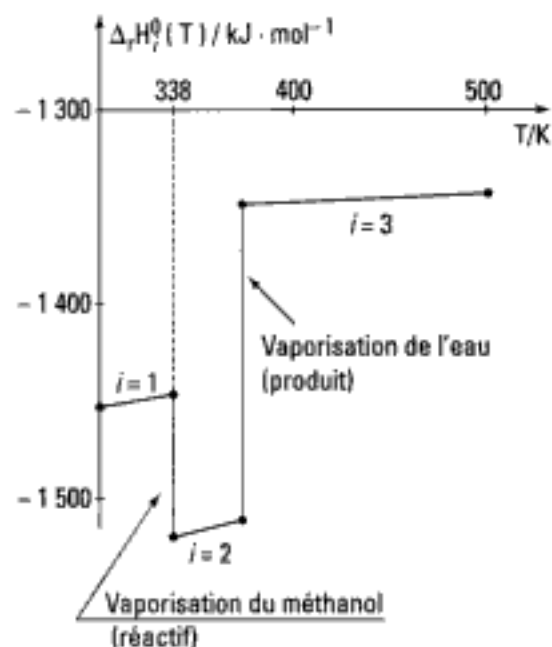


Fig. 2 - Enthalpie standard de la réaction  $2 \text{CH}_3\text{OH} + 3 \text{O}_2 \rightarrow 2 \text{CO}_2 + 4 \text{H}_2\text{O}$  en fonction de la température.

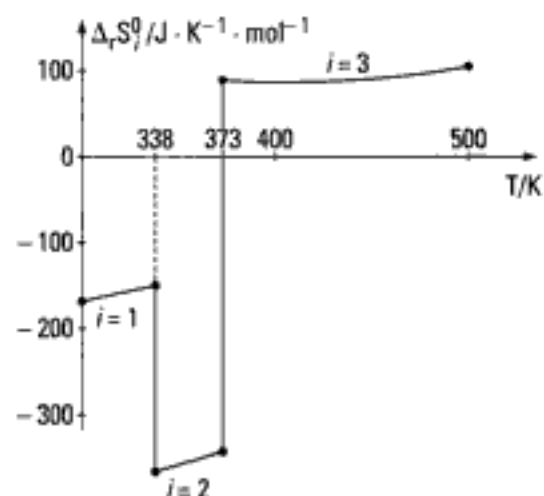


Fig. 3 - Entropie standard de la réaction  $2 \text{CH}_3\text{OH} + 3 \text{O}_2 \rightarrow 2 \text{CO}_2 + 4 \text{H}_2\text{O}$  en fonction de la température.

\* pour  $i = 1$  et  $i = 2$  :

$$\sum v_{B, \text{gaz}} < 0 ; \Delta_r S^0(T) < 0 .$$

\* pour  $i = 3$  :

$$\sum v_{B, \text{gaz}} > 0 ; \Delta_r S^0(T) > 0 .$$

Les graphes  $\Delta_r H^0(T)$  et  $\Delta_r S^0(T)$  comprennent des discontinuités dues au changement d'état physique des composés.

# L'essentiel

## ✓ État standard d'un corps pur

L'état standard d'un corps pur correspond à sa forme physique (solide, liquide ou gaz) la plus stable sous la pression standard  $p^0 = 0,1 \text{ MPa} = 1 \text{ bar}$ , et ce quelle que soit la température.

## ✓ Grandeurs standard relatives à un corps pur

Tout corps pur est caractérisé par une enthalpie molaire standard  $H_B^0$ , une entropie molaire standard  $S_B^0$  et un potentiel chimique standard  $\mu_B^0$  tels que :

$$\mu_B^0 = H_B^0 - TS_B^0.$$

## ✓ Grandeurs standard de formation $\Delta_f X^0$

À la réaction de formation d'un corps pur composé B à partir de ses éléments pris dans leur état standard, on associe :

$\Delta_f H^0(B)$  : enthalpie standard de formation de B

et  $\Delta_f G^0(B)$  : enthalpie libre standard de formation de B.

## ✓ Grandeurs standard de réaction $\Delta_r X^0$

• À toute réaction, on associe :

• une enthalpie standard de réaction :  $\Delta_r H^0 = \sum_B \nu_B \Delta_f H_B^0$  ;

• une entropie standard de réaction :  $\Delta_r S^0 = \sum_B \nu_B S_B^0$ .

•  $\Delta_r S^0 > 0$  si  $\sum \nu_{B, \text{gaz}} > 0$  ;  $\Delta_r S^0 < 0$  si  $\sum \nu_{B, \text{gaz}} < 0$ .

## ✓ Relations entre les grandeurs standard de réaction

$$\Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0(T) - T \Delta_r S^0(T)$$

Relation de Kirchhoff :  $\Delta_r H^0(T) = \Delta_r H^0(298) + \int_{298}^T \Delta_r C_p^0 dT$  ;

$$\Delta_r S^0(T) = \Delta_r S^0(298) + \int_{298}^T \frac{\Delta_r C_p^0}{T} dT,$$

$$\text{et } \Delta_r C_p^0 = \sum_B \nu_B C_p^0(B) ;$$

$$\text{d'où : } \frac{d \frac{\Delta_r G^0(T)}{T}}{dT} = - \frac{\Delta_r H^0(T)}{T^2}.$$

# Mise en œuvre

## Méthode

Comment obtenir  $\Delta_r H^0(T)$ ,  $\Delta_r S^0(T)$ ,  $\Delta_r C_p^0(T)$  connaissant l'expression  $\Delta_r G^0(T) = f(T)$  ?

### → Savoir faire

Utiliser les relations de Gibbs-Helmholtz.

① Pour obtenir l'expression de  $\Delta_r S^0(T)$ , dériver  $\Delta_r G^0(T)$  par rapport à  $T$ , puis changer le

signe de l'expression obtenue :  $\Delta_r S^0(T) = -\frac{d\Delta_r G^0(T)}{dT}$ .

Pour obtenir l'expression de  $\Delta_r H^0(T)$ , on peut opérer de deux manières différentes.

② Connaissant  $\Delta_r G^0(T)$  et  $\Delta_r S^0(T)$ , on obtient  $\Delta_r H^0(T)$  grâce à l'expression :

$$\Delta_r H^0(T) = \Delta_r G^0(T) + T\Delta_r S^0(T).$$

③ Former  $\Delta_r G^0(T)/T$ , dériver cette expression par rapport à  $T$ .

Le résultat obtenu est égal à  $-\Delta_r H^0(T)/T^2$ , d'où l'on extrait  $\Delta_r H^0(T)$ .

④ Par définition :  $\Delta_r C_p^0(T) = d\Delta_r H^0(T)/dT$ .

### → Application

Soit la réaction :  $\text{CaO}(s) + \text{SiO}_2(s) = \text{CaSiO}_3(s)$ .

$$\Delta_r G^0(T) = -811\,673 - 11,63T \ln T + 27,18T + 11,17 \cdot 10^{-3}T^2 \quad (\text{en J} \cdot \text{mol}^{-1}).$$

En déduire  $\Delta_r S^0(T)$ ,  $\Delta_r H^0(T)$  et  $\Delta_r C_p^0(T)$ .

### Solution

$$\textcircled{1} \Delta_r S^0(T) = -\frac{d\Delta_r G^0(T)}{dT} = -15,55 + 11,63 \ln T - 22,34 \cdot 10^{-3} T \quad (\text{en J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}).$$

$$\textcircled{2} \Delta_r H^0(T) = \Delta_r G^0(T) + T\Delta_r S^0(T) = -811\,673 + 11,63T - 11,17 \cdot 10^{-3} T^2 \quad (\text{en J} \cdot \text{mol}^{-1}).$$

$$\textcircled{3} \frac{\Delta_r G^0(T)}{T} = \frac{-811\,673}{T} - 11,63 \ln T + 27,18 + 11,17 \cdot 10^{-3} T.$$

$$\frac{d}{dT} \frac{\Delta_r G^0(T)}{T} = \frac{811\,673}{T^2} - \frac{11,63}{T} + 11,17 \cdot 10^{-3} = -\frac{\Delta_r H^0(T)}{T^2},$$

$$\text{d'où } \Delta_r H^0(T) = -811\,673 + 11,63T - 11,17 \cdot 10^{-3}T^2 \quad (\text{en J} \cdot \text{mol}^{-1}).$$

$$\textcircled{4} \Delta_r C_p^0(T) = \frac{d\Delta_r H^0(T)}{dT} = 11,63 - 11,17 \cdot 10^{-3}T \quad (\text{en J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}).$$



# Exercices

## Vrai ou faux ?

### Ex. 1

Si pour l'équation d'une réaction,  $\Delta_r C_p^0$  est une constante, alors  $\Delta_r G^0(T)$  est une fonction affine de T.

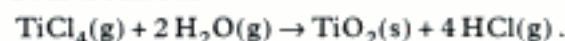
### Ex. 2

Lors de la fusion d'un composé solide B, l'enthalpie varie de  $\Delta_{\text{fus}} H^0(B, s)$  et l'entropie varie de

$$\frac{\Delta_{\text{fus}} H^0(B, s)}{T_{\text{fus}}^*}$$

### Ex. 3

Pour la réaction



$$\Delta_r C_p^0 = 0 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\Delta_r H^0(298 \text{ K}) = -67,1 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\Delta_r S^0(298 \text{ K}) = 65,3 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} ,$$

$$\text{alors } \Delta_r G^0(800 \text{ K}) = +119,34 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} .$$

## Niveau 1

### Ex. 4 Réaction



- Peut-on prévoir a priori le signe de  $\Delta_r S^0$  ?
- Calculer à l'aide des données :  $\Delta_r H^0(298)$  ;  $\Delta_r S^0(298)$ .
- En déduire  $\Delta_r G^0(298)$ .
- Sachant que pour cette réaction  $\Delta_r C_p^0 = +36 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ , en déduire  $\Delta_r H^0(T)$ ,  $\Delta_r S^0(T)$ ,  $\Delta_r G^0(T)$ .
- Faire l'application numérique à  $T = 1\,000 \text{ K}$ .

Données :

Composé	$\text{Fe}_2\text{O}_3(\text{s})$	$\text{CO}(\text{g})$	$\text{Fe}(\text{s})$	$\text{CO}_2(\text{g})$
$\Delta_r H^0/\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	-824,2	-110,5	0	-393,5
$S^0/\text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$	87,4	197,6	27,3	213,6

### Ex. 5 Réaction $\text{H}_2\text{O}(\ell) = \text{H}_2\text{O}(\text{g})$

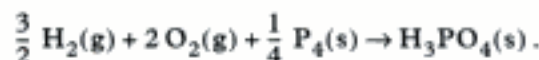
- À quel phénomène physique correspond cette équation ?
- Quelles sont les valeurs respectives de l'enthalpie standard de réaction et de l'entropie standard de réaction à 298 K.
- Exprimer  $\Delta_r H^0(T)$  en fonction de T.
- Exprimer  $\Delta_r S^0(T)$  en fonction de T.
- En déduire  $\Delta_r G^0(T) = f(T)$ .
- Pour quelle valeur de T obtient-on  $\Delta_r G^0(T) = 0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$  ?  
À quoi correspond cette température ?

Données :

Composé	$\text{H}_2\text{O}(\ell)$	$\text{H}_2\text{O}(\text{g})$
$\Delta_r H^0/\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	-285,83	-241,82
$S^0/\text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$	69,91	188,71
$C_p^0/\text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$	75,3	32,7

### Ex. 6 Entropie standard et entropie standard de formation

a) Expliquer la différence entre l'entropie standard de l'acide phosphorique  $\text{H}_3\text{PO}_4(\text{s})$  et l'entropie standard de formation de l'acide phosphorique associée à la réaction :

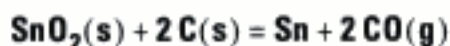


b) En déduire l'entropie standard de formation de  $\text{H}_3\text{PO}_4$ .

Données :

Composé	$\text{H}_2$	$\text{O}_2$	$\text{P}_4$	$\text{H}_3\text{PO}_4$
$S^0/\text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$	130,6	205,0	164	110,5



**Ex. 7 Réaction**

a) Déterminer à 298 K, les valeurs des grandeurs standard  $\Delta_r G^0$ ,  $\Delta_r H^0$  et  $\Delta_r S^0$  associées à la réaction.

b) Sachant que l'étain fond à 232 °C, déterminer les valeurs des grandeurs standard de réaction à 600 K.

Données :

Composés	SnO <sub>2</sub>	C	Sn	CO
$\Delta_r H^0 / \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	-580,7	0	0	-110,5
$S^0 / \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$	52,3	5,7	51,5	197,6

Enthalpie de fusion de l'étain à 232 °C :

$$\Delta_{\text{fus}} H^0(\text{Sn}, \text{s}) = 7,1 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

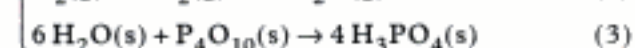
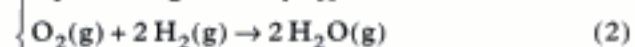
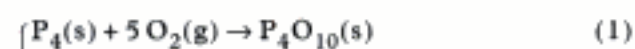
Toutes les grandeurs thermodynamiques sont supposées indépendantes de la température.

**Ex. 8 Enthalpie libre de formation de H<sub>3</sub>PO<sub>4</sub>(s)**

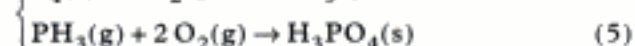
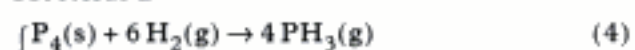
a) Écrire l'équation bilan de la réaction correspondant à la formation de H<sub>3</sub>PO<sub>4</sub>(s).

b) Montrer que l'enthalpie libre standard de formation de H<sub>3</sub>PO<sub>4</sub>(s) peut être évaluée aussi bien par le processus A que par le processus B.

Processus A



Processus B



Données :

$$\Delta_r G^0_{\frac{1}{3}}(298) = -406,4 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1};$$

$$\Delta_r G^0_{\frac{1}{2}}(298) = -1\,132 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

Composé	P <sub>4</sub> O <sub>10</sub> (s)	H <sub>2</sub> O(g)	PH <sub>3</sub> (g)
$\Delta_r G^0 / \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	-2\,698	-228,6	13

**Niveau 2****Ex. 9 Réaction**

Pour cette réaction l'enthalpie libre standard a pour expression :

$$\Delta_r G^0(T) = 88\,500 + 30,9T \ln T - 1,48 \cdot 10^{-2}T^2 + 1,3 \cdot 10^{-6}T^3 - 342T \quad (\text{en J} \cdot \text{mol}^{-1}).$$

a) En déduire les expressions de  $\Delta_r S^0(T)$  ;  $\Delta_r H^0(T)$ .

b) Calculer  $\Delta_r H^0(298)$  et  $\Delta_r S^0(298)$ .

**Ex. 10 Transformation Sn<sub>α</sub> = Sn<sub>β</sub> (1)**

Ces deux formes solides de l'étain sont en équilibre à T<sub>0</sub> = 286 K sous p<sup>0</sup> = 1 bar.

a) Exprimer  $\Delta_r H^0_1(T)$  en fonction de T.

b)  $\Delta_r S^0_1(T) = 5,04 + 0,4 \ln T$  ; en déduire  $\Delta_r G^0_1(T)$  en fonction de T.

Données :

$$C_{p,m}^0(\text{Sn}_\alpha) = 25,7 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1};$$

$$C_{p,m}^0(\text{Sn}_\beta) = 26,1 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$\text{à } T_0 = 286 \text{ K} : \Delta_r H^0_1 = 2\,090 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

**Ex. 11 Dissociation de CaCO<sub>3</sub>(s)**

Le carbonate de calcium se dissocie selon la réaction d'équation bilan : CaCO<sub>3</sub>(s) = CaO(s) + CO<sub>2</sub>(g).

a) Déterminer l'expression de  $\Delta_r H^0(T)$  en fonction de T, connaissant  $\Delta_r H^0(298) = +178,2 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  et  $\Delta_r C_p^0 = -16,5 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

b) En déduire l'expression de  $\Delta_r G^0(T)$  sachant qu'à 298 K,  $\Delta_r G^0(298) = 130,2 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

c) Donner l'expression de  $\Delta_r S^0(T)$ .

# Solutions des exercices

## Vrai ou faux ?

### Exercice 1

$$\Delta_r C_p^0(T) = A \text{ (constante), donc } \Delta_r H^0(T) = \Delta_r H^0(298) + A(T - 298) ;$$

$$\Delta_r H^0(T) = B + CT, \text{ B et C étant des constantes ;}$$

$$\text{or } \Delta_r S^0(T) = \Delta_r S^0(298) + A \ln \frac{T}{298} = D + E \ln T ;$$

$$\text{d'où : } \Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0(T) - T\Delta_r S^0(T) \text{ (D et E : constantes)}$$

$$= B + CT - T(D + E \ln T) = B + CT - TD - ET \ln T .$$

**Faux :**  $\Delta_r G^0(T)$  n'est pas une fonction affine de T.

### Exercice 2

Écrivons la réaction correspondant à la fusion :  $B(s) = B(\ell)$ .

$$\begin{aligned} \Delta_r H^0 &= \Delta_f H^0(B, \ell) - \Delta_f H^0(B, s) \\ &= \Delta_{\text{fus}} H^0(B, s). \end{aligned}$$

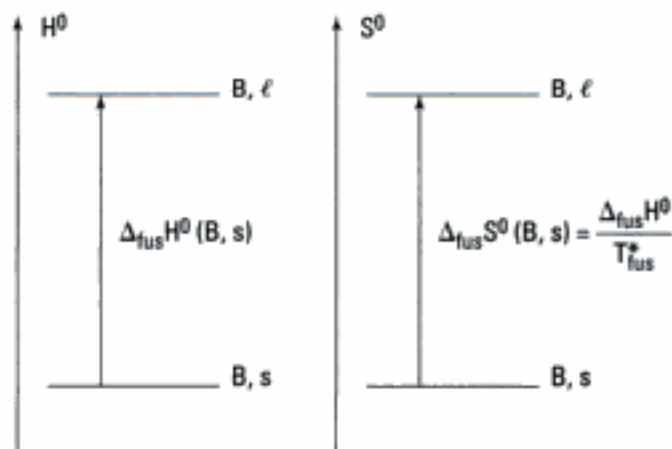
L'enthalpie de la réaction correspond bien à l'enthalpie standard de fusion.

L'entropie de la réaction :

$$\Delta_r S^0 = S^0(B, \ell) - S^0(B, s) = \Delta_{\text{fus}} S^0(B, s).$$

**Vrai :** lors de la fusion, l'enthalpie standard de réaction varie de  $\Delta_{\text{fus}} H^0(B, s)$  et l'entropie standard de réaction varie de

$$\Delta_{\text{fus}} S^0(B, s) = \frac{\Delta_{\text{fus}} H^0(B, s)}{T_{\text{fus}}^*(B, s)} .$$



### Exercice 3

Si  $\Delta_r C_p^0 = 0$ , alors  $\Delta_r H^0(T) = \Delta_r H^0(298)$  et  $\Delta_r S^0(T) = \Delta_r S^0(298)$ .

Donc  $\Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0(298) - T \cdot \Delta_r S^0(298)$ .

*Application numérique :*

$$\Delta_r G^0(800) = -67\,100 - 800 \times 65,3 = -119,34 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} .$$

**Proposition fautive.**

## Exercices de niveau 1

### Exercice 4

a) Dans cette équation,  $\sum \nu_{B, \text{gaz}} = 3 - 3 = 0$ , on ne peut donc conclure sur le signe de  $\Delta_r S^0$ .

$$\begin{aligned} \text{b) } \Delta_r H^0(298) &= 3\Delta_f H^0(\text{CO}_2, \text{g}) - \Delta_f H^0(\text{Fe}_2\text{O}_3, \text{s}) - 3\Delta_f H^0(\text{CO}, \text{g}) \\ &= -24,8 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Delta_r S^0(298) &= 3S^0(\text{CO}_2, \text{g}) + 2S^0(\text{Fe}, \text{s}) - S^0(\text{Fe}_2\text{O}_3, \text{s}) - 3S^0(\text{CO}, \text{g}) \\ &= 15,2 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{c) } \Delta_r G^0(298) &= \Delta_r H^0(298) - 298 \cdot \Delta_r S^0(298) \\ &= -24\,800 - 298 \times 15,2 = -29,33 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{d) } \Delta_r H^0(T) &= \Delta_r H^0(298) + \int_{298}^T \Delta_r C_p^0 dT = -24\,800 + 36(T - 298) \\ &= -35\,530 + 36T \text{ (en J} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Delta_r S^0(T) &= \Delta_r S^0(298) + \int_{298}^T \frac{\Delta_r C_p^0}{T} dT = 15,2 + 36 \ln \frac{T}{298} \\ &= -189,9 + 36 \ln T \text{ (en J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}. \end{aligned}$$

$$\Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0(T) - T\Delta_r S^0(T) = -35\,530 + 36T - T(-189,9 + 36 \ln T)$$

$$\Delta_r G^0(T) = -35\,530 + 225,9T - 36T \ln T \text{ (en J} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

e) Application numérique :

$$\Delta_r H^0(1\,000) = 470 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} ; \Delta_r S^0(1\,000) = 58,8 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\Delta_r G^0(1\,000) = -58,33 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

### Exercice 5

a) Il s'agit de la vaporisation de l'eau liquide.

$$\begin{aligned} \text{b) } \Delta_r H^0(298) &= \Delta_f H^0(\text{H}_2\text{O}, \text{g}) - \Delta_f H^0(\text{H}_2\text{O}, \ell) = -241,82 - (-285,83) \\ &= +44,01 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Delta_r S^0(298) &= S^0(\text{H}_2\text{O}, \text{g}) - S^0(\text{H}_2\text{O}, \ell) = 188,71 - 69,91 \\ &= 118,8 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}. \end{aligned}$$

$$\text{c) } \Delta_r H^0(T) = \Delta_r H^0(298) + \int_{298}^T \Delta_r C_p^0 dT \text{ avec } \Delta_r C_p^0 = C_p^0(\text{H}_2\text{O}, \text{g}) - C_p^0(\text{H}_2\text{O}, \ell).$$

$$\Delta_r C_p^0 = 32,7 - 75,3 = -42,6 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\Delta_r H^0(T) = 44\,010 - 42,6(T - 298) = 56\,700 - 42,6T \text{ (en J} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

$$\text{d) } \Delta_r S^0(T) = 118,8 - 42,6 \ln \frac{T}{298} = 361,5 - 42,6 \ln T \text{ (en J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

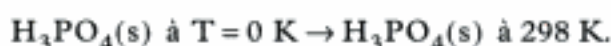
$$\begin{aligned} \text{e) } \Delta_r G^0(T) &= 56\,700 - 42,6T - T(361,5 - 42,6 \ln T) \\ &= 56\,700 - 404,1T + 42,6T \ln T \quad (\text{en } \text{J} \cdot \text{mol}^{-1}) \end{aligned}$$

$$\text{f) } \Delta_r G^0(T) = 0, \text{ d'où } T = 373,6 \text{ K.}$$

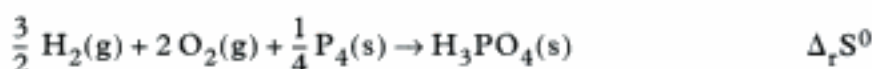
Cette température correspond à la température d'ébullition de l'eau sous 1,013 bar.

### Exercice 6

- a) L'entropie standard de  $\text{H}_3\text{PO}_4(\text{s})$  correspond au changement d'entropie lors de la transformation :



L'entropie standard de formation de  $\text{H}_3\text{PO}_4$  est l'entropie standard de la réaction :



$$\Delta_r S^0 = \Delta_f S^0(\text{H}_3\text{PO}_4, \text{s}) = S^0(\text{H}_3\text{PO}_4, \text{s}) - \frac{3}{2} S^0(\text{H}_2, \text{g}) - 2 S^0(\text{O}_2, \text{g}) - \frac{1}{4} S^0(\text{P}_4, \text{s}).$$

- b) Application numérique :

$$\Delta_f S^0(\text{H}_3\text{PO}_4, \text{s}) = 110,5 - \frac{3}{2} \times 130,6 - 2 \times 205 - \frac{1}{4} \times 164$$

$$\Delta_f S^0(\text{H}_3\text{PO}_4, \text{s}) = -536,4 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

### Exercice 7

- a)  $\Delta_r H^0(298) = 2\Delta_f H^0(\text{CO}, \text{g}) - \Delta_f H^0(\text{SnO}_2, \text{s})$ . À 298 K, Sn(s) et C(s) sont les états standard de l'étain et du carbone solides, donc  $\Delta_f H^0 = 0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

$$\Delta_r H^0 = 2 \times (-110,5) - (-580,7) = +359,7 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\begin{aligned} \Delta_r S^0(298) &= 2 \cdot S^0(\text{CO}, \text{g}) + S^0(\text{Sn}, \text{s}) - S^0(\text{SnO}_2, \text{s}) - 2S^0(\text{C}, \text{s}) \\ &= 2 \times 197,6 + 51,5 - 52,3 - 2 \times 5,7 = +383 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Delta_r G^0(298) &= \Delta_r H^0(298) - 298 \cdot \Delta_r S^0(298) \\ &= 359\,700 - 298 \times 383 = 245,6 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}. \end{aligned}$$

- b) À 600 K, l'étain est liquide.

$$\text{Sn}(\text{s}) = \text{Sn}(\ell) : \Delta_{\text{fus}} H^0 = \Delta_f H^0(\text{Sn}, \ell) - \Delta_f H^0(\text{Sn}, \text{s}).$$

$$\text{D'où } \Delta_f H^0(\text{Sn}, \ell) = \Delta_{\text{fus}} H^0 = +7,1 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1};$$

$$\Delta_{\text{fus}} S^0 = \Delta_{\text{fus}} H^0 / T_{\text{fus}}^* = \frac{7\,100}{232 + 273} = 14,1 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\text{or } \Delta_{\text{fus}} S^0 = S^0(\text{Sn}, \ell) - S^0(\text{Sn}, \text{s}), \text{ donc } S^0(\text{Sn}, \ell) = \Delta_{\text{fus}} S^0 + S^0(\text{Sn}, \text{s});$$

$$\text{d'où } S^0(\text{Sn}, \ell) = 14,1 + 51,5 = 65,6 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

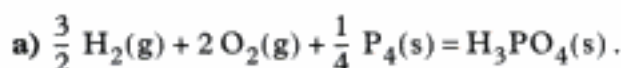
$$\begin{aligned} \Delta_r H^0(600) &= 2\Delta_f H^0(\text{CO}, \text{g}) + \Delta_f H^0(\text{Sn}, \ell) - \Delta_f H^0(\text{SnO}_2, \text{s}) \\ &= 2 \times (-110,5) + 7,1 - (-580,7) = 366,8 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Delta_r S^0(600) &= 2S^0(\text{CO}, \text{g}) + S^0(\text{Sn}, \ell) - 2S^0(\text{C}, \text{s}) - S^0(\text{SnO}_2, \text{s}) \\ &= 2 \times 197,6 + 65,6 - 2 \times 5,7 - 52,3 = 397,1 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}. \end{aligned}$$



$$\begin{aligned}\Delta_r G^0(600) &= \Delta_r H^0(600) - 600 \Delta_r S^0(600) \\ &= 366\,800 - 600 \times 397,1 = 128,5 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.\end{aligned}$$

### Exercice 8



b) Dans le processus A, les réactions (1) et (2) correspondent aux réactions de formation de  $\text{P}_4\text{O}_{10}(\text{s})$  et  $\text{H}_2\text{O}(\text{g})$  à partir de leurs éléments dans l'état standard.

$$\text{Donc } \Delta_r G_3^0 = 4 \Delta_f G^0(\text{H}_3\text{PO}_4, \text{s}) - 6 \Delta_f G^0(\text{H}_2\text{O}, \text{g}) - \Delta_f G^0(\text{P}_4\text{O}_{10}, \text{s}).$$

$$\text{D'où } \Delta_f G^0(\text{H}_3\text{PO}_4, \text{s}) = \frac{1}{4} [\Delta_r G_3^0 + 6 \Delta_f G^0(\text{H}_2\text{O}, \text{g}) + \Delta_f G^0(\text{P}_4\text{O}_{10}, \text{s})]$$

$$\Delta_f G^0(\text{H}_3\text{PO}_4, \text{s}) = \frac{1}{4} (-406,4 + 6 \times (-228,6) - 2\,698)$$

$$\Delta_f G^0(\text{H}_3\text{PO}_4, \text{s}) = -1\,118,5 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

Dans le processus B, la réaction (4) correspond à quatre fois la formation de  $\text{PH}_3$ .

$$\Delta_r G_5^0 = \Delta_f G^0(\text{H}_3\text{PO}_4, \text{s}) - \Delta_f G^0(\text{PH}_3, \text{g})$$

$$\Delta_f G^0(\text{H}_3\text{PO}_4, \text{s}) = \Delta_r G_5^0 + \Delta_f G^0(\text{PH}_3, \text{g})$$

$$\Delta_f G^0(\text{H}_3\text{PO}_4, \text{s}) = -1\,132 + 13 = -1\,119 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

## Exercices de niveau 2

### Exercice 9

a)  Appliquer la Méthode de ce chapitre.

$$\Delta_r S^0(T) = -\frac{d}{dT} \Delta_r G^0(T) = -(30,9 \ln T + 30,9 - 2,96 \cdot 10^{-2} \cdot T - 3,9 \cdot 10^{-6} \cdot T^2 - 342).$$

$$\Delta_r S^0(T) = 311,1 + 2,96 \cdot 10^{-2} \cdot T - 3,9 \cdot 10^{-6} \cdot T^2 - 30,9 \cdot \ln T \text{ (en J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

Pour obtenir  $\Delta_r H^0(T)$ , on a toujours deux méthodes :

- $\Delta_r H^0(T) = \Delta_r G^0(T) + T \Delta_r S^0(T)$ .

- $\frac{d\left(\frac{\Delta_r G^0(T)}{T}\right)}{dT} = -\frac{\Delta_r H^0(T)}{T^2}$ .

Choisissons la première méthode, la seconde méthode étant utilisée dans l'exercice 11.

$$\Delta_r H^0(T) = 88\,500 + 30,9T \cdot \ln T - 1,48 \cdot 10^{-2} \cdot T^2 + 1,3 \cdot 10^{-6} \cdot T^3 - 342T$$

$$+ 311,1T + 2,96 \cdot 10^{-2} \cdot T^2 - 3,9 \cdot 10^{-6} \cdot T^3 - 30,9T \cdot \ln T.$$

$$\Delta_r H^0(T) = 88\,500 - 30,9T + 1,48 \cdot 10^{-2} \cdot T^2 - 2,6 \cdot 10^{-6} \cdot T^3 \text{ (en J} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

b) *Application numérique :*

$$\Delta_r S^0(298) = +143,5 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} \text{ (en accord avec } \sum \nu_{B, \text{gaz}} = +1 \text{)}.$$

$$\Delta_r H^0(298) = +80,54 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

### Exercice 10

a) Pour obtenir  $\Delta_r H_1^0(T)$ , nous prenons comme température de référence  $T_0 = 286 \text{ K}$ , avec :

$$\Delta_r C_p^0 = C_{p,m}^0(\text{Sn}, \beta) - C_{p,m}^0(\text{Sn}, \alpha) = 26,1 - 25,7 = 0,4 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\Delta_r H_1^0(T) = \Delta_r H_1^0(T_0) + \int_{T_0}^T \Delta_r C_p^0 dT = 2\,090 + 0,4(T - 286)$$

$$\Delta_r H_1^0(T) = 1\,975,6 + 0,4T \text{ (en J} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

b) Par définition  $\Delta_r G_1^0(T) = \Delta_r H_1^0(T) - T\Delta_r S_1^0(T)$ .

*Application numérique :*

$$\Delta_r G_1^0(T) = 1\,975,6 + 0,4T - T(5,04 + 0,4 \ln T)$$

$$\Delta_r G_1^0(T) = 1\,975,6 - 4,64T - 0,4T \cdot \ln T \text{ (en J} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

Remarquons que  $\Delta_r G_1^0(286) \approx 0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

### Exercice 11

a) Relation de Kirchhoff sous forme intégrée :

$$\Delta_r H^0(T) = \Delta_r H^0(298) + \int_{298}^T \Delta_r C_p^0 dT.$$

$$\Delta_r H^0(T) = 178\,200 - 16,5(T - 298) = 183\,120 - 16,5T \text{ (en J} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

b) Utilisons la relation de Gibbs-Helmholtz.

$$d \frac{\Delta_r G^0(T)}{T} = - \frac{\Delta_r H^0(T)}{T^2}, \text{ soit } d \left( \frac{\Delta_r G^0(T)}{T} \right) = - \frac{\Delta_r H^0(T)}{T^2} dT.$$

Nous allons intégrer cette relation entre  $T = 298 \text{ K}$  et  $T$  :

$$\int_{298}^T d \frac{\Delta_r G^0(T)}{T} = \frac{\Delta_r G^0(T)}{T} - \frac{\Delta_r G^0(298)}{298}$$

$$- \int_{298}^T \frac{183\,120 - 16,5T}{T^2} dT = + \left[ \frac{183\,120}{T} \right]_{298}^T + 16,5 [\ln T]_{298}^T$$

$$\frac{\Delta_r G^0(T)}{T} - \frac{130\,200}{298} = \frac{183\,120}{T} - \frac{183\,120}{298} + 16,5 \ln T - 16,5 \ln 298.$$

$$\Delta_r G^0(T) = 183\,120 - 271,6T + 16,5T \cdot \ln T \text{ (en J} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

# Affinité chimique, évolution et équilibre chimique

## Introduction

La thermodynamique nous permet d'appréhender les propriétés physiques du corps pur sous ses différentes phases. On peut ensuite calculer les grandeurs thermodynamiques standard associées à une réaction chimique. Mais nous ne pouvons nous décider pour l'instant sur le sens d'évolution spontanée d'un système en réaction chimique.

Le but de ce chapitre est double : il doit nous permettre de prévoir le sens d'évolution d'un système en réaction chimique et d'étudier l'état d'équilibre lorsque celui-ci est atteint.

### Plan du chapitre 3

<b>A. Sens de l'évolution d'un système en réaction chimique</b> .....	52
1. Étude d'une réaction chimique monotherme et isobare .....	52
2. Exemple d'application : une réaction de dimérisation .....	54
3. Affinité d'une réaction chimique .....	56
4. Critère d'évolution d'un système en réaction chimique .....	56
5. Calcul de l'affinité d'un système en réaction chimique .....	57
<b>B. Étude quantitative des équilibres chimiques</b> .....	58
1. La relation de Guldberg et Waage : la constante thermodynamique d'équilibre $K^0(T)$ .....	58
2. Les différents types d'équilibres chimiques .....	61
<b>C. Lois de déplacement des équilibres</b> .....	64
1. Aspect qualitatif du déplacement des équilibres .....	64
2. Influence de la température .....	64
3. Influence de la pression .....	65
<b>Méthodes</b>	
L'essentiel ; mise en œuvre .....	66
<b>Énoncés des exercices</b> .....	70
<b>Indications</b> .....	74
<b>Solutions des exercices</b> .....	75



## A. Sens de l'évolution d'un système en réaction chimique

Considérons un système fermé, maintenu à  $p$  et  $T$  constantes, contenant une solution concentrée de chlorure de sodium ; peut-on obtenir une solution d'acide chlorhydrique et des cristaux d'hydroxyde de sodium en attendant suffisamment longtemps ?

Nous savons, par l'expérience, que cette transformation n'est pas possible. Mais peut-on le prévoir grâce à des données thermodynamiques ?

### A.1. Étude d'une réaction chimique monotherme et isobare

Envisageons un réacteur fermé, placé dans un thermostat à la température  $T$ , en liaison avec l'atmosphère par un piston se déplaçant sans frottement. Le système dans lequel se produit la réaction chimique est alors monotherme et isobare.

Évaluons la variation élémentaire de l'énergie interne :

$$dU = \delta W + \delta Q.$$

Le travail élémentaire  $\delta W = -p dV$  s'écrit :  $\delta W = -d(pV)_p$ .

Le deuxième principe prévoit que, pour toute transformation naturelle, la variation élémentaire d'entropie s'écrit :

$$dS = \frac{\delta Q}{T} + dS_{\text{irr}}.$$

Cette création d'entropie  $dS_{\text{irr}}$ <sup>1</sup> est en fait le moteur de la réaction chimique car  $dS_{\text{irr}} > 0$ .

On peut donc écrire  $\delta Q = T dS - T dS_{\text{irr}}$ , d'où :

$$dU = \delta W + T dS - T dS_{\text{irr}}.$$

Soit :  $T dS_{\text{irr}} = \delta W + T dS - dU > 0$  ;

or :  $\delta W = -d(pV)_p$  et  $T dS = d(TS)_T$  ;

donc :  $\delta W + T dS - dU = -d(U + pV - TS)_{T,p}$ .

Cette différentielle représente en fait la différentielle de la fonction d'état enthalpie libre  $G = U + pV - TS$ .

Donc :  $T dS_{\text{irr}} = -dG$

Le sens d'évolution d'une réaction chimique est donc fixé par la condition  $dG < 0$ , ce qui correspond à une diminution de l'enthalpie libre du système.

#### Propriété 1

Un système en réaction chimique monotherme et isobare évolue tant que  $dG < 0$ .

1.  $dS_{\text{irr}}$  correspond à l'entropie élémentaire créée au cours de la réaction ; elle est aussi notée  $dS_G$ .

Cette croissance obligatoire de l'entropie traduit le fait que les réactions chimiques se déroulent dans un sens bien déterminé. Ces transformations sont irréversibles.



Nous avons montré dans le chapitre 1 que l'enthalpie libre d'un système était une fonction des grandeurs intensives  $p$  et  $T$  et des grandeurs extensives  $n_B$ , quantités de matière des espèces B :

$$G = G(p, T, n_B).$$

À  $T$  et  $p$  constantes :  $dG = \sum_B \left( \frac{\partial G}{\partial n_B} \right)_{p, T} dn_B = \sum_B \mu_B dn_B.$

L'avancement de réaction<sup>1</sup>  $\xi$  est lié à la quantité de matière de l'espèce B par :

$$dn_B = \nu_B d\xi ; \nu_B : \text{nombre stœchiométrique de l'espèce B.}$$

Ainsi,  $G$  apparaît comme une fonction de  $p$ ,  $T$  et  $\xi$ .

$$G = G(T, p, \xi).$$

À  $T$  et  $p$  constantes :  $dG = \left( \frac{\partial G}{\partial \xi} \right)_{p, T} d\xi.$

$\left( \frac{\partial}{\partial \xi} \right)_{p, T}$  correspond à l'opérateur de Lewis  $\Delta_r$ , d'où :

$$dG = \Delta_r G d\xi$$

$\Delta_r G$ , enthalpie libre de réaction<sup>2</sup>, est une grandeur instantanée, elle s'exprime en  $J \cdot \text{mol}^{-1}$ .

#### Propriété 2

L'évolution spontanée d'un système monotherme et isobare en réaction chimique est telle que :

$$\Delta_r G d\xi < 0 \quad \left| \begin{array}{l} \Delta_r G \text{ enthalpie libre de réaction (J} \cdot \text{mol}^{-1}) \\ \xi \text{ avancement de la réaction (mol)} \end{array} \right.$$

On peut calculer entre deux avancements  $\xi_1$  et  $\xi_2$ , la variation d'enthalpie libre du système :

$$G(\xi_2) - G(\xi_1) = \int_{\xi_1}^{\xi_2} \Delta_r G d\xi.$$

Par analogie entre les deux expressions de  $dG$ , on obtient, à  $p$  et  $T$  fixées :

$$dG = \sum_B \mu_B dn_B = \sum_B \mu_B \nu_B d\xi = \Delta_r G d\xi, \text{ d'où :}$$

#### Définition 1

L'enthalpie libre de réaction  $\Delta_r G$  est définie par la relation :

$$\Delta_r G = \sum_B \nu_B \mu_B \quad \left| \begin{array}{l} \Delta_r G \text{ enthalpie libre de réaction (J} \cdot \text{mol}^{-1}) \\ \nu_B \text{ nombre stœchiométrique de l'espèce B} \\ \mu_B \text{ potentiel chimique de l'espèce B (J} \cdot \text{mol}^{-1}) \end{array} \right.$$

**1. Rappel :** Par définition, l'avancement  $\xi$  de la réaction est tel que :

$$n_B(\xi) = n_B(\xi = 0) + \nu_B \xi$$

$n_B(\xi = 0)$ ,  $n_B(\xi)$  : quantités de matière (mol) de l'espèce B pour les avancements  $\xi = 0$  et  $\xi$  ;

$\nu_B$  : nombre stœchiométrique

algébrique de l'espèce B ;

$\nu_B > 0$  quand B est un produit ;

$\nu_B < 0$  quand B est un réactif ;

$\xi$  s'exprime en mole (mol).

Soit sous forme différentielle :

$$dn_B(\xi) = \nu_B d\xi$$

**2.** Soit la définition de l'enthalpie libre  $G$  :

$$G = H - TS.$$

En différentiant cette relation par rapport à l'avancement de la réaction, on obtient :

$$\left( \frac{\partial G}{\partial \xi} \right)_{p, T} = \left( \frac{\partial H}{\partial \xi} \right)_{p, T} - T \left( \frac{\partial S}{\partial \xi} \right)_{p, T}$$

soit :

$$\Delta_r G = \Delta_r H - T \Delta_r S$$

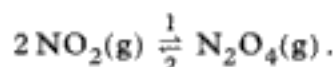
$\Delta_r G$  et  $\Delta_r H$  en  $J \cdot \text{mol}^{-1}$  ;

$\Delta_r S$  en  $J \cdot K^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

## A.2. Exemple d'application : une réaction de dimérisation

Un réacteur fermé, maintenu sous une pression  $p = p^0 = 1$  bar, contient initialement une mole de  $\text{NO}_2(\text{g})$ .

Ce composé peut se dimériser selon l'équation bilan :



Nous allons étudier les fonctions  $G(\xi)$  et  $\Delta_r G(\xi)$  pour vérifier le bien fondé des propositions du premier paragraphe.

La température est maintenue à 373 K.

Données :  $\mu_{\text{NO}_2}^0 = 51,31 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  ;  $\mu_{\text{N}_2\text{O}_4}^0 = 97,89 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

### A.2.1 – Expression de $G(\xi)$

	$2 \text{NO}_2$	$\rightleftharpoons$	$\text{N}_2\text{O}_4$	$(n_{\text{T}})_{\text{g}}$	
Avancement $\xi = 0$ :	1		0	1	mol
Avancement $\xi$ :	$1 - 2\xi$		$\xi$	$1 - \xi$	mol

1. En chimie, tous les gaz sont supposés parfaits. Le potentiel chimique du gaz parfait B à la pression partielle  $p_B$  est donné par la relation :

$$\mu_B(p, T) = \mu_B^0(p^0, T) + RT \ln \frac{p_B}{p^0}$$

avec :

$$p_B = \frac{n_B}{\sum_B n_B} p = x_B p.$$

$p$  : pression totale.

$x_B = \frac{n_B}{n_{\text{T}}}$  : fraction molaire.

Calculs<sup>1</sup> de  $\mu_{\text{NO}_2}$  et de  $\mu_{\text{N}_2\text{O}_4}$  :

$$\mu_{\text{NO}_2} = \mu_{\text{NO}_2}^0 + RT \ln \frac{p_{\text{NO}_2}}{p^0} \text{ avec } p_{\text{NO}_2} = \frac{1 - 2\xi}{1 - \xi} p,$$

$$\mu_{\text{N}_2\text{O}_4} = \mu_{\text{N}_2\text{O}_4}^0 + RT \ln \frac{p_{\text{N}_2\text{O}_4}}{p^0} \text{ avec } p_{\text{N}_2\text{O}_4} = \frac{\xi}{1 - \xi} p.$$

$$G(\xi) = n_{\text{NO}_2} \mu_{\text{NO}_2} + n_{\text{N}_2\text{O}_4} \mu_{\text{N}_2\text{O}_4};$$

$$G(\xi) = (1 - 2\xi) \left[ \mu_{\text{NO}_2}^0 + RT \ln \left( \frac{1 - 2\xi}{1 - \xi} \frac{p}{p^0} \right) \right] + \xi \left[ \mu_{\text{N}_2\text{O}_4}^0 + RT \ln \left( \frac{\xi}{1 - \xi} \frac{p}{p^0} \right) \right].$$

2. Données :  $RT = 3\,100 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$  ;  
 $p = p^0 = 1$  bar.

3.  $G(\xi)$  est une expression complexe de  $\xi$ .

4. Nombres stœchiométriques :  
 $\nu_{\text{NO}_2} = -2$  ;  $\nu_{\text{N}_2\text{O}_4} = +1$ .

Application numérique<sup>2</sup> :

$$G(\xi) = 51\,310 - 4\,730\xi + 3\,100 \left[ (1 - 2\xi) \ln \left( \frac{1 - 2\xi}{1 - \xi} \right) + \xi \ln \left( \frac{\xi}{1 - \xi} \right) \right]^3.$$

### A.2.2 – Expression de $\Delta_r G(\xi)$

Elle peut être obtenue, soit en dérivant l'expression précédente par rapport à  $\xi$ , soit en utilisant la relation de définition<sup>4</sup> :

$$\Delta_r G = \sum_B \mu_B \nu_B = \mu_{\text{N}_2\text{O}_4}(\xi) - 2\mu_{\text{NO}_2}(\xi).$$

$$\Delta_r G(\xi) = \mu_{\text{N}_2\text{O}_4}^0 + RT \ln \left( \frac{\xi}{1 - \xi} \frac{p}{p^0} \right) - 2\mu_{\text{NO}_2}^0 - 2RT \ln \left( \frac{1 - 2\xi}{1 - \xi} \frac{p}{p^0} \right).$$

Application numérique :

$$\Delta_r G(\xi) = -4\,730 + 3\,100 \left[ \ln \left( \frac{\xi}{1 - \xi} \right) - \ln \left( \frac{1 - 2\xi}{1 - \xi} \right)^2 \right].$$

### A.2.3 – Représentations graphiques de $G(\xi)$ et $\Delta_r G(\xi)$

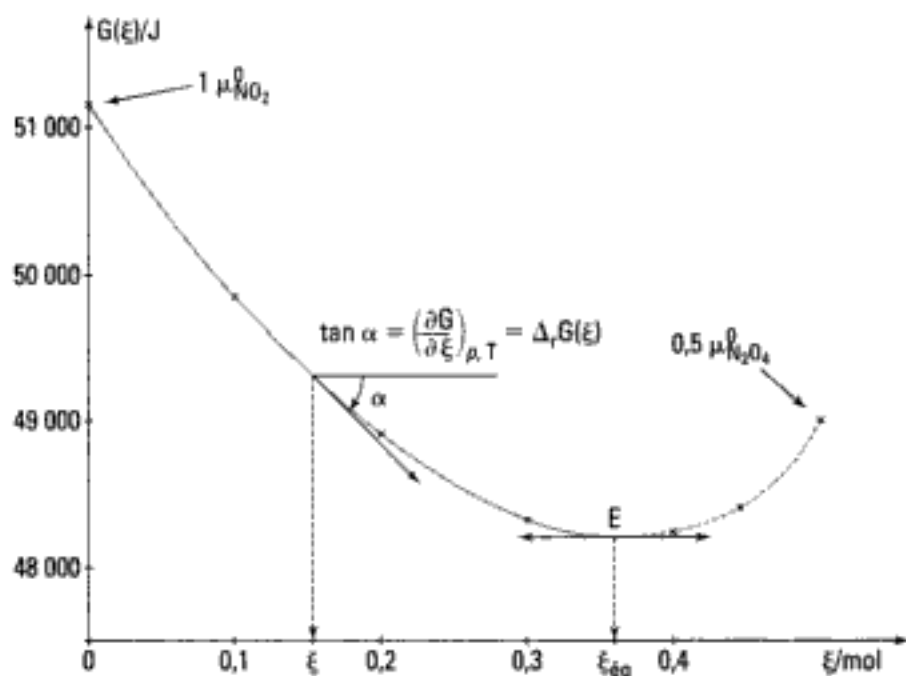


Fig. 1 –  $G(\xi)$  en fonction de  $\xi^1$ .

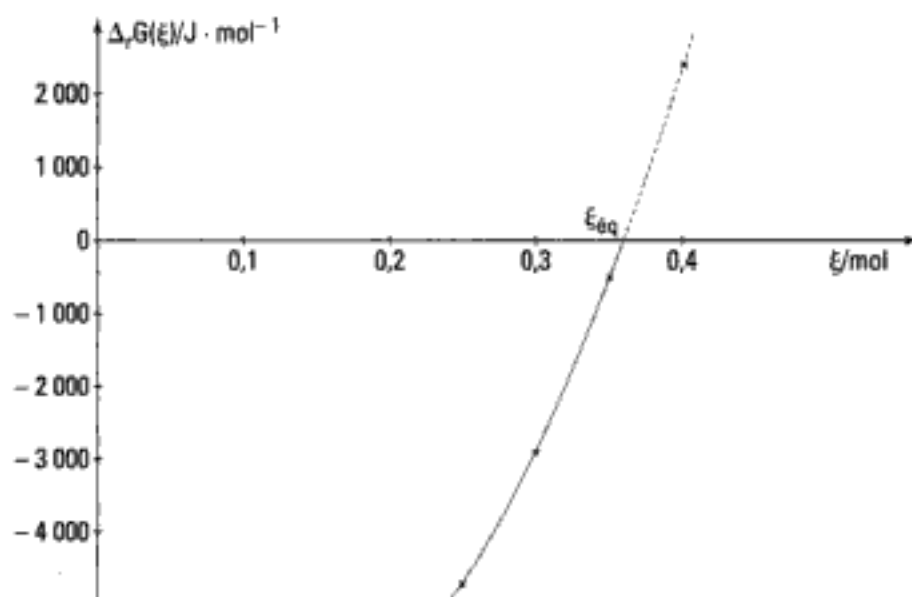


Fig. 2 –  $\Delta_r G(\xi)$  en fonction de  $\xi^2$ .

1.  $G(\xi)$  en fonction de  $\xi$ . La courbe commence par décroître ( $\Delta_r G < 0$ ) puis elle passe par un minimum stable. Ce minimum correspond à la valeur de  $\xi$  à l'équilibre :  $\xi_{eq} = 0,386$  mol.

2.  $\Delta_r G(\xi)$  en fonction de  $\xi$ .  
Il s'agit des valeurs prises par la dérivée de la fonction précédente pour différentes valeurs de  $\xi$ .  
D'abord fortement négative,  $\Delta_r G(\xi)$  augmente jusqu'à 0, qui correspond à  $\xi = \xi_{eq} = 0,386$  mol.

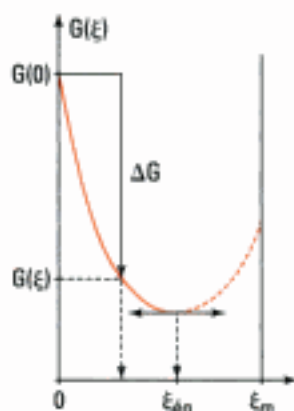
### A.2.4 – Conclusion

$NO_2$  se dimérise, ce qui correspond à la partie décroissante de  $G(\xi)$  ; nous avons dans le domaine  $0 < \xi < 0,386$  :  $\Delta_r G d\xi < 0$ .

Puis  $G(\xi)$  passe par un minimum pour  $\xi_{eq} = 0,386$  mol, le système a atteint un état d'équilibre.

La valeur  $\xi = 0,386$  ne peut pas être spontanément dépassée, car on aurait alors  $\Delta_r G d\xi > 0$ . Les parties des courbes de  $G(\xi)$  et de  $\Delta_r G(\xi)$  pour  $\xi > 0,386$  mol ne sont pas atteintes dans ces conditions expérimentales et sont tracées en pointillés.

Le système  $(1 - 2\xi)NO_2 + \xi N_2O_4$  évolue spontanément vers un **état d'équilibre stable**.



**Fig. 3** –  $\Delta G = G(\xi) - G(0)$ .  
Le système évolue spontanément vers un état plus stable :  $\Delta G < 0$ .

$$\Delta G = \int_0^{\xi} \Delta_r G(\xi) d\xi.$$

$\Delta G$  est une grandeur extensive.

D'une façon générale, on obtient bien un minimum pour l'enthalpie libre du système à  $\xi = \xi_{\text{eq}}$  (fig. 3) :

$G$  passe par un minimum :

$$\left(\frac{dG}{d\xi}\right)_{\xi = \xi_{\text{eq}}} = 0 \quad \text{et} \quad \left(\frac{d^2G}{d\xi^2}\right)_{\xi = \xi_{\text{eq}}} > 0.$$

### A.3. Affinité d'une réaction chimique

#### Définition 2

Par définition, l'affinité  $\mathcal{A}(T, p, \xi)$  d'une réaction chimique, exprimée en  $\text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$ , correspond à l'opposé de l'enthalpie libre de réaction :

$$\mathcal{A}(T, p, \xi) = -\Delta_r G(T, p, \xi) = -\left(\frac{dG}{d\xi}\right)_{p, T}$$

donc :

$$\mathcal{A}(T, p, \xi) = T \left(\frac{dS_{\text{irr}}}{d\xi}\right)_{p, T} = -\sum_B \nu_B \mu_B.$$

$\mathcal{A}(T, p, \xi)$  apparaît comme une grandeur instantanée (elle s'exprime en  $\text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$ ) ; elle correspond à l'opposé de la pente de la tangente à la courbe  $G(\xi)$  pour une valeur  $\xi$  de l'avancement.

On peut donner d'autres définitions de  $\mathcal{A}$  à partir des autres fonctions d'état d'un système en réaction chimique.

À partir de la relation fondamentale de la thermodynamique :

$$dU = TdS - pdV + \sum_B \mu_B dn_B = TdS - pdV + \sum_B \nu_B \mu_B d\xi,$$

on obtient :

$$dU = TdS - pdV - \mathcal{A}d\xi ;$$

$$dH = TdS + Vdp - \mathcal{A}d\xi ;$$

$$dG = Vdp - SdT - \mathcal{A}d\xi.$$

$$\mathcal{A} = -\left(\frac{\partial U}{\partial \xi}\right)_{S, V} = -\left(\frac{\partial H}{\partial \xi}\right)_{S, p} = -\left(\frac{\partial G}{\partial \xi}\right)_{p, T}$$

### A.4. Critère d'évolution d'un système en réaction chimique

La condition d'évolution d'un système en réaction se traduit par  $(dG)_{p, T} < 0$  (voir Propriété 1) ou  $TdS_{\text{irr}} > 0$ . En faisant intervenir l'affinité chimique

$\mathcal{A} = T \frac{dS_{\text{irr}}}{d\xi}$ , le sens d'évolution d'une réaction chimique est donc fixé par

l'inégalité :  $\mathcal{A}d\xi > 0$ .

#### Propriété 3

Pour la réaction : Réactifs  $\frac{1}{2}$  Produits, sachant que  $\mathcal{A}d\xi > 0$  :

- si  $\mathcal{A} > 0$  alors  $d\xi > 0$  : évolution de la réaction dans le sens 1 ;
- si  $\mathcal{A} < 0$  alors  $d\xi < 0$  : évolution de la réaction dans le sens 2 ;
- si  $\mathcal{A} = 0$  : état d'équilibre.





Fig. 4 – Évolution de l'affinité chimique d'un système en réaction.

L'évolution de l'affinité chimique d'un système en réaction est représentée graphiquement sur la figure 4.

## A.5. Calcul de l'affinité d'un système en réaction

$$A(T, p, \xi) = -\Delta_r G(T, p, \xi) = -\sum_B \nu_B \mu_B.$$

On peut exprimer d'une manière générale le potentiel chimique de l'espèce B sous la forme d'une constante ne dépendant que de la température et d'un terme logarithmique de la forme  $RT \ln a_B$  :

$$\mu_B(p, T) = \mu_B^0(T) + RT \ln a_B.$$

La grandeur  $a_B$ , activité de l'espèce B, dépend de l'état physique et de la nature de la phase qui contient B.

**Les différentes expressions de l'activité  $a_B$**  (nombre sans dimension) :

- si B est un corps pur, solide ou liquide, seul dans sa phase, alors  $a_B = 1$  et  $\mu_B(p, T) = \mu_B^*(T)$  ;
- si B est un soluté dans une solution idéale solide ou liquide, alors  $a_B = x_B$ , fraction molaire de B, et  $\mu_B(p, T) = \mu_B^*(T) + RT \ln x_B$  ;
- si B est un gaz parfait, à la pression partielle  $p_B$ , alors :

$$\mu_B(p, T) = \mu_B^0(p^0, T) + RT \ln \frac{p_B}{p^0} ;$$

- si B est un soluté dans une solution aqueuse diluée, alors :

$$\mu_B(p, T) = \mu_B^0(T, c^0) + RT \ln \frac{c_B}{c^0}.$$

Pour le solvant eau, on prend  $a_{H_2O} \approx 1$ .

Nous avons donc :

$$A(T, p, \xi) = -\sum_B \nu_B [\mu_B^0(T) + RT \ln a_B] = -\sum_B \nu_B \mu_B^0(T) - RT \sum_B \nu_B \ln a_B ;$$

$$\text{d'où : } A(T, p, \xi) = A^0(T) - RT \ln \left( \prod_B a_B^{\nu_B} \right)$$

$$= A^0(T) - RT \ln Q(T, p, \xi).$$

### Définition 3

On définit le quotient de réaction  $Q$  par :

$$Q(T, p, \xi) = \prod_B a_B^{\nu_B}$$

$Q(T, p, \xi)$  quotient de réaction (sans unité)

$a_B$  activité de l'espèce B (sans unité)

$\nu_B$  nombre stœchiométrique de l'espèce B (sans unité)

C'est une grandeur calculable d'après les quantités de matière des différentes espèces en cours de réaction.

1. Le quotient de réaction  $Q(T, p, \xi)$  peut être calculé quel que soit l'avancement de la réaction chimique se produisant dans le système étudié.

1. L'affinité chimique standard  $\mathcal{A}^0(T)$  est une grandeur calculable grâce aux données des tables de thermochimie.

$$\begin{aligned}\mathcal{A}^0(T) &= -\Delta_r G^0(T) \\ &= -(\Delta_r H^0(T) - T\Delta_r S^0(T)).\end{aligned}$$

#### Définition 4

L'affinité d'un système en réaction chimique  $\mathcal{A}$  se détermine par la relation :

$$\mathcal{A}(T, p, \xi) = \mathcal{A}^0(T) - RT \ln Q(T, p, \xi)$$

$\mathcal{A}^0(T)$  affinité chimique standard ( $\text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$ )  
 $Q(T, p, \xi)$  quotient de réaction (sans unité)

#### Application 1 Synthèse de l'ammoniac

Soit l'équation bilan de la réaction de synthèse de l'ammoniac :  $\text{N}_2(\text{g}) + 3 \text{H}_2(\text{g}) \rightleftharpoons 2 \text{NH}_3(\text{g})$ .

a) Quelle est l'expression générale de l'affinité chimique de la réaction en fonction des  $\mu_B^0$  et des  $p_B$  ?

b) Dans un réacteur maintenu à 300 bar, on mélange à 450 °C, 2 moles d'ammoniac, 1 mole de diazote et 5 moles de dihydrogène.

Quelle est l'affinité chimique du système sachant que  $\mathcal{A}^0(723 \text{ K}) = -65 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  ?

c) Dans quel sens va se produire la réaction chimique ?

#### Solution

a) Il faut revenir à la définition de l'affinité.

$$\begin{aligned}\mathcal{A}(T, p, \xi) &= -\sum_B \nu_B \mu_B = \mu_{\text{N}_2} + 3\mu_{\text{H}_2} - 2\mu_{\text{NH}_3} \\ &= \mu_{\text{N}_2}^0 + 3\mu_{\text{H}_2}^0 - 2\mu_{\text{NH}_3}^0 + RT \ln \frac{p_{\text{N}_2}}{p^0} + 3RT \ln \frac{p_{\text{H}_2}}{p^0} - 2RT \ln \frac{p_{\text{NH}_3}}{p^0}.\end{aligned}$$

$$\mathcal{A}(T, p, \xi) = \mathcal{A}^0(T) - RT \ln \frac{p_{\text{NH}_3}^2 \times (p^0)^2}{p_{\text{N}_2} \times p_{\text{H}_2}^3}, \text{ avec } \mathcal{A}^0(T) = \mu_{\text{N}_2}^0 + 3\mu_{\text{H}_2}^0 - 2\mu_{\text{NH}_3}^0.$$

$$\text{b) } p_{\text{N}_2} = \frac{1}{1+2+5} \times 300 = 37,5 \text{ bar} ; \quad p_{\text{H}_2} = \frac{5}{1+2+5} \times 300 = 187,5 \text{ bar} ;$$

$$p_{\text{NH}_3} = \frac{2}{1+2+5} \times 300 = 75 \text{ bar}.$$

Toutes ces pressions partielles sont calculées dans l'état initial du système.

$$\mathcal{A}(T, p, \xi) = -65\,000 - 8,314 \times 723 \ln \frac{75^2 \times 1^2}{37,5 \times 187,5^3} = -738 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

c) La réaction chimique évolue dans le sens où  $\mathcal{A} d\xi > 0$ , or  $\mathcal{A} < 0$  : la réaction va donc se produire dans le sens 2, avec dissociation de l'ammoniac.

## B. Étude quantitative des équilibres chimiques

### B.1. La relation de Guldberg et Waage : la constante thermodynamique d'équilibre $K^0(T)$

L'étude de la fonction enthalpie libre  $G(\xi)$  d'un système en réaction chimique montre les résultats suivants.

– La réaction chimique spontanée se produit dans le sens provoquant une diminution de  $G(\xi)$ .

– La fonction  $G(\xi)$  passe par un minimum pour une valeur particulière de l'avancement : l'avancement à l'équilibre, noté  $\xi_{\text{éq}}$ , l'affinité chimique de la réaction  $\mathcal{A}(T, p, \xi_{\text{éq}})$  étant alors égale à zéro.

1. Le quotient de réaction  $Q$  fait intervenir les activités des espèces B hors équilibre.

La constante d'équilibre  $K^0(T)$  fait intervenir les activités des espèces B à l'équilibre.

$Q$  et  $K^0$  sont sans dimension.

### B.1.1 – Expression de la constante d'équilibre $K^0(T)$

Le quotient de réaction  $Q(T, p, \xi_{\text{éq}})$  est noté  $K^0(T)$  ; il s'agit de la constante thermodynamique de l'équilibre<sup>1</sup>.

#### Propriété 4

À l'équilibre :

$$\mathcal{A}(T) = 0, \text{ donc } \mathcal{A}^0(T) - RT \ln K^0(T) = 0, \text{ soit } \ln K^0(T) = \frac{\mathcal{A}^0(T)}{RT}$$

$$\text{et : } Q(T, p, \xi_{\text{éq}}) = K^0(T) = \prod_B (a_B)_{\text{éq}}^{\nu_B}$$

(relation de **Guldberg et Waage**)

$(a_B)_{\text{éq}}$  activité de l'espèce B à l'équilibre (sans unité).

On peut donc écrire l'affinité sous la forme :

$$\mathcal{A}(T) = RT \ln \frac{K^0(T)}{Q(T, p, \xi)}$$

*Application numérique* : dans la synthèse de l'ammoniac,

$$\mathcal{A}^0(723 \text{ K}) = -65 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} \text{ et } K^0(723 \text{ K}) = \exp \frac{-65\,000}{8,314 \times 723} = 2 \cdot 10^{-5}.$$

### B.1.2 – Variation de $K^0(T)$ avec la température

#### • Expression de $K^0(T)$

$$\ln K^0(T) = \frac{\mathcal{A}^0(T)}{RT} = \frac{-\Delta_r G^0(T)}{RT}$$

$$\text{or } \Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0(T) - T\Delta_r S^0(T) ;$$

$$\text{donc : } \ln K^0(T) = -\frac{\Delta_r H^0(T)}{RT} + \frac{\Delta_r S^0(T)}{R}.$$

Les grandeurs thermodynamiques standard<sup>2</sup> liées à une réaction chimique dépendent de la température.

$$\frac{d\Delta_r H^0(T)}{dT} = \Delta_r C_p^0(T), \text{ avec } \Delta_r C_p^0(T) = \sum_B \nu_B C_{p,B}^0(T) ;$$

$$\text{d'où : } \Delta_r H^0(T) = \Delta_r H^0(298 \text{ K}) + \int_{298}^T \Delta_r C_p^0(T) dT$$

$$\text{En l'absence de changement d'état : } \frac{d\Delta_r S^0(T)}{dT} = \frac{\Delta_r C_p^0(T)}{T}, \text{ soit :}$$

$$\Delta_r S^0(T) = \Delta_r S^0(298 \text{ K}) + \int_{298}^T \frac{\Delta_r C_p^0(T)}{T} dT$$

On peut ainsi déterminer  $\ln K^0(T)$ .

2. Les valeurs des tables de thermochimie sont données à  $T = 25 \text{ }^\circ\text{C} = 298,15 \text{ K}$  sous la pression standard  $p^0 = 0,1 \text{ MPa} = 1 \text{ bar}$ .

• **Influence de la température sur  $K^0(T)$**

Par définition :  $\mathcal{A}^0(T) = -\Delta_r G^0(T) = -\sum_B \nu_B \Delta_f G_B^0$  ;

soit :  $\frac{\mathcal{A}^0(T)}{T} = -\sum_B \nu_B \frac{\Delta_f G_B^0}{T}$ .

En dérivant les deux termes de cette égalité par rapport à la température, on obtient à  $p$  constante<sup>1</sup> :

$$\left[ \frac{\partial \left( \frac{\mathcal{A}^0(T)}{T} \right)}{\partial T} \right]_p = -\sum_B \nu_B \frac{\partial \left( \frac{\Delta_f G_B^0}{T} \right)}{\partial T} = \sum_B \nu_B \frac{\Delta_f H_B^0}{T^2} = \frac{\Delta_r H^0(T)}{T^2}.$$

Or :  $\frac{\mathcal{A}^0(T)}{T} = R \ln K^0(T)$ ,

d'où :  $\left( \frac{\partial \ln K^0(T)}{\partial T} \right)_p = \frac{\Delta_r H^0(T)}{T^2}$

Cette relation est dite la relation de l'**isobare de Van't Hoff**.

Pour simplifier les calculs, on considère dans de nombreux problèmes que l'enthalpie standard de réaction est indépendante de la température<sup>2</sup> :

$$\Delta_r H^0(T) = \Delta_r H^0(298 \text{ K}) = \Delta_r H^0.$$

À  $p$  constante :  $\frac{d \ln K^0(T)}{dT} = \frac{\Delta_r H^0}{RT^2}$

ou :  $\ln \frac{K^0(T_2)}{K^0(T_1)} = \frac{\Delta_r H^0}{R} \left( \frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right)$

**1. Rappel de la relation de Gibbs-Helmholtz :**

$$\frac{d \left( \frac{G}{T} \right)}{dT} = -\frac{H}{T^2};$$

cette relation est applicable en particulier aux grandeurs standard de réaction soit :

$$\frac{d \left( \frac{\Delta_r G^0}{T} \right)}{dT} = -\frac{\Delta_r H^0}{T^2}.$$

**2. Lorsque  $\Delta_r H^0(T)$  dépend de  $T$ , alors :**

$$\Delta_r H^0(T) = a + bT + cT^2.$$

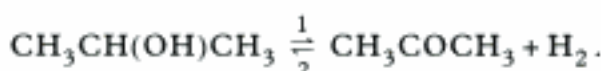
Il faut alors intégrer la relation :

$$\int_{T_1}^{T_2} \frac{a + bT + cT^2}{RT^2} dT$$

pour montrer l'influence de  $T$  sur  $K^0(T)$ .

**Application 2 Synthèse de la propanone**

La propanone est obtenue par déshydrogénation du propan-2-ol sur un catalyseur à base de cuivre selon l'équation bilan :



Les constantes d'équilibre  $K^0(T)$  suivantes ont été déterminées :

<b>T/K</b>	416,7	455,7	491,6
<b><math>K^0(T)</math></b>	0,124	0,525	1,57

a) Déterminer les grandeurs  $\Delta_r H^0$  et  $\Delta_r S^0$  pour cette réaction.

b) En déduire  $K^0(440 \text{ K})$ .

c) On mélange à 440 K, 1 mole de propanone, 1 mole de dihydrogène et 1 mole de propan-2-ol sous la pression constante de 3 bar.

Dans quel sens la réaction évolue-t-elle ?

**Solution**

a) Relions  $\ln K^0(T)$  aux grandeurs standard de réaction :

$$\ln K^0(T) = \frac{\mathcal{A}^0(T)}{RT} = -\frac{(\Delta_r H^0 - T\Delta_r S^0)}{RT} = -\frac{\Delta_r H^0}{RT} + \frac{\Delta_r S^0}{R}.$$



$\ln K^0(T)$  est donc une fonction affine de  $\frac{1}{T}$  de pente  $-\frac{\Delta_r H^0}{R}$  et d'ordonnée à l'origine  $\frac{\Delta_r S^0}{R}$ .

<b>T/K</b>	416,7	455,7	491,6
<b>10<sup>3</sup> K/T</b>	2,40	2,19	2,03
<b>K<sup>0</sup>(T)</b>	0,124	0,525	1,57
<b>ln K<sup>0</sup>(T)</b>	-2,087	-0,644	0,451

$$\text{Pente : } -\frac{\Delta_r H^0}{R} = \frac{0,451 - (-2,087)}{(2,03 - 2,40) \cdot 10^{-3}}$$

$$\Delta_r H^0 \approx 57,0 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

À 491,6 K :

$$\ln K^0(491,6 \text{ K}) = -\frac{(\Delta_r H^0 - 491,6 \Delta_r S^0)}{8,314 \times 491,6}$$

$$\text{d'où : } \Delta_r S^0 = 120 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\text{b) } \ln K^0(T) = \frac{-\Delta_r H^0 + T \Delta_r S^0}{RT}$$

À 440 K :

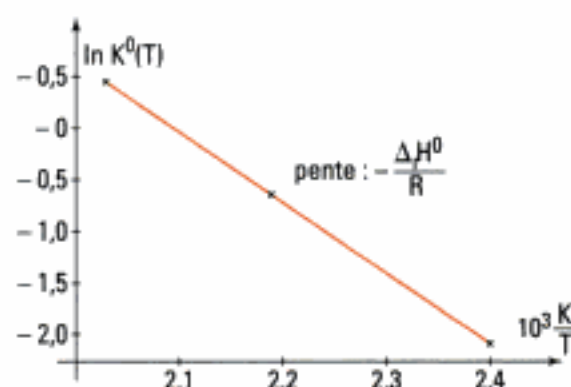
$$K^0(440 \text{ K}) = \exp\left(\frac{-57\,000 + 440 \times 120}{8,314 \times 440}\right) = 0,317.$$

c) Par définition :  $Q(440 \text{ K}) = \frac{p_{\text{H}_2} p_{\text{CH}_3\text{COCH}_3}}{p_{\text{CH}_3\text{CH}(\text{OH})\text{CH}_3} p^0}$ , ces pressions étant calculées dans l'état initial.

Or :  $p_{\text{H}_2} = p_{\text{CH}_3\text{COCH}_3} = p_{\text{CH}_3\text{CH}(\text{OH})\text{CH}_3} = 1 \text{ bar}$ , d'où  $Q(440 \text{ K}) = 1$ .

$$\Delta A(440 \text{ K}) = RT \ln \frac{K^0(440 \text{ K})}{Q(440 \text{ K})} = 8,314 \times 440 \ln \frac{0,317}{1} = -4\,200 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

L'affinité du système initial étant négative, son évolution spontanée se fait dans le sens 2.



## B.2. Les différents types d'équilibres chimiques

### B.2.1 – Équilibre homogène en phase gazeuse

Le potentiel chimique du gaz B s'exprime par la relation :

$$\mu_B(p, T) = \mu_B^0(p^0, T) + RT \ln \frac{p_B}{p^0}.$$

$p_B, p^0$  : respectivement pression partielle du gaz B et pression standard égale à 0,1 MPa = 1 bar.

La constante de l'équilibre<sup>1</sup> s'écrit alors :  $K^0(T) = \prod_B \left(\frac{p_B}{p^0}\right)^{\nu_B}$

À partir de la définition de  $K^0(T)$ , on peut définir :

– un quotient des fractions molaires à l'équilibre :

$$Q(x_{\text{éq}}) = \prod_B (x_B)_{\text{éq}}^{\nu_B} \quad \text{avec} \quad K^0(T) = Q(x_{\text{éq}}) \left(\frac{p}{p^0}\right)^{\sum \nu_B};$$

#### 1. Exemples :

• Synthèse de l'ammoniac :



$$K^0(T) = \frac{p_{\text{NH}_3}^2 (p^0)^2}{p_{\text{N}_2} p_{\text{H}_2}^3}$$

• Synthèse de  $\text{SO}_3$  :



$$K^0(T) = \frac{p_{\text{SO}_3} (p^0)^{1/2}}{p_{\text{SO}_2} p_{\text{O}_2}^{1/2}}$$

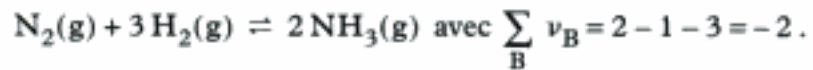
– un quotient des quantités de matière à l'équilibre :

pour un gaz parfait,  $p_B V = n_B RT$ .

$$\prod_B \left( \frac{p_B}{p^0} \right)^{\nu_B} = \prod_B [(n_B)_{\text{éq}}^{\nu_B}] \left( \frac{RT}{V p^0} \right)^{\sum \nu_B}$$

$$= Q(n_{\text{éq}}) \left( \frac{RT}{V p^0} \right)^{\sum \nu_B} = Q(n_{B, \text{éq}}) \left( \frac{p}{\sum_B n_{B, \text{éq}} p^0} \right)^{\sum \nu_B}.$$

Par exemple pour la réaction de synthèse de l'ammoniac :



$$Q(x_{\text{éq}}) = \frac{x_{\text{NH}_3}^2}{x_{\text{N}_2} x_{\text{H}_2}^3}; \quad K^0(T) = \frac{p_{\text{NH}_3}^2 (p^0)^2}{p_{\text{N}_2} p_{\text{H}_2}^3} = Q(x_{\text{éq}}) \left( \frac{p^0}{p} \right)^2.$$

$$K^0(T) = \frac{n_{\text{NH}_3}^2 \left( \sum_B n_{B, \text{éq}} \right)^2}{n_{\text{N}_2} n_{\text{H}_2}^3} \times \left( \frac{p^0}{p} \right)^2 = Q(n_{\text{éq}}) \left( \frac{p}{\sum_B n_{B, \text{éq}} p^0} \right)^{-2}.$$

### Application 3 Synthèse du méthanol

Équation bilan :  $\text{CO}(\text{g}) + 2 \text{H}_2(\text{g}) \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{OH}(\text{g})$ .

Dans un mélange à l'équilibre à 593 K, les pressions partielles des différents gaz valent :

$p_{\text{CO}} = 0,33 \text{ bar}$  ;  $p_{\text{H}_2} = 0,66 \text{ bar}$  ;  $p_{\text{CH}_3\text{OH}} = 9,924 \cdot 10^{-4} \text{ bar}$ .

a) Calculer la valeur de la constante  $K^0(593 \text{ K})$ .

b) Industriellement, le mélange initial correspondant aux proportions stœchiométriques en réactants passe sur un catalyseur (ZnO) à 593 K. Quelle doit être la pression totale du mélange à l'équilibre pour que la fraction molaire  $(x_{\text{CH}_3\text{OH}})_{\text{éq}}$  soit égale à 0,19 ?

#### Solution

a) Expression de  $K^0(T)$  :  $K^0(T) = \frac{p_{\text{CH}_3\text{OH}} (p^0)^2}{p_{\text{CO}} p_{\text{H}_2}^2}$ .

$$K^0(593 \text{ K}) = \frac{9,924 \cdot 10^{-4} \times 1}{0,33 \times 0,66^2} = 6,9 \cdot 10^{-3}.$$

b)

	$\text{CO}(\text{g})$	+	$2 \text{H}_2(\text{g})$	$\rightleftharpoons$	$\text{CH}_3\text{OH}(\text{g})$	$(n_T)_{\text{gaz}}$	
Bilan initial	1		2		0	3	mol
Bilan à l'avancement $\xi_{\text{éq}}$	$1 - \xi_{\text{éq}}$		$2 - 2\xi_{\text{éq}}$		$\xi_{\text{éq}}$	$3 - 2\xi_{\text{éq}}$	mol

Pressions partielles des différents gaz :

$$p_{\text{CO}} = x_{\text{CO}} p = \frac{1 - \xi_{\text{éq}}}{3 - 2\xi_{\text{éq}}} p; \quad p_{\text{H}_2} = x_{\text{H}_2} p = \frac{2(1 - \xi_{\text{éq}})}{3 - 2\xi_{\text{éq}}} p; \quad p_{\text{CH}_3\text{OH}} = x_{\text{CH}_3\text{OH}} p = \frac{\xi_{\text{éq}}}{3 - 2\xi_{\text{éq}}} p.$$

Or,  $x_{\text{CH}_3\text{OH}} = 0,19 = \frac{\xi_{\text{éq}}}{3 - 2\xi_{\text{éq}}}$ , d'où  $\xi_{\text{éq}} = 0,413 \text{ mol}$

et en reportant dans  $K^0(T) = \frac{\xi_{\text{éq}} (3 - 2\xi_{\text{éq}})^2}{4(1 - \xi_{\text{éq}})^3} \times \left( \frac{p^0}{p} \right)^2 = 6,9 \cdot 10^{-3}$  ; d'où  $p = 18,7 \text{ bar}$ .

1. **Exemple :**  
réaction d'estérification  
Alcool (A) + Acide (Ac)



$$K^0(T) = \frac{x_{\text{H}_2\text{O}} x_{\text{E}}}{x_{\text{A}} x_{\text{Ac}}}$$

2. **Exemple :**  
dissociation d'un acide faible  
 $\text{HA} + \text{H}_2\text{O} \rightleftharpoons \text{H}_3\text{O}^+ + \text{A}^-$

$$K^0(T) = \frac{a_{\text{H}_3\text{O}^+} a_{\text{A}^-}}{a_{\text{HA}} a_{\text{H}_2\text{O}}}$$

$\text{H}_2\text{O}$  solvant donc :  $a_{\text{H}_2\text{O}} = 1$ .

$$K^0(T) = \frac{[\text{H}_3\text{O}^+][\text{A}^-]}{[\text{HA}]c^0}$$

3. **Exemple :**  
dissociation thermique de la calcite



$$K^0(T) = \frac{p_{\text{CO}_2}}{p^0}$$

$$\mathcal{A}^0(T) = \mu_{\text{CaCO}_3}^0 - \mu_{\text{CaO}}^0 - \mu_{\text{CO}_2}^0$$

## B.2.2 – Équilibre homogène en phase liquide<sup>1</sup>

Les réactants et les produits de la réaction sont totalement miscibles à l'état liquide ; le potentiel chimique de l'espèce B s'exprime par la relation :

$$\mu_{\text{B}}(T) = \mu_{\text{B}}^*(T) + RT \ln x_{\text{B}}$$

$x_{\text{B}}$  : fraction molaire de l'espèce B dans la solution idéale.

$$x_{\text{B}} = \frac{n_{\text{B}}}{\sum_{\text{B}} n_{\text{B}}}$$
 ; d'où :

$$K^0(T) = \prod_{\text{B}} (x_{\text{B}})_{\text{éq}}^{\nu_{\text{B}}}$$

## B.2.3 – Équilibre en solution aqueuse diluée<sup>2</sup>

On exprime le potentiel chimique d'une espèce en solution aqueuse sous la forme :

$$\mu_{\text{B}}(m_{\text{B}}, T) = \mu_{\text{B}}^0(m^0, T) + RT \ln \frac{m_{\text{B}}}{m^0}$$

$m_{\text{B}}$  : molalité de l'espèce B égale à la quantité de matière de l'espèce B par kilogramme d'eau ;

$m^0$  : molalité standard égale à 1 mol par kilogramme d'eau.

Pour des solutions diluées  $m_{\text{B}} \leq 10^{-2}$  mol · kg<sup>-1</sup>, on assimile concentration molaire  $c_{\text{B}}$  en mol · L<sup>-1</sup> et molalité  $m_{\text{B}}$  ; d'où :

$$\mu_{\text{B}}(c_{\text{B}}, T) = \mu_{\text{B}}^0(c^0, T) + RT \ln \frac{c_{\text{B}}}{c^0} \quad \text{avec } c^0 = 1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} ;$$

d'où :

$$K^0(T) = \prod_{\text{B}} \left( \frac{c_{\text{B}}}{c^0} \right)^{\nu_{\text{B}}}$$

Les tables de thermochimie (*JANAF 85* ; *BARIN 89*) fournissent les valeurs des potentiels chimiques standard des espèces dissoutes pour  $m^0 = 1$  mol · kg<sup>-1</sup> à 298,15 K.

## B.2.4 – Équilibre chimique hétérogène<sup>3</sup>

Il comporte plusieurs phases. Il est encore possible d'écrire la relation de Guldberg et Waage. Supposons que le système possède  $m$  substances gazeuses et  $q$  substances pures condensées.

La condition d'équilibre  $\mathcal{A}(T, p, \xi_{\text{éq}}) = -\sum_{\text{B}} \nu_{\text{B}} \mu_{\text{B}} = 0$  s'écrit en séparant les

contributions des gaz de celles des autres substances :

$$\sum_1^m \nu_{\text{B}} \mu_{\text{B}}(\text{g}, T, p_{\text{B}}) + \sum_1^q \nu_{\text{B}} \mu_{\text{B}}^*(T) = 0,$$

soit, en développant :

$$\sum_1^m \nu_{\text{B}} \mu_{\text{B}}^0(\text{g}, T, p^0) + RT \sum_1^m \nu_{\text{B}} \ln \left( \frac{p_{\text{B}}}{p^0} \right) + \sum_1^q \nu_{\text{B}} \mu_{\text{B}}^*(T) = 0 ;$$

$$\text{or : } \sum_1^m \nu_B \mu_B^0(g, T, p^0) + \sum_1^g \nu_B \mu_B^*(T) = -\mathcal{A}^0(T).$$

$$\mathcal{A}^0(T) - RT \ln \prod_1^m \left( \frac{p_B}{p^0} \right)^{\nu_B} = 0.$$

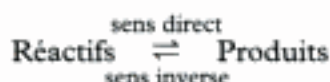
D'où :

$$K^0(T) = \prod_1^m \left( \frac{p_B}{p^0} \right)^{\nu_B}$$

$\mathcal{A}^0(T)$  ne dépend que de  $T$  ; on fait donc apparaître une constante thermodynamique  $K^0(T)$  qui **ne fait intervenir que les espèces gazeuses**.

## C. Lois de déplacement des équilibres

### C.1. Aspect qualitatif du déplacement des équilibres



Cette réaction met en jeu dans le sens direct une enthalpie standard de réaction  $\Delta_r H^0$  et une somme algébrique des nombres stœchiométriques des espèces gazeuses  $\sum \nu_{B, \text{gaz}}$ .

L'opérateur peut modifier un état d'équilibre en jouant sur la température, la pression, en ajoutant réactif et produit.

- Lorsque l'affinité finale, après modification de l'état d'équilibre est encore égale à zéro, cela signifie que le système a atteint **un nouvel état d'équilibre**.
- Lorsque l'affinité finale, après modification de l'un des paramètres du système à l'équilibre n'est pas nulle, cela signifie que l'état final n'est pas un état d'équilibre.

Dans ce cas, on assiste à **une rupture d'équilibre**, ce qui se traduit, dans la plupart des cas, par la disparition d'une phase solide.

- La modification d'un état d'équilibre obéit au **principe de modération ou principe de Le Chatelier**<sup>1</sup>.

#### Propriété 5

**Principe de Le Chatelier** : « Lorsqu'un système est en équilibre stable, toute modification d'un facteur d'équilibre provoque une réaction qui tend à s'opposer à cette modification. »

### C.2. Influence de la température

#### Propriété 6

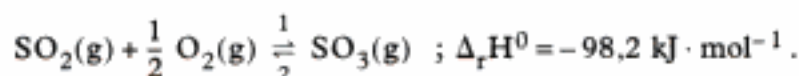
**Règle de Van't Hoff**<sup>2</sup> : L'élévation de température d'un mélange à l'équilibre provoque, à pression ou volume constants, un déplacement de l'équilibre dans le sens où la réaction chimique est endothermique ( $\Delta_r H^0 > 0$ ).

**1. Henry Le Chatelier** (1850-1936). Chimiste et métallurgiste français. Il étudia les équilibres physico-chimiques, et énonça le principe qui régit leur stabilité.

**2. Jacobus Henricus Van't Hoff** (1852-1911). Chimiste hollandais, créateur avec Le Bel de la stéréochimie, il posa les fondements de la cinétique chimique et donna une théorie de la pression osmotique. Prix Nobel de chimie en 1901.



*Exemple :*



À partir d'un système à l'équilibre maintenu à  $p$  constante :

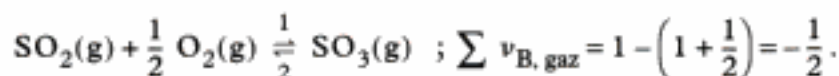
- si  $T$  augmente, évolution dans le sens 2 ;
- si  $T$  diminue, évolution dans le sens 1.

### C.3. Influence de la pression

#### Propriété 7

**Règle de Le Chatelier :** Pour un système chimique comportant une phase gazeuse et maintenu à température constante, une augmentation de pression provoque une réaction correspondant à la diminution de la quantité de matière gazeuse, c'est-à-dire dans le sens où  $\sum \nu_{\text{B, gaz}}$  est négatif.

*Exemple :*



À partir d'un système à l'équilibre, maintenu à  $T$  constante :

- si  $p$  augmente, évolution dans le sens 1 ;
- si  $p$  diminue, évolution dans le sens 2.

**Remarque :** si  $\sum \nu_{\text{B, gaz}} = 0$ , la pression n'est pas un facteur d'équilibre.

# L'essentiel

## ✓ Affinité chimique et évolution d'un système en réaction chimique

- L'affinité d'une réaction chimique est définie par :

$$\mathcal{A}(T, p, \xi) = -\Delta_r G(T, p, \xi) = -\left(\frac{\partial G}{\partial \xi}\right)_{p, T}$$

- Critère d'évolution d'un système en réaction chimique dans des conditions isotherme et isobare :

$$dG < 0 \text{ ou } \Delta_r G d\xi < 0.$$

Sachant que toute transformation naturelle s'accompagne d'une variation élémentaire d'entropie  $dS_{\text{irr}} = \frac{\mathcal{A}d\xi}{T}$  avec  $dS_{\text{irr}} > 0$ , le critère d'évolution s'écrit  $\mathcal{A}d\xi > 0$ .

Reactifs  $\frac{1}{2}$  Produits

$\mathcal{A} > 0 \Rightarrow d\xi > 0$  : évolution de la réaction dans le sens 1.

$\mathcal{A} < 0 \Rightarrow d\xi < 0$  : évolution de la réaction dans le sens 2.

$\mathcal{A} = 0$  : état d'équilibre.

- Calcul de l'affinité d'un système en réaction chimique

L'affinité se calcule grâce à la relation :

$$\mathcal{A}(T, p, \xi) = \mathcal{A}^0(T) - RT \ln Q(T, p, \xi).$$

– Affinité chimique standard :

$$\mathcal{A}^0(T) = -[\Delta_r H^0(T) - T\Delta_r S^0(T)].$$

– Quotient de réaction :

$$Q = \prod_B a_B^{\nu_B} \text{ avec } a_B : \text{activité des espèces hors équilibre.}$$

## ✓ Équilibre chimique

- À l'équilibre :  $\mathcal{A}(T, p, \xi_{\text{éq}}) = 0$  et  $Q(T, p, \xi_{\text{éq}}) = K^0(T) = \prod_B a_B^{\nu_B}$ .

$a_B$  : activité à l'équilibre de l'espèce de nombre stœchiométrique  $\nu_B$ .

– D'où l'expression de  $K^0(T)$  :

$$K^0(T) = \exp\left(\frac{\mathcal{A}^0(T)}{RT}\right) = \exp\left(\frac{-\Delta_r G^0(T)}{RT}\right)$$

– Autre calcul de l'affinité :

$$\mathcal{A}(T) = RT \ln\left(\frac{K^0(T)}{Q(T, p, \xi)}\right)$$

- Influence de la température  $T$  sur la constante d'équilibre  $K^0(T)$  :

$$\frac{d \ln K^0(T)}{dT} = \frac{\Delta_r H^0}{RT^2}$$

- Les expressions de  $K^0(T)$  font intervenir les **activités  $a_B$  des espèces** :

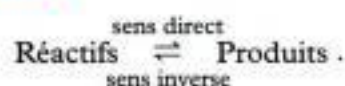
– gaz parfait :  $a_B = \frac{p_B}{p^0}$  ;

– solution aqueuse diluée :  $a_{H_2O} = 1$  ;  $a_B = \frac{c_B}{c^0}$  ;

– mélange idéal de liquide ou de solide :  $a_B = x_B$  ;

– corps pur seul dans sa phase :  $a_B = 1$  .

### ✓ Lois de déplacement des équilibres



Cette réaction met en jeu dans le sens direct une enthalpie standard de réaction  $\Delta_r H^0$  et une somme algébrique des nombres stœchiométriques des espèces gazeuses  $\sum \nu_{B, \text{gaz}}$  .

- Influence de la température : **règle de Van't Hoff**

À pression constante, une augmentation de température d'un système à l'équilibre provoque une évolution dans le sens de la réaction endothermique ( $\Delta_r H^0 > 0$ ) .

- Influence de la pression : **règle de Le Chatelier**

À température constante, une augmentation de pression d'un système à l'équilibre provoque une évolution dans le sens d'une diminution de la quantité de matière gazeuse (sens où  $\sum \nu_{B, \text{gaz}}$  est négatif).



# Mise en œuvre

## Méthode

**Comment déterminer le sens d'évolution d'un système en réaction chimique, maintenu à pression et température constantes ?**

### → Savoir faire

- ❶ Donner l'expression du quotient de réaction :

$$Q = \prod_B (a_B)_{\text{hors équilibre}}^{\nu_B}$$

- B est un gaz :  $a_B = \frac{p_B}{p^0}$  ;
- B est un solide  $a_B = 1$  ;
- B est un liquide ou un solide dans une solution liquide ou solide  $a_B = x_B$ .

- ❷ Rappeler l'expression de la constante d'équilibre  $K^0(T) = \prod_B (a_B)_{\text{équilibre}}^{\nu_B}$ .

- ❸ Calculer  $K^0(T)$  grâce à une donnée de l'énoncé.

- $\Delta_r G^0(T) = -\mathcal{A}^0(T) = -RT \ln K^0(T)$  ;
- les quantités de matière à l'équilibre.

- ❹ Calculer la valeur numérique du quotient de réaction dans l'état initial  $Q_{r,i}$ .

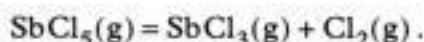
- ❺ Déterminer le signe de l'affinité chimique initiale du système :

$$\mathcal{A}_i = RT \ln \frac{K^0(T)}{Q_{r,i}}$$

- $\mathcal{A}_i > 0$  : évolution du système dans le sens direct  $\rightarrow$ .
- $\mathcal{A}_i < 0$  : évolution du système dans le sens inverse  $\leftarrow$ .

### → Application

Soit la réaction :



On mélange, dans un ballon de 1 L initialement vide, à 448 °C, 1 g de dichlore, 1 g de chlorure d'antimoine (III) et 1 g de chlorure d'antimoine (V).

Un mélange à l'équilibre, dans 1 ballon de 5 L, à 448 °C contient 3,85 g de  $\text{SbCl}_5$ , 9,14 g de  $\text{SbCl}_3$  et 2,84 g de  $\text{Cl}_2$ .

Déterminer le sens d'évolution du système initial.

Données :

$$M(\text{SbCl}_5) = 299 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1} ; M(\text{SbCl}_3) = 228,1 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1} ; M(\text{Cl}_2) = 70,9 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}.$$



## Solution

- Toutes les espèces intervenant dans cette réaction sont à l'état gazeux, donc  $a_B = \frac{p_B}{p^0}$ .

Expression de  $Q = \frac{p_{\text{Cl}_2} p_{\text{SbCl}_3}}{p_{\text{SbCl}_5} p^0}$ , ces pressions étant prises dans l'état initial.

- Expression de  $K^0(T) = \frac{(p_{\text{Cl}_2})_{\text{éq}} (p_{\text{SbCl}_3})_{\text{éq}}}{(p_{\text{SbCl}_5})_{\text{éq}} p^0}$ .

- Calcul de  $K^0(721)$  :  $p_B V = n_B RT$ , d'où  $p_B = \frac{n_B RT}{V}$  avec  $n_B = \frac{m_B}{M_B}$ .

Pressions des constituants à l'équilibre :

$$p_{\text{SbCl}_5} = \frac{3,85}{299} \times \frac{8,314 \times (448 + 273)}{5 \cdot 10^{-3}} = 15\,440 \text{ Pa} = 0,154 \text{ bar}.$$

$$p_{\text{SbCl}_3} = \frac{9,14}{228,1} \times \frac{8,314 \times 721}{5 \cdot 10^{-3}} = 48\,040 \text{ Pa} = 0,480 \text{ bar}.$$

$$p_{\text{Cl}_2} = \frac{2,84}{70,9} \times \frac{8,314 \times 721}{5 \cdot 10^{-3}} = 48\,022 \text{ Pa} = 0,480 \text{ bar}.$$

$$K^0(721) = \frac{0,48 \times 0,48}{0,154 \times 1} = 1,5.$$

- Calcul de  $Q_{r,i}(721)$ .

$$p_{\text{SbCl}_5} = \frac{1}{299} \times \frac{8,314 \times 721}{1 \cdot 10^{-3}} = 20\,050 \text{ Pa} = 0,2 \text{ bar} ;$$

$$p_{\text{SbCl}_3} = \frac{1}{228,1} \times \frac{8,314 \times 721}{1 \cdot 10^{-3}} = 26\,280 \text{ Pa} = 0,263 \text{ bar}.$$

$$p_{\text{Cl}_2} = \frac{1}{70,9} \times \frac{8,314 \times 721}{1 \cdot 10^{-3}} = 84\,550 \text{ Pa} = 0,846 \text{ bar}.$$

$$Q_{r,i} = \frac{0,846 \times 0,263}{0,2 \times 1} = 1,1.$$

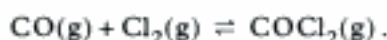
- $\mathcal{A}_i = RT \ln \frac{K^0(721)}{Q_{r,i}(721)} = RT \ln \frac{1,5}{1,1}$

$\mathcal{A}_i > 0$  : évolution du système dans le sens direct  $\rightarrow$ .

# Exercices

## Q.C.M.

### Ex. 1 Synthèse du phosgène



À 298 K :

$$\Delta_r H^0 = -112,6 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\Delta_r S^0 = -131,6 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

La constante d'équilibre  $K^0(298 \text{ K})$  vaut alors ;

- a)  $1,41 \cdot 10^{-7}$  ;
- b)  $3,72 \cdot 10^{-1}$  ;
- c)  $7,30 \cdot 10^{12}$  ;
- d)  $7,44 \cdot 10^{15}$ .

### Ex. 2 Dissociation du méthane



$$\Delta_r H^0 = 74,8 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} ; K^0(773 \text{ K}) = 0,41.$$

En supposant  $\Delta_r H^0$  indépendant de la température, à 850 °C,  $K^0$  vaut :

- a) 1 729 ;
- b) 3,625 ;
- c) 15,4 ;
- d)  $9,73 \cdot 10^{-5}$  ;
- e)  $2,7 \cdot 10^{-2}$ .

### Ex. 3 Affinité chimique

Pour la réaction :  $\text{A(g)} + \text{B(g)} \rightleftharpoons \text{C(g)}$ ,  
 $K^0(323 \text{ K}) = 0,30$ .

On dispose d'un mélange initial des trois gaz à 50 °C sous les pressions partielles :

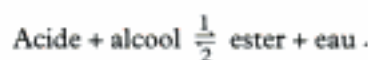
$$p_A = 1,5 \text{ bar} ; p_B = 2,5 \text{ bar} ; p_C = 0,5 \text{ bar}.$$

Quelle est l'affirmation correcte dans cette situation ?

- a)  $\mathcal{A}^0 > 0$  et  $\mathcal{A} > 0$  ;
- b)  $\mathcal{A}^0 < 0$  et  $\mathcal{A} < 0$  ;
- c)  $\mathcal{A}^0 > 0$  et  $\mathcal{A} < 0$  ;
- d)  $\mathcal{A}^0 < 0$  et  $\mathcal{A} > 0$  ;
- e)  $\mathcal{A}^0 < 0$  et  $\mathcal{A} = 0$ .

## Vrai ou faux ?

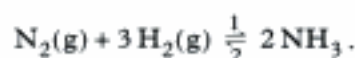
### Ex. 4 Équilibre d'estérification



En partant d'un mélange équimolaire d'acide et d'alcool, on obtient à l'équilibre  $\frac{2}{3}$  mole d'eau.

- a) La constante d'équilibre vaut  $\frac{1}{4}$ .
- b) La constante d'équilibre vaut 4.
- c) On mélange les quatre corps en quantités égales, le mélange obtenu est à l'équilibre.
- d) Le mélange obtenu évolue dans le sens 2.

### Ex. 5 Synthèse de l'ammoniac

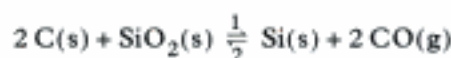


$$\mathcal{A}^0(723 \text{ K}) = -65 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

Dans un réacteur fermé maintenu sous 500 bar à 450 °C, on mélange 1 mole de chaque constituant.

- a) Le système n'évolue pas.
- b) Le système évolue dans le sens 2.
- c) À l'équilibre :  $n_{\text{NH}_3} = 0,952 \text{ mol}$ .

### Ex. 6 Préparation du silicium



$$\Delta_r H^0 = +344 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

- a) Une augmentation de température provoque une évolution dans le sens 1.
- b) Une augmentation de la pression de CO à T constante provoque une rupture d'équilibre.
- c) Il existe une relation entre la pression d'équilibre de CO(g) et la température.

## Niveau 1

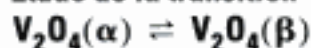
### Équilibres du corps pur

### Ex. 7 Vaporisation du zinc

La pression de vapeur du zinc au-dessus du liquide est donnée par la relation :

$$\ln \frac{p_{\text{Zn}}}{p^0} = -\frac{15\,375}{T} - 1,274 \ln T + 22,055.$$

- a) En déduire l'enthalpie de vaporisation du zinc à 1 000 K.
- b) Quelle est alors la valeur de la pression de vapeur du zinc ?

**Ex. 8 Étude de la transition**

Sous la pression standard, on passe, à  $T_1 = 72^\circ\text{C}$ , de la variété cristalline ( $\alpha$ ) à la variété cristalline ( $\beta$ ).

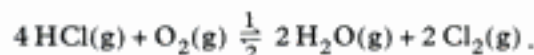
- a) Que représente la température  $T_1$  ?  
 b) Calculer l'affinité chimique standard  $\mathcal{A}^0(\alpha \rightarrow \beta)$  ainsi que  $S^0(\text{V}_2\text{O}_4, \beta)$  à 298 K.  
 Commenter les signes, à 298 K :  
 - de  $\mathcal{A}^0$  ;  
 - de  $S^0(\text{V}_2\text{O}_4, \alpha) - S^0(\text{V}_2\text{O}_4, \beta)$ .

Données :

$$S^0(\text{V}_2\text{O}_4, \alpha) = 10,50 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\text{À } 72^\circ\text{C} : \Delta_{\text{tr}}H^0 = 8\,610 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\Delta_{\text{tr}}C_p^0 = 1,25 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

**Équilibres chimiques homogènes****Ex. 9 Équilibre de Deacon**

Le système, à l'équilibre, à la température  $T$  et sous la pression totale de 4 bar contient :

$n_1 = 0,3$  mol de HCl ;  $n_2 = 0,012$  mol de  $\text{O}_2$  ;  
 $n_3 = 0,45$  mol de  $\text{H}_2\text{O}$  ;  $n_4 = 0,72$  mol de  $\text{Cl}_2$ .

- a) Dans quel sens évoluerait un système obtenu en mélangeant les quatre gaz avec une pression partielle de 1 bar ?  
 b) Quelle est l'influence d'une augmentation de pression sur un système à l'équilibre ?

**Ex. 10 Synthèse industrielle de l'éthanol**

L'éthanol est partiellement obtenu par hydratation de l'éthylène à  $300^\circ\text{C}$  sous 70 bar :

**1) L'équilibre**

- a) Calculer à 298 K :  $\Delta_{\text{r}}H^0$ ,  $\Delta_{\text{r}}S^0$  et  $\Delta_{\text{r}}G^0$ .  
 b) En déduire  $K^0(573)$ .

**2) L'évolution**

- a) Le mélange initial contient à  $300^\circ\text{C}$  sous 70 bar, 2 moles d'eau et 2 moles d'éthylène. Définir et calculer l'avancement à l'équilibre.  
 b) Dans le mélange précédent, on ajoute 1 mole d'eau, calculer la valeur de l'affinité chimique du système. Dans quel sens évolue-t-il ?

**3) Le rendement**

- a) Définir le rendement de cette synthèse.  
 b) Le calculer dans le cadre de la question 2) a).

- c) On part d'un mélange initial de 1 mole d'éthylène et de  $n$  moles d'eau, à  $300^\circ\text{C}$  sous 70 bar. Quel rendement peut-on espérer pour  $n \gg 1$  ? Commenter.

Données supposées indépendantes de  $T$  :

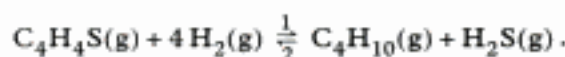
Composé	$\Delta_{\text{r}}H^0$ ( $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ )	$S^0$ ( $\text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ )
$\text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}(\text{g})$	-235,1	282,7
$\text{H}_2\text{O}(\text{g})$	-241,8	188,7
$\text{C}_2\text{H}_4(\text{g})$	52,3	219,5

**Ex. 11 Étude du thiophène  $\text{C}_4\text{H}_4\text{S}$** 

Données thermodynamiques à 298 K, supposées indépendantes de  $T$  :

Composé	$\Delta_{\text{r}}H^0$ ( $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ )	$\Delta_{\text{r}}G^0$ ( $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ )	$S^0$ ( $\text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ )
$\text{C}_4\text{H}_4\text{S}(\text{g})$	117	123	
$\text{C}_4\text{H}_4\text{S}(\ell)$	80	120	180
$\text{C}_4\text{H}_{10}(\text{g})$	-127	-14	310
$\text{H}_2(\text{g})$	0	0	130
$\text{H}_2\text{S}(\text{g})$	-21	-32	210

- a) Calculer  $\Delta_{\text{r}}H^0$  et  $\Delta_{\text{r}}G^0$  pour la vaporisation d'une mole de thiophène à 298 K.  
 b) Calculer la pression de vapeur saturante du thiophène à 298 K.  
 c) Calculer  $S^0(\text{C}_4\text{H}_4\text{S}, \text{g}, 298 \text{ K})$ .  
 d) Une coupe pétrolière contient 0,5 % en masse de thiophène. Quelle est la masse de dioxyde de soufre libérée par la combustion d'une tonne de cette coupe ?  
 e) On envisage l'élimination du thiophène grâce à la réaction :



Calculer  $\Delta_{\text{r}}H^0(298 \text{ K})$  et  $\Delta_{\text{r}}G^0(298 \text{ K})$  ; en déduire  $K^0(298 \text{ K})$ .

f) Calculer  $K^0(700 \text{ K})$ .

g) On se place à  $T_2$  tel que  $K^0(T_2) = 12$ .

On introduit dans le réacteur un mélange gazeux de thiophène et de dihydrogène.

Le réacteur est maintenu à pression totale constante et contient initialement 6 moles de  $\text{H}_2$  par mole de thiophène.

Quelle pression totale faut-il imposer pour qu'à l'équilibre, il ne reste plus que 0,1 % de la quantité initiale de thiophène ?

Quelles sont alors les valeurs des pressions partielles ?



## Niveau 2

### Ex. 12 Dissociation de CuO(s)

- a) Écrire l'équation bilan de cette réaction ramenée à  $\nu_{\text{O}_2} = +1$ . Exprimer  $K^0(T)$ .
- b) On mesure  $p(\text{O}_2, \text{g})$  à différentes températures pour l'équilibre précédent.

T/K	1 200	1 300
$p_{\text{O}_2}/\text{bar}$	0,029 9	0,220 6

Donner l'expression de  $\Delta_r G^0(T) = f(T)$ .

c) Calculer  $p(\text{O}_2, \text{g})$  à 1 150 K et à 1 250 K.

d) Les tables de thermochimie fournissent :

$$\Delta_f G^0(\text{CuO}, \text{s}, 1\ 200) = -49,73 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

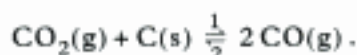
En déduire  $\Delta_f G^0(\text{Cu}_2\text{O}, \text{s}, 1\ 200)$ .

Comparer avec la valeur tabulée :

$$-81,21 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

### Ex. 13 Équilibre de Boudouard

Dans un réacteur de 1 L, initialement vide, on introduit du carbone solide en excès et 0,1 mole de dioxyde de carbone gazeux. On porte l'ensemble à 1 000 °C. L'équilibre, dit de Boudouard, s'établit :



La densité, par rapport à l'air, des gaz à l'équilibre est égale à 1,24.

a) Calculer  $p$  ainsi que  $K^0(1\ 273 \text{ K})$ .

b) Si l'on a introduit initialement 0,1 mole de C(s), quelle quantité de  $\text{CO}_2(\text{g})$  doit-on introduire pour qu'il ne reste à l'équilibre que des traces de carbone à 1 273 K ?

### Ex. 14 La synthèse de l'eau

Soit l'équilibre homogène en phase gazeuse parfaite :



L'affinité standard de cette réaction est donnée par la relation :

$$A^0(T)/\text{J} \cdot \text{mol}^{-1} = 495\ 000 - 7,8T \ln T - 33T - 0,01T^2.$$

1) Exprimer  $\Delta_r H^0(T)$  ;  $\Delta_r S^0(T)$  ;  $\Delta_r C_p^0(T)$  et  $\mu_{\text{H}_2\text{O}}^0(T)$ .

On rappelle que quelle que soit T :

$$\mu_{\text{O}_2}^0 = \mu_{\text{H}_2}^0 = 0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

2) Faire les applications numériques à 1 500 K et à 3 000 K.

3) Calculer  $K^0(1\ 500 \text{ K})$  et  $K^0(3\ 000 \text{ K})$ . Commenter les résultats obtenus.

4) On mélange à la température T, sous la pression totale de 1 bar :  $n_1$  mole de  $\text{H}_2$ ,  $n_2$  mole de  $\text{O}_2$  et  $n_3$  mole de  $\text{H}_2\text{O}$ .

Calculer l'affinité chimique de ce mélange dans les cas suivants :

a)  $T = 1\ 500 \text{ K}$ ,  $n_1 = n_2 = n_3 = \frac{1}{3} \text{ mol}$  ;

b)  $T = 1\ 500 \text{ K}$ ,  $n_1 = n_2 = \frac{1}{20} \text{ mol}$ ,  $n_3 = \frac{9}{10} \text{ mol}$  ;

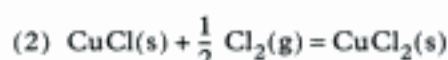
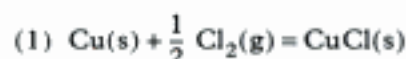
c)  $T = 3\ 000 \text{ K}$ ,  $n_1 = \frac{2}{30} \text{ mol}$ ,  $n_2 = \frac{1}{30} \text{ mol}$ ,  $n_3 = \frac{9}{10} \text{ mol}$ .

En déduire le sens d'évolution de chaque mélange.

5) Donner les compositions du système lorsque l'équilibre est atteint.

### Ex. 15 Autour des chlorures de cuivre

L'action du dichlore sur le cuivre conduit à étudier les deux réactions équilibrées suivantes :



a) Établir, en fonction de la température, la variation de l'enthalpie libre standard de ces deux réactions.

b) Reporter sur un même graphique les relations précédentes en fonction de la température (on se limitera à l'intervalle de 0 à 400 °C).

c) Préciser la nature des domaines d'équilibres et déterminer la zone d'existence de chaque espèce. Justifier votre réponse.

d) Montrer que CuCl solide ne se dismute pas en  $\text{Cu}(\text{s}) + \text{CuCl}_2(\text{s})$  quelle que soit la température.

e) Du dichlore, sous la pression constante de 1,5 bar, circule dans un tube en cuivre à la température de 300 °C.

Le métal est-il attaqué ?

Si oui, quels sont les produits formés ?

Obtient-on le même résultat à 0 °C ?

Données :

Grandeurs thermodynamiques standard considérées comme constantes sur l'intervalle 0-400 °C.

	$\Delta_f H^0/\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	$S^0/\text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$
<b>Cu(s)</b>	0	33,2
<b>CuCl(s)</b>	-137	87,6
<b>CuCl<sub>2</sub>(s)</b>	-218,3	108,2
<b>Cl<sub>2</sub>(g)</b>	0	223



### Ex. 16 Dissociation du carbonate de calcium



1) Donner les expressions de  $\Delta_r H^0(T)$ ,  $\Delta_r S^0(T)$  et  $\Delta_r G^0(T)$  en fonction de la température.

2) Calculer la température d'inversion de cet équilibre.

3) Calculer  $p_{\text{CO}_2}$  à l'équilibre à 1 100 K.

4) Dans un récipient de volume  $V = 10 \text{ L}$ , préalablement vidé d'air, on introduit  $n \text{ mol}$  de  $\text{CaCO}_3(\text{s})$  à  $T = 1 100 \text{ K}$ .

a)  $n = 0,01 \text{ mol}$  ; déterminer la composition et calculer l'affinité du système dans son état final.

b)  $n = 0,1 \text{ mol}$  ; même question.

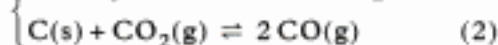
c) Au système final précédent, on ajoute  $0,1 \text{ mol}$  de  $\text{CO}_2$ .

Quelle est la nouvelle affinité du système avant réaction ? Que peut-on en déduire ?

Quelle est l'affinité dans l'état final ?

5) Nouvelle expérience à  $T = 1 100 \text{ K}$  avec un récipient de volume  $V$  variable. On introduit dans le récipient initialement vide  $n = 0,1 \text{ mol}$  de  $\text{CaCO}_3(\text{s})$ . Donner l'allure de la courbe  $p = f(V)$ .

6)  $V = 10 \text{ L}$ ,  $T = 1 100 \text{ K}$  ; on introduit  $n \text{ mol}$  de  $\text{CaCO}_3(\text{s})$  et  $0,2 \text{ mol}$  de carbone solide. Il se produit alors les deux équilibres :



La pression totale est égale à  $p = 2,25 \text{ bar}$ .

En déduire  $K_2^0(1 100 \text{ K})$ . Quelle quantité minimale de  $\text{CaCO}_3(\text{s})$  a-t-il fallu introduire pour que les deux équilibres coexistent ?

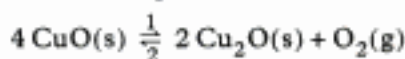
Données thermodynamiques à 298 K (on considère  $C_p^0$  indépendant de T) :

Composé	$\text{CaCO}_3(\text{s})$	$\text{CaO}(\text{s})$	$\text{CO}_2(\text{g})$
$C_p^0 / \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$	111	48	37,1
$\Delta_f H^0 / \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	-1 207	-635,09	-393,51
$S^0 / \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$	92,8	38,1	213,68

## Niveau 3

### Ex. 17 Étude d'un équilibre chimique hétérogène

Soit l'équilibre hétérogène :



pour lequel on suppose que l'enthalpie standard  $\Delta_r H^0$  et l'entropie standard  $\Delta_r S^0$  sont indépendantes de la température.

a) Aux deux températures  $T_1$  et  $T_2$  ci-dessous, on mesure les pressions d'équilibre  $p_1$  et  $p_2$  suivantes :

$$T_1 = 1 223 \text{ K} ; p_1 = 4 660 \text{ Pa} ;$$

$$T_2 = 1 323 \text{ K} ; p_2 = 29 610 \text{ Pa} .$$

En déduire  $\Delta_r H^0$  et  $\Delta_r S^0$ .

b) Dans un récipient de volume  $V = 10 \text{ L}$ , maintenu à la température  $T_3 = 1 273 \text{ K}$ , on place :

-  $0,1 \text{ mole}$  d'oxyde cuivrique  $\text{CuO}$  solide ;

-  $0,01 \text{ mole}$  d'oxyde cuivreux  $\text{Cu}_2\text{O}$  solide ;

-  $n \text{ moles}$  de dioxygène.

Calculer numériquement l'affinité initiale  $\mathcal{A}_{\text{E.L.}}$  du système dans les deux cas suivants :

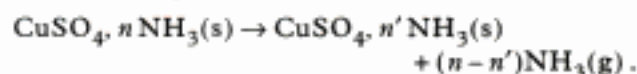
$$(\alpha) n = 0,01 ; (\beta) n = 0,02 .$$

Prévoir, dans chacun des deux cas ( $\alpha$ ) et ( $\beta$ ), le sens de l'évolution du système.

c) Calculer, dans les deux cas ( $\alpha$ ) et ( $\beta$ ), les quantités (exprimées en moles) des trois constituants à l'équilibre.

### Ex. 18 Décomposition de $\text{CuSO}_4, n \text{NH}_3$

Le sulfate de cuivre donne trois ammoniacates solides  $\text{CuSO}_4, n \text{NH}_3$  donnant lieu entre eux, et avec le sel solide  $\text{CuSO}_4$ , à des équilibres de dissociation :



$n$  peut prendre trois valeurs : 5, 4 ou 2.

a) Les trois équilibres peuvent-ils être simultanés ?

b) On sait que :

- pour l'équilibre (1) pour lequel  $n = 5$  et  $n' = 4$ ,

$$\ln p = \frac{-7 187}{T} + 19,8 ;$$

- pour l'équilibre (2) pour lequel  $n = 4$  et  $n' = 2$ , la pression  $p$  d'ammoniac est égale à  $0,243 \text{ bar}$  pour une température égale à  $401 \text{ K}$ .

D'autre part,  $\Delta_r H^0 = 125 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  et ne dépend pas de la température dans l'intervalle de température considéré ;

- pour l'équilibre (3) ( $n = 2$  et  $n' = 0$ ), pour lequel  $\Delta_r H^0$  ne dépend pas de la température dans l'intervalle de température considéré, on a pu établir le tableau suivant :

T/K	492,5	533,8
p/bar	0,072 2	0,355

Établir la relation  $\ln p = f\left(\frac{1}{T}\right)$  pour les équilibres (2) et (3).

c) Tracer les courbes  $\ln p = f\left(\frac{1}{T}\right)$  pour les trois équilibres.

On se limitera aux températures comprises entre  $300 \text{ K}$  et  $550 \text{ K}$  et aux valeurs de  $\ln p$  comprises entre  $-1$  et  $-3,5$ .

d) Comparer les valeurs de  $\Delta_r H^0$  par mole de  $\text{NH}_3$  libérée pour ces trois équilibres.

## Indications

### Ex. 4

Mélange homogène de corps purs liquides, donc :

$$a_B = x_B.$$

### Ex. 5

Calculer le quotient de réaction, puis la valeur de l'affinité chimique du système et conclure.

### Ex. 6

Utiliser les règles qualitatives de Van't Hoff et de Le Chatelier.

### Ex. 8

À 345 K, il y a équilibre entre les deux formes cristallines de  $V_2O_4$ , donc :

$$\mathcal{A}(345 \text{ K}) = \mathcal{A}^0(345 \text{ K}) = 0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

Cela permet de calculer  $\Delta_r H^0(345 \text{ K})$  puis  $\Delta_r S^0(345 \text{ K})$ .

Pour obtenir ces valeurs à 298 K, utiliser les relations de Van't Hoff.

### Ex. 10

2) b) Pour calculer l'affinité, il faut tenir compte des quantités de matière initiales, avant réaction éventuelle.

### Ex. 12

Naturellement,  $\text{CuO}(s)$  se dissocie en  $\text{Cu}_2\text{O}(s)$  et dioxygène gazeux. À l'aide des constantes d'équilibre calculées à deux températures, trouver l'expression de  $\Delta_r G^0(T)$  en fonction de  $T$ .

### Ex. 13

La densité d'un gaz est égale à la masse d'une mole de ce gaz divisée par 29.

e) L'équilibre de Boudouard est toujours réalisé.

### Ex. 14

Par le calcul, vous devez trouver qu'à 3 000 K il s'agit d'un équilibre chimique, alors qu'à 1 500 K la réaction est totale et se poursuit jusqu'à disparition du réactif limitant.

### Ex. 15

d) Utiliser les lois qualitatives du déplacement d'équilibre pour trouver les bons domaines : l'influence de la température permet de conclure.

La grandeur portée en ordonnée est une mesure de  $p_{\text{Cl}_2}$ . Placer alors le point correspondant à la température  $T = 573 \text{ K}$  et  $p_{\text{Cl}_2} = 1,5 \text{ bar}$ , et voir dans quel domaine d'existence il se situe.

### Ex. 16

6) Chaque constante doit être vérifiée, donc la pression partielle en  $\text{CO}_2$  est imposée par  $K_1^0$ .

Faire un bilan matière à l'équilibre en utilisant deux avancements de réaction distincts et en commençant par la réaction la plus avancée.

### Ex. 17

e) Vous connaissez  $(p_{\text{O}_2})_{\text{ég}}$ , il est donc facile de déterminer  $\mathcal{A}$  puis de conclure sur le sens d'évolution du système.

d) Tenir compte des conclusions de la question précédente.

e) Prendre l'expression littérale de  $d\mathcal{A}$  en fonction de  $dT$ .



# Solutions des exercices

## Q.C.M.

### Exercice 1

Par définition :  $\Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0(T) - T\Delta_r S^0(T)$ .

À 298 K :  $\Delta_r G^0 = -112\,600 - 298 \times (-131,6) = -73\,383 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

De plus :  $\Delta_r G^0(T) = -RT \ln K^0(T)$  ; d'où :

$$K^0(T) = \exp \frac{-\Delta_r G^0(T)}{RT}.$$

Application numérique :  $K^0(298) = \exp \frac{73\,383}{8,314 \times 298} = 7,3 \cdot 10^{12}$ .

Réponse exacte : c).



La réaction est totalement déplacée dans le sens (1) et se produit jusqu'à disparition du réactif limitant.

### Exercice 2

Pour calculer la valeur d'une constante thermodynamique  $K^0(T_2)$  connaissant  $K^0(T_1)$  et  $\Delta_r H^0$  (supposée indépendante de la température), on utilise la relation dite de l'isobare de Van't Hoff :

$$\ln \frac{K^0(T_2)}{K^0(T_1)} = \frac{\Delta_r H^0}{R} \left( \frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right).$$

Application numérique :  $T_1 = 773 \text{ K}$  ;  $T_2 = 850 + 273 = 1\,123 \text{ K}$ .

$\Delta_r H^0 = 74\,800 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$  ;  $R = 8,314 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$  ;  $K^0(773 \text{ K}) = 0,41$ .

D'où :  $K^0(1\,123 \text{ K}) = 15,4$ .

Réponse exacte : c).

### Exercice 3

Il faut déterminer les valeurs de  $\mathcal{A}^0(323 \text{ K})$  et  $\mathcal{A}(323 \text{ K})$ .

La donnée de  $K^0(323 \text{ K})$  permet d'obtenir la valeur numérique de l'affinité chimique standard de la réaction à 323 K à partir de la relation  $\mathcal{A}^0(T) = RT \ln K^0(T)$  ;

d'où :  $\mathcal{A}^0(323 \text{ K}) = 8,314 \times 323 \times \ln 0,3 = -3\,233 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

Les données des pressions initiales permettent de calculer le quotient initial de réaction :

$$Q(323 \text{ K}) = \frac{p_C p^0}{p_A p_B},$$

les pressions des différents gaz étant prises au début de la réaction.

$$Q(323 \text{ K}) = \frac{0,5 \times 1}{1,5 \times 2,5} = 0,133.$$

On en déduit ensuite la valeur de l'affinité chimique initiale grâce à la relation :

$$\mathcal{A} = RT \ln \frac{K^0}{Q}.$$

Application numérique :  $\mathcal{A}(323 \text{ K}) = 8,314 \times 323 \times \ln \frac{0,3}{0,133} = 2\,178 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

Donc :  $\mathcal{A}^0(323 \text{ K}) < 0$  et  $\mathcal{A}(323 \text{ K}) > 0$ .

Réponse exacte : d).

## Vrai ou faux ?

### Exercice 4

a) *Faux*.

b) *Vrai*.

	acide	+ alcool	$\frac{1}{2}$	ester	+ eau	
État initial	1	1		0	0	mol
État d'équilibre	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$		$\frac{2}{3}$	$\frac{2}{3}$	mol

Il s'agit d'un mélange homogène de liquides purs pour lequel la constante d'équilibre s'écrit :

$$K^0 = \frac{x_{\text{ester}} x_{\text{eau}}}{x_{\text{alcool}} x_{\text{acide}}}$$

$$n_T = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} + \frac{2}{3} + \frac{2}{3} = 2 \text{ moles, d'où } x_{\text{ester}} = x_{\text{eau}} = \frac{2}{3} = \frac{1}{3} \text{ et } x_{\text{alcool}} = x_{\text{acide}} = \frac{1}{3} = \frac{1}{6}.$$

$$\text{D'où } K^0 = \left(\frac{1}{3}\right)^2 \times 6^2 = 4.$$

c) *Faux*. On considère le mélange équimolaire, donc  $Q = 1$ .

Par définition :  $\mathcal{A} = RT \ln \frac{K^0}{Q}$ . Donc  $\mathcal{A} = RT \ln \frac{4}{1} > 0$ . Le système évolue.

d) *Faux*. L'affinité chimique étant positive, le système évolue dans le sens 1.

### Exercice 5

a) *Faux*.  $\mathcal{A}^0(723 \text{ K}) = -65\,000 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ , d'où  $K^0(723 \text{ K}) = \exp \frac{-65\,000}{8,314 \times 723} = 2 \cdot 10^{-5}$ .

$$Q(p, T) = \frac{p_{\text{NH}_3}^2 (p^0)^2}{p_{\text{N}_2} p_{\text{H}_2}^3}, \text{ ces pressions étant envisagées dans l'état initial.}$$

$$x_{\text{NH}_3} = x_{\text{H}_2} = x_{\text{N}_2} = \frac{1}{3}, \text{ donc } p_{\text{NH}_3} = p_{\text{H}_2} = p_{\text{N}_2} = \frac{1}{3} \times 500 \text{ bar.}$$

$$\text{D'où : } Q(723 \text{ K}) = 3,6 \cdot 10^{-5} \neq K^0(723 \text{ K}).$$

Le système n'est pas à l'équilibre.

b) *Vrai*. Calculons la valeur numérique de l'affinité chimique initiale :

$$\mathcal{A}(723 \text{ K}) = RT \ln \frac{K^0}{Q} = 8,314 \times 723 \ln \frac{2}{3,6} = -3\,533 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

L'affinité étant négative, le système évolue dans le sens 2.



c) *Faux*.

	$\text{N}_2$	+	$3 \text{H}_2$	$\rightleftharpoons$	$2 \text{NH}_3$	$(n_{\text{T}})_{\text{g}}$
État initial	1		1		1	3 mol
État d'équilibre	$1 + \xi$		$1 + 3\xi$		$1 - 2\xi$	$3 + 2\xi$ mol

Nous savons, grâce au calcul précédent, que le système évolue par disparition d'ammoniac (sens 2), donc par apparition de  $\text{N}_2$  et de  $\text{H}_2$ .

$$K^0(723 \text{ K}) = 2 \cdot 10^{-5} = \frac{\left(\frac{1-2\xi}{3+2\xi}\right)^2}{\left(\frac{1+\xi}{3+2\xi}\right)\left(\frac{1+3\xi}{3+2\xi}\right)^3} \left(\frac{p^0}{p}\right)^2 = \frac{(1-2\xi)^2(3+2\xi)^2}{(1+\xi)(1+3\xi)^3} \times \frac{1}{500^2};$$

d'où  $\xi = 0,0479 \text{ mol}$  ;  $n_{\text{NH}_3}$  à l'équilibre =  $1 - 2\xi = 1 - 2 \times 0,0479 = 0,904 \text{ mol}$ .

## Exercice 6

a) *Vrai*. Appliquons la règle de Van't Hoff : une augmentation de température provoque une évolution d'un système dans le sens de la réaction endothermique.

Ici,  $\Delta_r H^0(\text{sens 1}) = +344 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

Donc, si T augmente, on a une évolution dans le sens direct.

b) *Vrai*. Si la température reste constante, l'équilibre ne peut exister que pour une pression de CO inférieure à la pression imposée. Donc l'ajout de CO consomme du silicium jusqu'à le faire disparaître : rupture d'équilibre dans le sens 2.

c) *Vrai*. Il s'agit de la relation de définition de la constante d'équilibre  $K^0(T)$ .

$$K^0(T) = \frac{p_{\text{CO}}^2}{(p^0)^2} = \exp \frac{-\Delta_r G^0(T)}{RT}; \text{ soit } \ln \frac{p_{\text{CO}}}{p^0} = \frac{-\Delta_r G^0(T)}{2RT}.$$

## Exercices de niveau 1

### Exercice 7

a) Équilibre  $\text{Zn}(\ell) \rightleftharpoons \text{Zn}(\text{g})$  :  $K^0(T) = \frac{p_{\text{Zn}}}{p^0} \frac{1}{a_{\text{Zn}, \ell}}$ .

Le zinc liquide est un corps pur seul dans sa phase, donc  $a_{\text{Zn}, \ell} = 1$ .

$\ln \frac{p_{\text{Zn}}}{p^0}$  représente donc  $\ln K^0(T)$ .

$$\text{Or : } \Delta^0(T) = RT \ln K^0(T) \quad \text{et} \quad \frac{d}{dT} \left( \frac{\Delta^0(T)}{T} \right) = \frac{\Delta_r H^0(T)}{T^2} = R \frac{d \ln K^0(T)}{dT}.$$

$$\frac{d}{dT} \left( \ln \frac{p_{\text{Zn}}}{p^0} \right) = \frac{15\,375}{T^2} - \frac{1,274}{T} = \frac{\Delta_r H^0(T)}{RT^2} = \frac{\Delta_{\text{vap}} H^0(T)}{RT^2}.$$

D'où :  $\Delta_{\text{vap}} H^0(T) = 15\,375R - 1,274RT = 127\,828 - 10,592T$  ;

à 1 000 K :  $\Delta_{\text{vap}} H^0 = 117,23 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

b) Il suffit de faire l'application numérique :  $p_{\text{Zn}}(1\,000 \text{ K}) = 0,12 \text{ bar}$ .

## Exercice 8

$$T_i = 72 \text{ °C} = 345 \text{ K}.$$

- a) La température  $T_i$  correspond à la température de la transition :  $V_2O_4(\alpha) \rightleftharpoons V_2O_4(\beta)$ .  
C'est la seule température, sous  $p^0$ , pour laquelle il y a coexistence des deux phases solides :  
à 345 K :  $\mathcal{A}^0(345 \text{ K}) = \mu^*(V_2O_4, \alpha) - \mu^*(V_2O_4, \beta) = 0$  ;  
 $\mathcal{A}^0(345 \text{ K}) = -\Delta_{tr}G^0 = -\Delta_{tr}H^0(345 \text{ K}) + 345\Delta_{tr}S^0$  ;  
d'où :  $\Delta_{tr}S^0 = S^*(V_2O_4, \beta) - S^*(V_2O_4, \alpha) = 24,9 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ .
- b) Par définition de  $\mathcal{A} = -\sum_B \nu_B \mu_B$ , on obtient :  $\mathcal{A} = \mu(V_2O_4, \alpha) - \mu(V_2O_4, \beta)$ .

Or les deux solides sont non miscibles, donc le potentiel chimique  $\mu$  de chaque solide est égal à son potentiel chimique standard et l'affinité chimique de la réaction est égale à son affinité chimique standard :

$$\mathcal{A} = \mathcal{A}^0(T) = \mu^*(V_2O_4, \alpha) - \mu^*(V_2O_4, \beta).$$

$$\text{À } 298 \text{ K} : \Delta_{tr}H^0(345 \text{ K}) = \Delta_{tr}H^0(298 \text{ K}) + \int_{298}^{345} \Delta_r C_p^0 dT ;$$

$$\Delta_{tr}S^0(345 \text{ K}) = \Delta_{tr}S^0(298 \text{ K}) + \int_{298}^{345} \frac{\Delta_r C_p^0}{T} dT.$$

$$\Delta_{tr}H^0(298 \text{ K}) = 8\,551 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} ; \Delta_{tr}S^0(298 \text{ K}) = 24,72 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

d'où :

$$\mathcal{A}(298 \text{ K}) = \mathcal{A}^0(298 \text{ K}) = -[\Delta_{tr}H^0(298 \text{ K}) - 298\Delta_{tr}S^0(298 \text{ K})] = -1\,184 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

L'affinité de la réaction est négative, à 298 K, **la forme stable de  $V_2O_4$  est la forme  $\alpha$** .

$$\text{À } 298 \text{ K}, S^0(V_2O_4, \beta) - S^0(V_2O_4, \alpha) = 24,72 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$S^0(V_2O_4, \beta) = 35,22 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

L'entropie de la forme  $\beta$  est supérieure à l'entropie de la forme  $\alpha$ , ceci traduit une différence dans les réseaux cristallins des deux oxydes.

## Exercice 9

$$\text{a) Calcul de } K^0(T) = \frac{p_{H_2O}^2 p_{Cl_2}^2 p^0}{p_{HCl}^4 p_{O_2}}.$$

$$(n_T)_{\text{gaz}} = 1,482 \text{ mol} ; p_{H_2O} = x_{H_2O} p = \frac{0,45}{1,482} \times 4 = 1,21 \text{ bar} ;$$

$$p_{Cl_2} = x_{Cl_2} p = \frac{0,72}{1,482} \times 4 = 1,94 \text{ bar} ; p_{O_2} = \frac{0,012}{1,482} \times 4 = 0,032 \text{ bar} ;$$

$$p_{HCl} = x_{HCl} p = \frac{0,3}{1,482} \times 4 = 0,81 \text{ bar} ; K^0(T) = \frac{1,21^2 \times 1,94^2 \times 1}{0,81^4 \times 0,032} ;$$

$$\text{d'où : } K^0(T) = 400.$$

$$Q(T, p, \xi) = \prod_B a_B^{\nu_B}, \text{ les activités étant prises hors équilibre.}$$

$$Q(T, p, \xi) = \frac{(p_{H_2O}^2)_{\text{hé}} (p_{Cl_2}^2)_{\text{hé}} p^0}{(p_{HCl}^4)_{\text{hé}} (p_{O_2})_{\text{hé}}},$$

or :  $(p_{\text{H}_2\text{O}})_{\text{hé}} = (p_{\text{Cl}_2})_{\text{hé}} = (p_{\text{HCl}})_{\text{hé}} = (p_{\text{O}_2})_{\text{hé}} = 1 \text{ bar}$   
 d'où :  $Q(T, p, \xi) = 1$ .

$$\mathcal{A} = RT \ln \frac{K^0(T)}{Q(T, p, \xi)} = RT \ln 400 > 0.$$

Le système évolue donc dans le **sens direct (sens 1)**, fabrication de dichlore.

b) Pour cet équilibre,  $\sum \nu_{B, \text{gaz}} = 2 + 2 - 4 - 1 = -1$ .

D'après la règle de Le Chatelier, une augmentation de pression provoque un déplacement de l'équilibre dans le sens où  $\sum \nu_{B, \text{gaz}}$  est négatif, c'est-à-dire dans le cas étudié, dans le sens 1.

## Exercice 10



1) a)  $\Delta_r H^0 = \sum_B \nu_B \Delta_f H_B^0 = -52,3 + 241,8 - 235,1 = -45,6 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  ;

$$\Delta_r S^0 = \sum_B \nu_B S_B^0 = -219,5 - 188,7 + 282,7 = -125,5 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\begin{aligned} \Delta_r G^0(298 \text{ K}) &= \Delta_r H^0(298 \text{ K}) - T \Delta_r S^0(298 \text{ K}) \\ &= -45\,600 - 298 \times (-125,5) = -8\,201 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}. \end{aligned}$$

b)  $K^0(298 \text{ K}) = \exp \frac{-\Delta_r G^0(298 \text{ K})}{8,314 \times 298} = 27,39$ .

Pour obtenir  $K^0(573 \text{ K})$ , utilisons la relation de Van't Hoff sous sa forme intégrée :

$$\ln \frac{K^0(T_2)}{K^0(T_1)} = \frac{\Delta_r H^0}{R} \left( \frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right).$$

Application numérique :  $T_1 = 298 \text{ K}$  ;  $T_2 = 573 \text{ K}$  ;  $K^0(T_1) = 27,39$ .

$$K^0(573 \text{ K}) = 4 \cdot 10^{-3}.$$



On peut aussi utiliser  $\Delta_r G^0(573 \text{ K}) = \Delta_r H^0 - 573 \Delta_r S^0$ , puis  $K^0(573 \text{ K}) = \exp \frac{-\Delta_r G^0(573 \text{ K})}{8,314 \times 573}$ .

2) a)

	$\text{CH}_2=\text{CH}_2$	+	$\text{H}_2\text{O}$	$\frac{1}{2}$	$\text{C}_2\text{H}_6\text{O}$	$(n_T)_g$	
État initial	2		2		0	4	mol
État d'équilibre	$2 - \xi_{\text{éq}}$		$2 - \xi_{\text{éq}}$		$\xi_{\text{éq}}$	$4 - \xi_{\text{éq}}$	mol

$$K^0(T) = \frac{p_{\text{C}_2\text{H}_6\text{O}} p^0}{p_{\text{C}_2\text{H}_4} p_{\text{H}_2\text{O}}} = \frac{\xi_{\text{éq}} (4 - \xi_{\text{éq}})}{(2 - \xi_{\text{éq}})^2} \cdot \frac{p^0}{p}.$$

Application numérique :  $p = 70 \text{ bar}$  ;  $K^0(573 \text{ K}) = 4 \cdot 10^{-3}$ , d'où  $\xi_{\text{éq}} = 0,232 \text{ mol}$ .

b)  $\mathcal{A} = RT \ln \frac{K^0}{Q}$ . Déterminons  $Q(573 \text{ K})$ .

Quantités de matière après ajout de 1 mol d'eau :

$$n(\text{C}_2\text{H}_4) = 2 - 0,232 = 1,768 \text{ mol} ;$$

$$n(\text{H}_2\text{O}) = 1,768 + 1 = 2,768 \text{ mol} ;$$

$$n(\text{C}_2\text{H}_6\text{O}) = 0,232 \text{ mol} ;$$

$$(n_{\text{T}})_{\text{g}} = 4,768 \text{ mol} .$$

$$Q(573 \text{ K}) = \frac{0,232 \times 4,768}{1,768 \times 2,768} \times \frac{1}{70} = 3,23 \cdot 10^{-3} .$$

$$\mathcal{A} = RT \ln \frac{K^0}{Q} = 8,314 \times 573 \ln \frac{4 \cdot 10^{-3}}{3,23 \cdot 10^{-3}} = 1 \text{ 018 J} \cdot \text{mol}^{-1} .$$

Après addition d'eau, le système évolue dans le sens 1.

3) a) Rendement en éthanol :  $r = \frac{\text{quantité d'éthanol obtenu}}{\text{quantité initiale d'éthylène}}$ .

b)  $r = \frac{\xi_{\text{éq}}}{2} = 0,116$  soit 11,6 %.

c)

	$\text{CH}_2=\text{CH}_2$	+	$\text{H}_2\text{O}$	$\rightleftharpoons$	$\text{C}_2\text{H}_6\text{O}$	$(n_{\text{T}})_{\text{g}}$	
État initial	1		$n$		0	$1 + n$	mol
État d'équilibre	$1 - \xi$		$n - \xi$		$\xi$	$1 + n - \xi$	mol

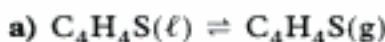
$$K^0(573 \text{ K}) = 4 \cdot 10^{-3} = \frac{\xi(n+1-\xi)}{(1-\xi)(n-\xi)} \times \frac{1}{70} .$$

Quand  $n$  est très grand devant 1, les deux termes  $n+1-\xi$  et  $n-\xi$  sont équivalents, donc leur rapport tend vers 1.

D'où :  $4 \cdot 10^{-3} \times 70 = \frac{\xi_{\text{lim}}}{1 - \xi_{\text{lim}}}$ , soit  $\xi_{\text{lim}} = 0,219 \text{ mol}$ .

Rendement limite :  $r_{\text{lim}} = \frac{\xi_{\text{lim}}}{1} = 0,219 = 21,9 \%$ .

## Exercice 11



$$\Delta_{\text{r}}H^0 = \Delta_{\text{f}}H^0(\text{C}_4\text{H}_4\text{S}, \text{g}) - \Delta_{\text{f}}H^0(\text{C}_4\text{H}_4\text{S}, \ell) = +37 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} .$$

$$\Delta_{\text{r}}G^0 = \Delta_{\text{f}}G^0(\text{C}_4\text{H}_4\text{S}, \text{g}) - \Delta_{\text{f}}G^0(\text{C}_4\text{H}_4\text{S}, \ell) = 3 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} .$$

b) Le thiophène liquide est un corps pur, son activité est égale à 1.

$$\Delta_{\text{r}}G^0 = -RT \ln K^0 \text{ avec } K^0 = \frac{p_{\text{C}_4\text{H}_4\text{S}, \text{g}}}{p^0} .$$

$$\text{D'où : } p_{\text{C}_4\text{H}_4\text{S}, \text{g}} = p^0 \exp \frac{-\Delta_{\text{r}}G^0}{RT} = p^0 \exp \frac{-3 \text{ 000}}{8,314 \times 298} .$$

**Pression de vapeur saturante du thiophène liquide à 298 K :  $p = 0,298 \text{ bar}$ .**

c)  $\Delta_{\text{r}}S^0 = S^0(\text{C}_4\text{H}_4\text{S}, \text{g}) - S^0(\text{C}_4\text{H}_4\text{S}, \ell) = \frac{\Delta_{\text{r}}H^0 - \Delta_{\text{r}}G^0}{T} = \frac{37 \text{ 000} - 3 \text{ 000}}{298}$   
 $= 114,1 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} .$

D'où :  $S^0(\text{C}_4\text{H}_4\text{S}, \text{g}) = 294,1 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} .$



d)  $1 \text{ C}_4\text{H}_4\text{S} \rightarrow 1 \text{ SO}_2$  par combustion.

$$n(\text{C}_4\text{H}_4\text{S}) = 10^6 \times \frac{0,5}{100} \times \frac{1}{84} = 59,52 \text{ mol}.$$

D'où :  $m(\text{SO}_2) = 59,52 \times 64 = 3 \ 810 \text{ g}.$

e)  $\Delta_r H_1^0 = \Delta_f H^0(\text{H}_2\text{S}) + \Delta_f H^0(\text{C}_4\text{H}_{10}) - \Delta_f H^0(\text{C}_4\text{H}_4\text{S}, \text{g}) = -265 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$

$$\Delta_r G_1^0 = \Delta_f G^0(\text{H}_2\text{S}) + \Delta_f G^0(\text{C}_4\text{H}_{10}) - \Delta_f G^0(\text{C}_4\text{H}_4\text{S}, \text{g}) = -169 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$K_1^0(298 \text{ K}) = \exp -\frac{\Delta_r G_1^0}{298R} = 4,2 \cdot 10^{29}.$$

f) Si l'on suppose que  $\Delta_r H_1^0$  est indépendant de la température, on peut utiliser la relation :

$$\ln \frac{K_1^0(700 \text{ K})}{K_1^0(298 \text{ K})} = \frac{\Delta_r H_1^0}{R} \left( -\frac{1}{700} + \frac{1}{298} \right), \text{ d'où } K_1^0(700 \text{ K}) = 886.$$

g) On se place à  $T_2 > 700 \text{ K}$  car  $K_1^0(T_2) < K_1^0(700 \text{ K})$ .

Par définition, le taux de transformation  $\tau$  est égal à  $\frac{\xi_{\text{éq}}}{n_0}$ .

	$\text{C}_4\text{H}_4\text{S}$	$+ 4 \text{ H}_2$	$\rightleftharpoons$	$\text{C}_4\text{H}_{10}$	$+ \text{ H}_2\text{S}$	$(n_T)_g$
Bilan initial	$n_0$	$6n_0$		$0$	$0$	$7n_0$
Bilan pour $\xi_{\text{éq}}$	$n_0 - \xi_{\text{éq}}$	$6n_0 - 4\xi_{\text{éq}}$		$\xi_{\text{éq}}$	$\xi_{\text{éq}}$	$7n_0 - 3\xi_{\text{éq}}$
En fonction de $\tau$	$n_0(1 - \tau)$	$n_0(6 - 4\tau)$		$n_0\tau$	$n_0\tau$	$n_0(7 - 3\tau)$

Il reste 0,1 % de la quantité initiale de thiophène :

$$1 - \tau = \frac{0,1}{100}, \text{ donc } \tau = 0,999.$$

Expression de  $K_1^0$  en fonction de  $\tau$  :

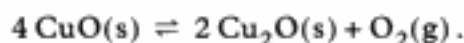
$$K_1^0 = \frac{p_{\text{C}_4\text{H}_{10}} p_{\text{H}_2\text{S}}}{p_{\text{C}_4\text{H}_4\text{S}} p_{\text{H}_2}^4} = \frac{n_T^3 (n_0 \tau)^2}{n_0 (1 - \tau) [n_0 (6 - 4\tau)]^4} \cdot \frac{(p^0)^3}{p^3}.$$

$$K_1^0 = \frac{(p^0)^3}{p^3} \times \frac{(7 - 3\tau)^3 \tau^2}{(1 - \tau)(6 - 4\tau)^4} = 12, \text{ d'où } p = 6,92 \text{ bar}.$$

## Exercices de niveau 2

### Exercice 12

a) Ramenée à une mole de dioxygène, la dissociation de  $\text{CuO}(\text{s})$  est traduite par l'équation bilan :



$$K^0(T) = \frac{a_{\text{Cu}_2\text{O}} a_{\text{O}_2}}{a_{\text{CuO}}^4};$$

or  $\text{CuO}$  et  $\text{Cu}_2\text{O}$  sont deux solides non miscibles, donc  $a_{\text{CuO}} = a_{\text{Cu}_2\text{O}} = 1$ .

D'où : 
$$K^0(T) = \frac{p_{\text{O}_2}}{p^0}.$$

b) Grâce aux deux valeurs de  $p_{O_2}$  à l'équilibre pour les deux températures données, nous accédons à  $\Delta_r G^0(1\ 200\ K)$  et  $\Delta_r G^0(1\ 300\ K)$ .

On peut supposer que  $\Delta_r G^0(T)$  est une fonction affine de  $T$  de la forme :  $\Delta_r G^0(T) = A + BT$ .

À 1 200 K,  $p_{O_2} = 0,029\ 9\ \text{bar}$  :

$$\Delta_r G^0(1\ 200\ K) = -RT \ln p_{O_2} = -8,314 \times 1\ 200 \times \ln 0,029\ 9 \\ = +35\ 017\ \text{J} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

À 1 300 K,  $p_{O_2} = 0,220\ 6\ \text{bar}$  :  $\Delta_r G^0(1\ 300\ K) = +16\ 336\ \text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

$$\text{Calcul des coefficients A et B : } \begin{cases} 35\ 017 = A + 1\ 200B \\ 16\ 336 = A + 1\ 300B \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} A = 259\ 190\ \text{J} \cdot \text{mol}^{-1} \\ B = -186,81\ \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} \end{cases}$$

D'où :  $\Delta_r G^0(T) = 259\ 190 - 186,81T$  (en  $\text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$ ).

c)  $\Delta_r G^0(T) = -RT \ln p_{O_2}$  avec  $p_{O_2}$  en bar.

Application numérique : à 1 150 K,  $p_{O_2} = 9,66 \cdot 10^{-3}\ \text{bar}$  ;

à 1 250 K,  $p_{O_2} = 8,45 \cdot 10^{-2}\ \text{bar}$ .

d)  $\Delta_r G^0(T) = \Delta_r G^0(O_2, T) + 2\Delta_r G^0(Cu_2O, T) - 4\Delta_r G^0(CuO, T)$ .

 On a toujours  $\Delta_r G^0(O_2, T) = 0\ \text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$  (convention corps pur simple dans l'état standard).

À 1 200 K,  $\Delta_r G^0(1\ 200\ K) = 35\ 017\ \text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$ , d'où :

$$\Delta_r G^0(Cu_2O, 1\ 200\ K) = -81,95\ \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

On obtient ainsi une valeur approchée à 0,9 % près.

### Exercice 13

a)

	$CO_2(g)$	+	$C(s)$	$\frac{1}{2}$	$2\ CO(g)$	$n_{T, g}$	
État initial	0,1		excès		0	0,1	mol
État final	$0,1 - \xi_{\text{éq}}$		excès		$2\xi_{\text{éq}}$	$0,1 + \xi_{\text{éq}}$	mol

Par définition, la densité d'un gaz par rapport à l'air correspond au rapport de la masse d'un certain volume de gaz à la masse du même volume d'air (de masse molaire moyenne  $29\ \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$ ).

$$d = \frac{(0,1 - \xi_{\text{éq}}) \times 44 + 2\xi_{\text{éq}} \times 28}{(0,1 + \xi_{\text{éq}}) \times 29} = 1,24 ; \text{ d'où : } \xi_{\text{éq}} = 3,36 \cdot 10^{-2}\ \text{mol}.$$

$$p = \frac{(0,1 + \xi_{\text{éq}})RT}{V} = \frac{0,133\ 6 \times 8,314 \times 1\ 273}{10^{-3}} = 1,41 \cdot 10^6\ \text{Pa} = 14,14\ \text{bar}.$$

$$p_{CO} = x_{CO} p = \frac{2\xi_{\text{éq}}}{0,1 + \xi_{\text{éq}}} \cdot p = 7,11\ \text{bar} ; \quad p_{CO_2} = x_{CO_2} p = \frac{0,1 - \xi_{\text{éq}}}{0,1 + \xi_{\text{éq}}} \cdot p = 7,03\ \text{bar}.$$

$$\text{Soit : } \mathbf{K^0(1\ 273\ K) = \frac{p_{CO}^2}{p_{CO_2} p^0} = 7,19.}$$

b)

	$\text{C(s)}$	+	$\text{CO}_2(\text{g})$	$\frac{1}{2}$	$2 \text{CO}(\text{g})$	$n_{\text{T, g}}$	
Bilan initial	0,1		$n$		0	$n$	mol
Bilan final	$0,1 - \xi'_{\text{éq}}$		$n - \xi'_{\text{éq}}$		$2\xi'_{\text{éq}}$	$n + \xi'_{\text{éq}}$	mol

Il reste une trace de carbone à 1 273 K, on peut donc prendre  $\xi'_{\text{éq}} = 0,1$  mol.

Les pressions partielles en CO et  $\text{CO}_2$  vérifient toujours  $K^0(1\ 273\ \text{K})$ , soit :

$$K^0(\text{T}) = \frac{p_{\text{CO}}^2}{p_{\text{CO}_2} p^0} = \frac{n_{\text{CO}}^2 p}{n_{\text{CO}_2} n_{\text{T, g}} p^0} = \frac{n_{\text{CO}}^2 n_{\text{T, g}} RT}{n_{\text{CO}_2} n_{\text{T, g}} p^0 V} = \frac{n_{\text{CO}}^2 RT}{n_{\text{CO}_2} p^0 V}$$

*Application numérique :*  $p^0 = 1\ \text{bar} = 10^5\ \text{Pa}$  ;  $V = 1\ \text{L} = 10^{-3}\ \text{m}^3$  ;  $n_{\text{CO}} = 0,2\ \text{mol}$  ;  $n_{\text{CO}_2} = n - 0,1\ \text{mol}$  ;  $K^0(1\ 273\ \text{K}) = 7,19$ .

D'où :  $n = 0,689\ \text{mol}$ .

### Exercice 14

1) Par définition :  $\mathcal{A}^0(\text{T}) = - \sum_{\text{B}} \nu_{\text{B}} \mu_{\text{B}}^0(\text{T})$ .

$$\mathcal{A}^0(\text{T}) = 2\mu_{\text{H}_2}^0 + \mu_{\text{O}_2}^0 - 2\mu_{\text{H}_2\text{O}}^0(\text{T}) ;$$

$$\text{d'où : } \mu_{\text{H}_2\text{O}}^0(\text{T}) = - \frac{\mathcal{A}^0(\text{T})}{2}$$

$$\frac{d}{dT} \left( \frac{\mathcal{A}^0(\text{T})}{T} \right) = \frac{\Delta_r H^0}{T^2} = \frac{-495\ 000}{T^2} - \frac{7,8}{T} - 0,01 ;$$

$$\text{d'où : } \Delta_r H^0 = -495\ 000 - 7,8T - 0,01T^2 \text{ (en J} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

$$\Delta_r C_p^0(\text{T}) = \frac{d\Delta_r H^0(\text{T})}{dT} = -7,8 - 0,02T ;$$

$$\text{d'où : } \Delta_r C_p^0(\text{T}) = -7,8 - 0,02T \text{ (en J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

$$\Delta_r S^0(\text{T}) = \frac{\Delta_r H^0(\text{T}) + \mathcal{A}^0(\text{T})}{T} = -7,8(1 + \ln T) - 33 - 0,02T ;$$

$$\text{d'où : } \Delta_r S^0(\text{T}) = -40,8 - 7,8 \ln T - 0,02T \text{ (en J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

2) *Applications numériques :*

$$\text{à } 1\ 500\ \text{K} : \begin{cases} \mathcal{A}^0 = 337\ 435\ \text{J} \cdot \text{mol}^{-1} \\ \Delta_r H^0 = -529\ 200\ \text{J} \cdot \text{mol}^{-1} \\ \Delta_r S^0 = -127,84\ \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} \\ \Delta_r C_p^0 = -37,8\ \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} \end{cases} ; \text{ à } 3\ 000\ \text{K} : \begin{cases} \mathcal{A}^0 = 118\ 651\ \text{J} \cdot \text{mol}^{-1} \\ \Delta_r H^0 = -608\ 400\ \text{J} \cdot \text{mol}^{-1} \\ \Delta_r S^0 = -163,25\ \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} \\ \Delta_r C_p^0 = -67,8\ \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} \end{cases}$$

3)  $K^0(\text{T}) = \exp \frac{\mathcal{A}^0(\text{T})}{RT}$  ;  $K^0(1\ 500\ \text{K}) = 5,6 \cdot 10^{11}$  ;  $K^0(3\ 000\ \text{K}) = 116,4$ .

La synthèse de l'eau à partir de ses éléments est une réaction totale à 1 500 K et conduit à un équilibre à 3 000 K.

4)  $\mathcal{A}(\text{T}) = \mathcal{A}^0(\text{T}) - RT \ln Q$ .

$$Q = \prod_{\text{B}} a_{\text{B, hé}}^{\nu_{\text{B}}} = \prod_{\text{B}} \left( \frac{p_{\text{B, hé}}}{p^0} \right)^{\nu_{\text{B}}}$$

$p_{B, \text{hé}}$  : pression partielle de l'espèce gazeuse B hors équilibre.

$$p = p^0 = 1 \text{ bar.}$$

$$Q = \frac{p_{\text{H}_2\text{O}}^2 p^0}{p_{\text{H}_2}^2 p_{\text{O}_2}} = \frac{n_3^2 n_T}{n_1^2 n_2}.$$

Dans les trois cas envisagés,  $n_T = 1$  mole, donc :

$$Q = \frac{n_3^2}{n_1^2 n_2}.$$

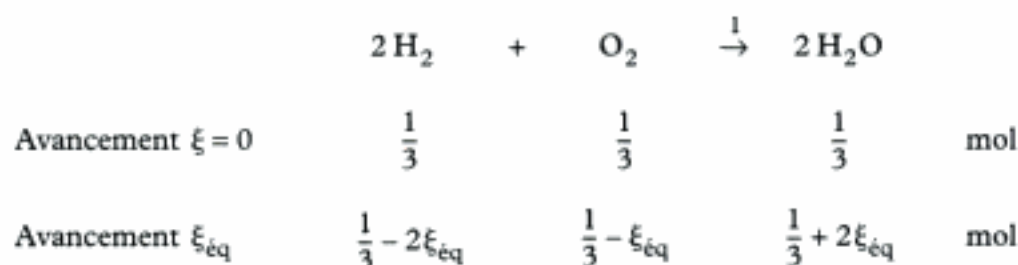
a)  $\Delta_1 = 323\,734 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$  : évolution du système dans le sens 1.

b)  $\Delta_2 = 227\,983 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$  : évolution du système dans le sens 1.

c)  $\Delta_3 = -96\,014 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$  : évolution du système dans le sens 2.

### 5) Détermination des états d'équilibre

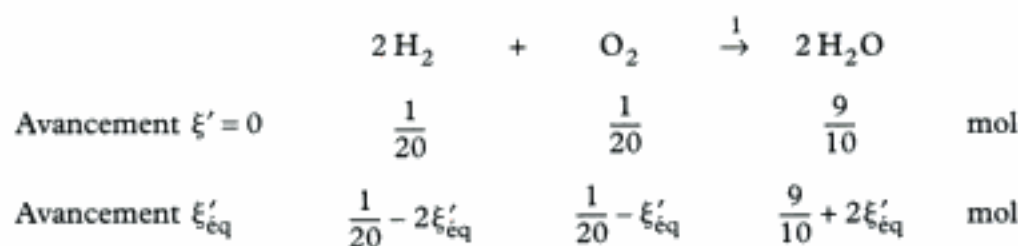
a)



La réaction est totale dans le sens 1 ; le réactif limitant est ici le dihydrogène qui est complètement consommé :  $\xi_{\text{éq}} = \frac{1}{6} \text{ mol}$ .

$$n_{\text{H}_2, \text{éq}} \approx 0 \text{ mol} ; n_{\text{O}_2, \text{éq}} = \frac{1}{6} \text{ mol} ; n_{\text{H}_2\text{O}, \text{éq}} = \frac{2}{3} \text{ mol}.$$

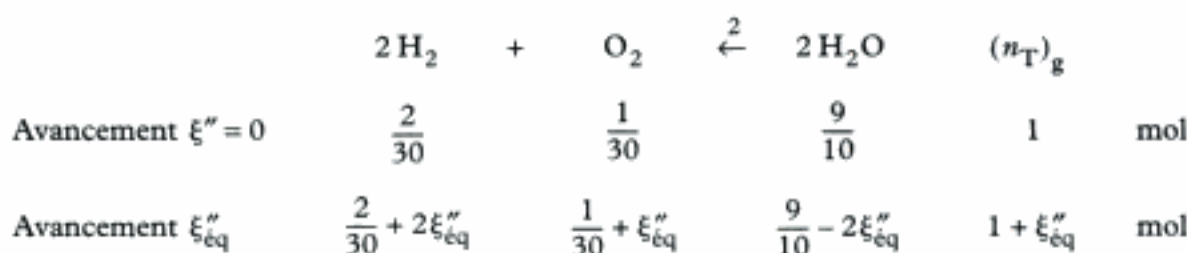
b)



Le dihydrogène est encore le réactif limitant :  $\xi'_{\text{éq}} = \frac{1}{40} \text{ mol}$ .

$$n'_{\text{H}_2, \text{éq}} \approx 0 \text{ mol} ; n'_{\text{O}_2, \text{éq}} = \frac{1}{40} \text{ mol} ; n'_{\text{H}_2\text{O}, \text{éq}} = 0,95 \text{ mol}.$$

c)





$$K^0 = 116,4 = \frac{(0,9 - 2\xi_{\text{éq}}'')^2(1 + \xi_{\text{éq}}'')}{\left(\frac{2}{30} + 2\xi_{\text{éq}}''\right)^2\left(\frac{1}{30} + \xi_{\text{éq}}''\right)} ; \text{ d'où : } \xi_{\text{éq}}'' = 0,075 \text{ mol.}$$

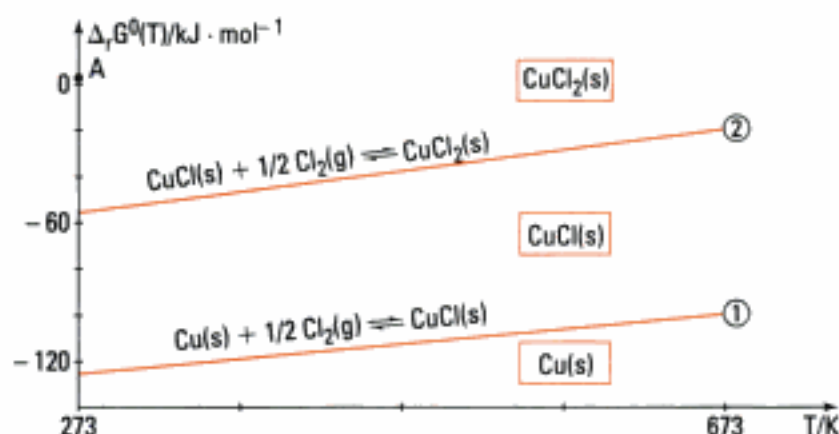
$$n_{\text{H}_2, \text{éq}}'' = 0,218 \text{ mol} ; n_{\text{O}_2, \text{éq}}'' = 0,109 \text{ mol} ; n_{\text{H}_2\text{O}, \text{éq}}'' = 0,749 \text{ mol.}$$

### Exercice 15

a)  $\Delta_r G_1^0(T) = -137\,000 + 57,1T$  (en  $\text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$ ).

$\Delta_r G_2^0(T) = -81\,300 + 90,9T$  (en  $\text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$ ).

b)



c) Si à partir d'un état d'équilibre, l'opérateur impose :

- soit  $p_{\text{Cl}_2}$  différente de  $(p_{\text{Cl}_2})_{\text{éq}}$ ,
- soit  $T$  différente de  $T_{\text{éq}}$  en maintenant  $(p_{\text{Cl}_2})_{\text{éq}}$  ;

il y a rupture d'équilibre avec disparition d'une phase solide.

**En  $M_1$  :** équilibre, coexistence de  **$\text{CuCl(s)}$ ,  $\text{Cl}_2(\text{g})$ ,  $\text{Cu(s)}$** .

L'opérateur amène le système à  $M_2$ ,  $T_2 > T_1$  en maintenant  $(p_{\text{Cl}_2})_{\text{éq}}$ ,  $\Delta_r H_1^0 < 0$ , donc **évolution dans le sens 2**,  $\text{CuCl(s)}$  se dissocie entièrement pour maintenir  $p_{\text{Cl}_2}$  constant.

**En  $M_2$ ,** le système contient uniquement  **$\text{Cu(s)}$  et  $\text{Cl}_2(\text{g})$** .

$$\Delta_r G_1^0(T) = -RT \ln K^0(T) = \frac{1}{2} RT \ln \frac{(p_{\text{Cl}_2})_{\text{éq}}}{p^0} ;$$

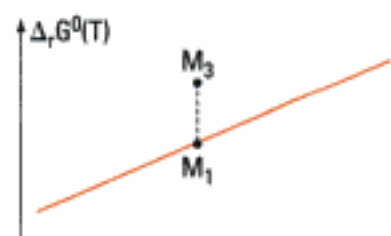
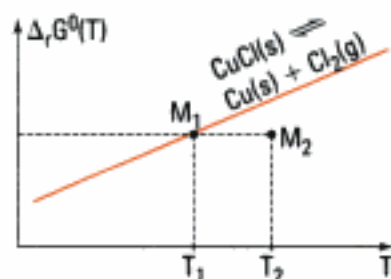
en  $M_3$  : 
$$\Delta_r G = \frac{RT}{2} \ln \frac{(p_{\text{Cl}_2})_{\text{éq}}}{(p_{\text{Cl}_2})_{\text{hé}}} < 0.$$

L'opérateur impose, à  $T$  constante,  $(p_{\text{Cl}_2})_{\text{hé}} > (p_{\text{Cl}_2})_{\text{éq}}$ ,

le cuivre est totalement transformé en  $\text{CuCl(s)}$ .

**En  $M_3$ ,** le système contient uniquement  **$\text{CuCl(s)}$  et  $\text{Cl}_2(\text{g})$** .

Le même raisonnement, appliqué à l'équilibre (2) permet de placer le domaine d'existence de  $\text{CuCl}_2(\text{s})$  en présence de  $\text{Cl}_2(\text{g})$  au-dessus de la droite (2) et celui de  $\text{CuCl(s)}$  en présence de  $\text{Cl}_2(\text{g})$  en dessous de la droite (2).



d) On constate que pour tout T,  $\text{CuCl(s)}$  ne se dismute pas.

e)  $p_{\text{Cl}_2} = 1,5 \text{ bar}$  ; à 573 K :  $(p_{\text{Cl}_2})_{\text{éq}(1)} = \exp \frac{2 \times \Delta_r G_1^0(573 \text{ K})}{573R}$ .

$(p_{\text{Cl}_2})_{\text{éq}(1)} = 9,7 \cdot 10^{-20} \text{ bar}$ , la pression imposée étant très grande devant la pression d'équilibre, le cuivre (s) est entièrement oxydé en  $\text{CuCl(s)}$ .

Pour l'équilibre (2) à 573 K :  $(p_{\text{Cl}_2})_{\text{éq}(2)} = \exp \frac{2 \times \Delta_r G_2^0(573 \text{ K})}{573R} = 4,7 \cdot 10^{-6} \text{ bar}$ .

Or  $p_{\text{Cl}_2} \gg (p_{\text{Cl}_2})_{\text{éq}(1)}$  donc  $\text{CuCl(s)}$  est transformé en  $\text{CuCl}_2(\text{s})$ .

Nous avons placé le point  $\left(273 \text{ K}, \frac{1}{2} R \times 273 \ln 1,5\right)$  sur le graphe, il s'agit du point A :

il appartient au domaine d'existence de  $\text{CuCl}_2(\text{s})$ .

Pour tout T, le dichlore gazeux, sous  $p = 1,5 \text{ bar}$ , transforme le cuivre en chlorure de cuivre II.

### Exercice 16

1)  $\Delta_r H^0(298 \text{ K}) = 178,4 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  ;  $\Delta_r S^0(298 \text{ K}) = 158,98 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$  et

$\Delta_r C_p^0(298 \text{ K}) = -25,9 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

$$\begin{aligned} \Delta_r H^0(T) &= \Delta_r H^0(298 \text{ K}) + \int_{298}^T \Delta_r C_p^0 dT = 178\,400 - 25,9(T - 298) \\ &= 186\,118 - 25,9T \text{ (en J} \cdot \text{mol}^{-1}) \approx 186,1 - 0,025\,9T \text{ (en kJ} \cdot \text{mol}^{-1}) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Delta_r S^0(T) &= \Delta_r S^0(298 \text{ K}) + \int_{298}^T \frac{\Delta_r C_p^0}{T} dT = 158,98 - 25,9 \ln \frac{T}{298} \\ &= 306,5 - 25,9 \ln T \text{ (en J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}) \end{aligned}$$

$\Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0(T) - T\Delta_r S^0(T) = 186\,100 - 332T + 25,9T \ln T$  (en J · mol<sup>-1</sup>).

2)  La température d'inversion  $T_i$  d'un équilibre correspond à  $\Delta_r G^0(T_i) = 0 \Leftrightarrow K^0(T_i) = 1$ .

Pour cet équilibre :  $T_i = 1\,266 \text{ K} = 993 \text{ }^\circ\text{C}$ , solution de l'équation :

$$186\,100 - 332T + 25,9T \ln T = 0.$$

3)   $\text{CaCO}_3$  et  $\text{CaO}$  sont deux solides non miscibles, donc  $a_{\text{CaCO}_3} = a_{\text{CaO}} = 1$ .

$$K_1^0 = \frac{p_{\text{CO}_2}}{p^0} = \exp \frac{-\Delta_r G^0(T)}{RT}.$$

D'où :  $p_{\text{CO}_2}(1\,100 \text{ K}) = 0,107 \text{ bar}$ .

4)  $V = 10 \text{ L}$  ;  $T = 1\,100 \text{ K}$  ; s'il y a équilibre, c'est-à-dire coexistence de  $\text{CaCO}_3(\text{s})$ ,  $\text{CaO}(\text{s})$  et  $\text{CO}_2(\text{g})$  alors  $p_{\text{CO}_2} = 0,107 \text{ bar}$ , c'est-à-dire :  $n_{\text{CO}_2} = 1,17 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$ .

a)

	$\text{CaCO}_3$	$\rightleftharpoons$	$\text{CaO}$	$+$	$\text{CO}_2$	
État initial	0,01		0		0	mol
État d'équilibre	$0,01 - \xi$		$\xi$		$\xi$	mol

La valeur maximale de  $\xi$  est égale à 0,01 mol, donc le système ne peut pas atteindre un état d'équilibre : tout  $\text{CaCO}_3$  se dissocie.

État final :  $n_{\text{CaCO}_3} = 0 \text{ mol}$  ;  $n_{\text{CaO}} = 0,01 \text{ mol}$  ;  $n_{\text{CO}_2} = 0,01 \text{ mol}$ .

$$\mathcal{A}_1 = RT \ln \frac{K^0}{Q} = RT \ln \frac{p_{\text{CO}_2, \text{éq}}}{p_{\text{CO}_2, \text{hé}}} = RT \ln \frac{n_{\text{CO}_2, \text{éq}}}{n_{\text{CO}_2, \text{hé}}}$$

D'où :  $\mathcal{A}_1 = 1\,435 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

b)

	$\text{CaCO}_3$	$\rightleftharpoons$	$\text{CaO}$	$+$	$\text{CO}_2$	
État initial	0,1		0		0	mol
État final	$0,1 - \xi'$		$\xi'$		$\xi'$	mol

L'équilibre s'établit avec  $\xi' = \xi_{\text{éq}} = 1,17 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$ .

État final :  $n_{\text{CaCO}_3} = 8,83 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$  ;  $n_{\text{CaO}} = n_{\text{CO}_2} = 1,17 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$ .

D'où à l'état d'équilibre :

$$\mathcal{A}_2 = 0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$$

c)  $(n_{\text{CO}_2})_i = 0,111\,7 \text{ mol}$ .

$$\mathcal{A}_3 = 8,314 \times 1\,100 \times \ln \frac{1,17 \cdot 10^{-2}}{0,111\,7} = -20\,634 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$$

L'affinité chimique du système étant négative, il va évoluer dans le sens 2 : formation de  $\text{CaCO}_3$ .  $\text{CO}_2$  réagit avec  $\text{CaO}$  ; comme il n'y a que  $1,17 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$  de  $\text{CaO}$ , ce dernier est entièrement consommé.

État final :  $n_{\text{CaCO}_3} = 0,1 \text{ mol}$  ;  $n_{\text{CaO}} = 0 \text{ mol}$  ;  $n_{\text{CO}_2} = 0,1 \text{ mol}$ .

D'où :  $\mathcal{A}_4 = -19\,620 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

Seule la réaction dans le sens 2 peut se produire, mais il n'y a plus de  $\text{CaO}$ .

5)  $T = 1\,100 \text{ K}$  ;  $(p_{\text{CO}_2})_{\text{éq}} = 0,107 \text{ bar}$ .

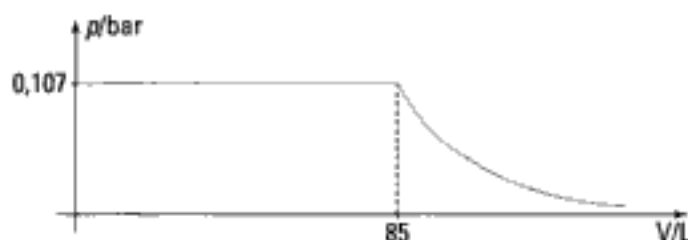
Dès que l'on met  $\text{CaCO}_3$ , celui-ci se décompose en  $\text{CaO}$  et  $\text{CO}_2$  tel que  $p_{\text{CO}_2} = 0,107 \text{ bar}$ .

Cette situation perdure jusqu'à la disparition exacte de 0,1 mol de  $\text{CaCO}_3$ , ce qui donne

0,1 mol de  $\text{CO}_2$ , soit :  $V = \frac{0,1 \times 8,314 \times 1\,100}{0,107 \cdot 10^5}$ .

$$V = 8,5 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3.$$

Allure de la courbe  $p = f(V)$  :



6) À 1 100 K,  $(p_{\text{CO}_2})_{\text{éq}}$  est fixée par l'équilibre (1), d'où  $p_{\text{CO}_2} = 0,107 \text{ bar}$ .

$p = p_{\text{CO}} + p_{\text{CO}_2} = 2,25 \text{ bar}$ , d'où  $p_{\text{CO}} = 2,143 \text{ bar}$ .

$$K_2^0 = \frac{p_{\text{CO}}^2}{p^0 p_{\text{CO}_2}}, \text{ on obtient : } K_2^0(1\,100 \text{ K}) = 42,9.$$

Les deux équilibres sont simultanés :

	$\text{CaCO}_3 \rightleftharpoons \text{CaO} + \text{CO}_2$	
État initial	$n$	$0 \quad 0$
État final	$n - \xi$	$\xi \quad \xi$
	$\text{C} + \text{CO}_2 \rightleftharpoons 2\text{CO}$	
État initial	$0,2$	$\xi \quad 0$
État final	$0,2 - \xi'$	$\xi - \xi' \quad 2\xi'$

$$n_{\text{CO}_2} = \xi - \xi' ; n_{\text{CO}} = 2\xi' ; n_{\text{T}} = \xi + \xi'.$$

$$n_{\text{CO}} = 2\xi' = \frac{p_{\text{CO}}V}{RT} = \frac{2,143 \cdot 10^5 \times 10^{-2}}{8,314 \times 100} = 0,234 \text{ mol, soit : } \xi' = 0,117 \text{ mol.}$$

$$n_{\text{CO}_2} = \xi - \xi' = \frac{p_{\text{CO}_2}V}{RT} = \frac{0,107 \cdot 10^5 \times 10^{-2}}{8,314 \times 100} = 1,17 \cdot 10^{-2} \text{ mol, soit : } \xi = 0,129 \text{ mol.}$$

 Dans l'équation des gaz parfaits  $pV = nRT$ ,  $V$  est en  $\text{m}^3$  et  $p$  en Pa.

L'équilibre persiste tant que  $n > \xi$ , soit  $n > 0,129 \text{ mol}$ .

## Exercices de niveau 3

### Exercice 17

a)  $K^0(T) = \frac{p_{\text{O}_2}}{p^0}$ .

À  $T_1 = 1\,223 \text{ K}$ ,  $(p_{\text{O}_2})_{\text{éq}} = 4,66 \cdot 10^{-2} \text{ bar}$ , donc :  $K^0(T_1) = 4,66 \cdot 10^{-2}$  ;

$$\Delta_r G^0(1\,223 \text{ K}) = -RT \ln K^0(1\,223 \text{ K}) = -R \times 1\,223 \times \ln(4,66 \cdot 10^{-2}) = 31\,177 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1},$$

alors à  $T_2 = 1\,323 \text{ K}$  :  $K^0(T_2) = 0,296$ .

Utilisation de la relation de Van't Hoff :  $\ln \frac{K^0(T_2)}{K^0(T_1)} = \frac{\Delta_r H^0}{R} \left( \frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right)$ .

D'où :  $\Delta_r H^0 = 248,7 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

$$\Delta_r G^0(1\,223 \text{ K}) = \Delta_r H^0 - 1\,223 \Delta_r S^0, \text{ donc } \Delta_r S^0 = 178 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

b) Par définition,  $\mathcal{A} = RT \ln \frac{K^0(T)}{Q(T, p, \xi)}$  et se réduit ici en  $\mathcal{A} = RT \ln \frac{(n_{\text{O}_2})_{\text{éq}}}{(n_{\text{O}_2})_{\text{hé}}}$ .

Il faut donc comparer  $n$  à la quantité de dioxygène nécessaire pour assurer l'équilibre à  $1\,273 \text{ K}$ .

Grâce à la relation de Van't Hoff, on calcule  $K^0(1\,273 \text{ K}) = 0,122$  ; puis

$$(n_{\text{O}_2})_{\text{éq}} = (p_{\text{O}_2})_{\text{éq}} \times \frac{V}{RT}, \text{ soit } (n_{\text{O}_2})_{\text{éq}} = 1,15 \cdot 10^{-2} \text{ mol.}$$



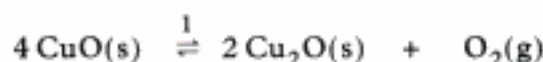
• **Cas ( $\alpha$ )** :  $n = 0,01$  mol :  $\Delta l = RT \ln \frac{1,15 \cdot 10^{-2}}{10^{-2}} = 1\,479 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

La réaction se produit dans le **sens 1**.

• **Cas ( $\beta$ )** :  $n = 0,02$  mol :  $\Delta l = RT \ln \frac{1,15 \cdot 10^{-2}}{2 \cdot 10^{-2}} = -5\,857 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

La réaction se produit dans le **sens 2**.

c) • **Cas ( $\alpha$ )** :



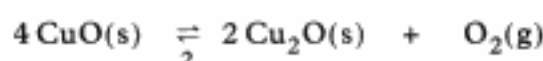
Bilan initial	0,1	0,01	0,01	mol
Bilan final	$0,1 - 4\xi$	$0,01 + 2\xi$	$0,01 + \xi$	mol

Si l'état final est un état d'équilibre, alors  $n_{\text{O}_2} = 0,01 + \xi = 1,15 \cdot 10^{-2}$  mol, soit :  $\xi = \xi_{\text{éq}} = 1,5 \cdot 10^{-3}$  mol.

**Composition du système dans l'état final :**

$$n_{\text{CuO(s)}} = 0,094 \text{ mol} ; n_{\text{Cu}_2\text{O(s)}} = 0,013 \text{ mol} ; n_{\text{O}_2\text{(g)}} = 1,15 \cdot 10^{-2} \text{ mol}.$$

• **Cas ( $\beta$ )** : la réaction se produit dans le sens 2.



Bilan initial	0,1	0,01	0,02	mol
Bilan final	$0,1 + 4\xi'$	$0,01 - 2\xi'$	$0,02 - \xi'$	mol

Si l'état final est un état d'équilibre à trois espèces, alors :

$$n_{\text{O}_2} = 0,02 - \xi' = 1,15 \cdot 10^{-2} \text{ mol}, \text{ soit } \xi' = 8,5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}.$$

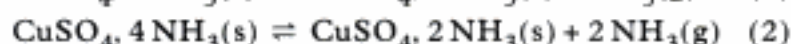
On obtiendrait alors  $n_{\text{Cu}_2\text{O}} = 0,01 - 2 \times 8,5 \cdot 10^{-3} < 0$ .

Dans l'état final, il y a disparition de  $\text{Cu}_2\text{O}$ , d'où :  $\xi'_{\text{lim}} = 5 \cdot 10^{-3}$  mol.

**Composition du système dans l'état final :**

$$n_{\text{CuO(s)}} = 0,012 \text{ mol} ; n_{\text{Cu}_2\text{O(s)}} = 0 \text{ mol} ; n_{\text{O}_2\text{(g)}} = 0,015 \text{ mol}.$$

## Exercice 18



Chaque équilibre est défini par une constante  $K^0(T)$  :

$$K_1^0(T) = \frac{p_{\text{NH}_3}}{p^0} ; K_2^0(T) = \left( \frac{p_{\text{NH}_3}}{p^0} \right)^2 ; K_3^0(T) = \left( \frac{p_{\text{NH}_3}}{p^0} \right)^2.$$

Dire que les équilibres sont simultanés implique que :  $K_2^0(T) = K_3^0(T) = [K_1^0(T)]^2$ .

Or, il n'y a aucune raison que les constantes d'équilibre vérifient cette relation. **Les équilibres sont successifs.**

b) • **Étude de l'équilibre (2)**

$$K_2^0(401 \text{ K}) = \left( \frac{0,243}{1} \right)^2 = 0,059.$$

Utilisation de l'isobare de Van't Hoff :

$$\ln \frac{K_2^0(T)}{K_2^0(401 \text{ K})} = \frac{\Delta_r H^0}{R} \left( \frac{1}{401} - \frac{1}{T} \right) \Rightarrow \ln K_2^0(T) = 2 \ln \frac{p_{\text{NH}_3}}{p^0}$$

$$\ln \left( \frac{p_{\text{NH}_3}}{p^0} \right)_2 = 17,39 - \frac{7\,542}{T}$$

• Étude de l'équilibre (3)

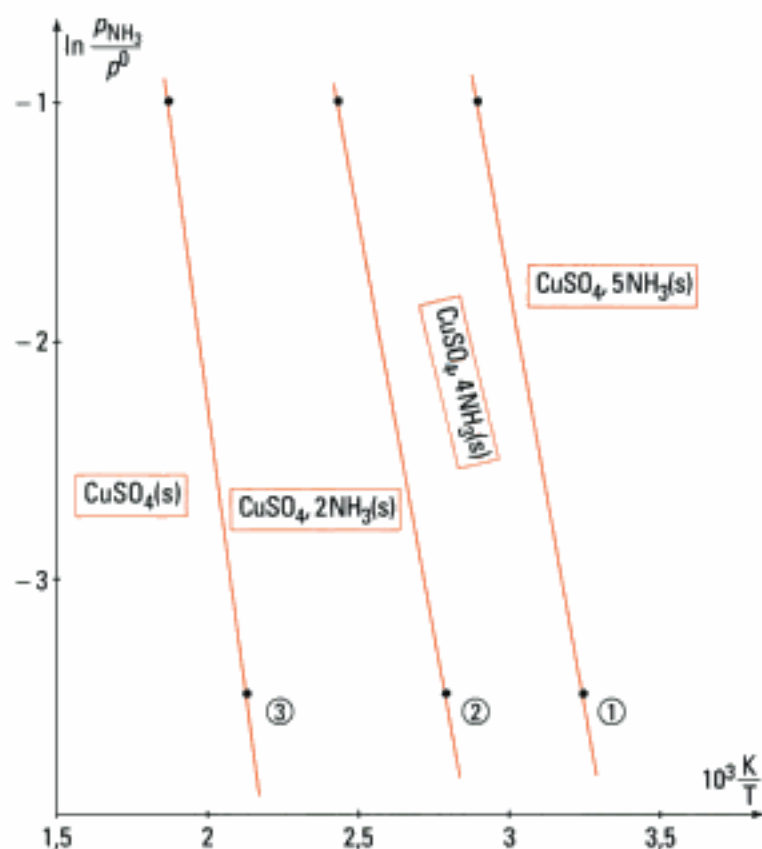
$$K_3^0(492,5 \text{ K}) = 5,21 \cdot 10^{-3} ; K_3^0(533,8 \text{ K}) = 0,126$$

$$\ln \frac{0,126}{5,21 \cdot 10^{-3}} = \frac{\Delta_r H_3^0}{R} \left( \frac{1}{492,5} - \frac{1}{533,8} \right) \Rightarrow \Delta_r H_3^0 = +168,6 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$2 \ln \left( \frac{p_{\text{NH}_3}}{p^0} \right)_3 = \frac{168\,600}{8,314} \left( \frac{1}{533,8} - \frac{1}{T} \right) + \ln 0,126$$

$$\ln \left( \frac{p_{\text{NH}_3}}{p^0} \right)_3 = 17,96 - \frac{10\,140}{T}$$

c)



d)  $\Delta_r H_1^0 = 59,7 \text{ kJ} \cdot (\text{mol de NH}_3)^{-1}$  ;

$\Delta_r H_2^0 = 62,7 \text{ kJ} \cdot (\text{mol de NH}_3)^{-1}$  ;

$\Delta_r H_3^0 = 84,3 \text{ kJ} \cdot (\text{mol de NH}_3)^{-1}$  .

# Équilibres liquide-vapeur

## Introduction

Nous allons examiner dans ce chapitre le comportement des mélanges binaires liquides contenant deux corps purs A et B, ne réagissant pas de manière chimique l'un sur l'autre et formant une solution liquide homogène surmontée d'une phase gazeuse ayant toujours les propriétés d'un gaz parfait. Nous distinguerons différents comportements au sein de la solution liquide : miscibilité totale et miscibilité nulle à l'état liquide avec comme applications pratiques, la distillation fractionnée et l'hydrodistillation.

### Plan du chapitre 4

<b>A. Miscibilité totale à l'état liquide : solution idéale</b> .....	92
1. Diagramme isotherme .....	92
2. Diagramme isobare .....	94
3. Chauffage isobare d'un système binaire fermé .....	94
4. La règle des moments .....	95
<b>B. Solution liquide réelle</b> .....	97
1. Allure des diagrammes isotherme et isobare .....	97
2. Azéotropie : le théorème de Gibbs-Konovalov .....	101
<b>C. Miscibilité nulle à l'état liquide</b> .....	101
1. Courbes de vapeurs saturantes .....	101
2. Construction point par point du diagramme isobare du binaire $\text{CCl}_4\text{—H}_2\text{O}$ ..	102
<b>D. Utilisations pratiques</b> .....	103
1. Distillation fractionnée .....	103
2. Entraînement à la vapeur d'eau ou hydrodistillation .....	105
<b>Méthodes</b>	
L'essentiel ; mise en œuvre .....	106
<b>Énoncés des exercices</b> .....	112
<b>Indications</b> .....	115
<b>Solutions des exercices</b> .....	116

# A. Miscibilité totale à l'état liquide : solution idéale<sup>1</sup>

1. Une solution liquide idéale est obtenue lorsque l'on mélange deux liquides dont les formules sont très voisines.

Exemples : hexane  $C_6H_{14}$  - heptane  $C_7H_{16}$ , benzène  $C_6H_6$  - toluène -  $C_6H_5CH_3$ .

## Definition 1

Une **solution idéale** correspond à un mélange de deux liquides s'effectuant sans variation de volume et sans effet thermique.

## Équilibre liquide-vapeur d'un corps pur

Lorsque le corps pur  $A(\ell)$  est seul dans sa phase, à l'équilibre liquide-vapeur la pression de vapeur  $p_A$  correspond alors à la **pression de vapeur saturante** notée  $p_A^*$  (fig. 1).

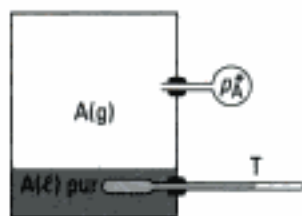


Fig. 1 -  $p_A^*$  = pression de vapeur saturante du corps pur liquide A, à la température T.

## A.1. Diagramme isotherme

Dans l'étude des mélanges binaires liquides donnant lieu aux équilibres liquide-vapeur, l'opérateur peut imposer la température, il mesure la pression totale  $p$  (fig. 2).

Par une méthode physique d'analyse (chromatographie en phase vapeur, mesure de l'indice de réfraction), il détermine ensuite les compositions de la phase vapeur en composé B, notée  $y_B$  et de la phase liquide, notée  $x_B$ .

On note :

$x_B$  : fractions molaires du composé B dans le liquide,  
 $y_B$  : fractions molaires du composé B dans la vapeur.

Il peut ensuite tracer les courbes (fig. 3) :

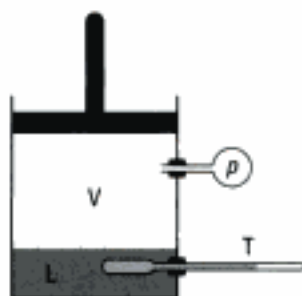


Fig. 2 - Mélange binaire en équilibre liquide-vapeur.

L : liquide homogène contenant  $A(\ell)$  et  $B(\ell)$  avec les fractions molaires  $x_A$  et  $x_B$  ( $x_A = 1 - x_B$ ).

V : phase gazeuse contenant  $A(g)$  et  $B(g)$  avec les fractions molaires  $y_A$  et  $y_B$  ( $y_A = 1 - y_B$ ).

$\begin{cases} p = f_1(x_B) : \text{courbe d'ébullition} \\ p = f_2(y_B) : \text{courbe de rosée.} \end{cases}$

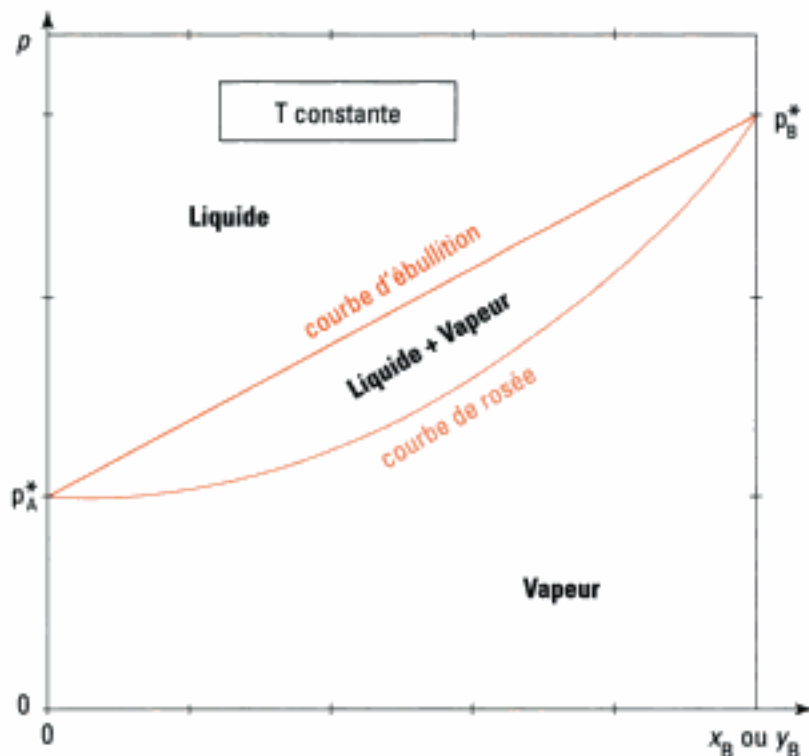


Fig. 3 - Allure du diagramme isotherme relatif à une solution liquide idéale.



### A.1.1 – Équation de la courbe d'ébullition $p = f_1(x_B)$

#### Propriété 1

Dans un mélange liquide idéal des constituants A et B, on a :

$$p_A = p_A^* x_A \text{ et } p_B = p_B^* x_B$$

$p_A$  et  $p_B$  pressions partielles respectivement des composés A et B dans la phase vapeur

$x_A$  et  $x_B$  fractions molaires respectivement des composés A et B dans la phase liquide

$p_A^*$  et  $p_B^*$  pressions de vapeur saturante respectivement des composés A et B à la température considérée

Pour ce type de solution, on peut donc écrire :  $p_A = p_A^* x_A$  et  $p_B = p_B^* x_B$ ,

de plus :  $x_A + x_B = 1$  et  $p = p_A + p_B$ .

La pression totale de la phase vapeur en équilibre avec un mélange liquide s'exprime alors en fonction de  $x_B$  suivant la relation :

$$p = p_A^* + (p_B^* - p_A^*) x_B$$

Il s'agit d'une droite.

### A.1.2 – Équation de la courbe de rosée $p = f_2(y_B)$

Dans la phase vapeur,  $p_B = y_B p = p_B^* x_B$  et  $p_A = y_A p = p_A^* x_A = p_A^* (1 - x_B)$ ,

$$\text{d'où : } \frac{p_B}{p_A} = \frac{y_B}{(1 - y_B)} = \frac{p_B^* x_B}{p_A^* (1 - x_B)} ;$$

$$\text{or : } x_B = \frac{p - p_A^*}{p_B^* - p_A^*},$$

d'où :

$$p = \frac{p_A^* p_B^*}{p_B^* + y_B (p_A^* - p_B^*)}$$

Il s'agit d'une partie d'hyperbole.

$$\text{On a : } y_B = 0 \Rightarrow p = p_A^* ; y_B = 1 \Rightarrow p = p_B^* .$$

### A.1.3 – Les phases en présence

- Aux pressions élevées, on obtient seulement un liquide (voir figure 4).
- Lorsque la pression diminue, le liquide donne naissance à la première bulle de vapeur : point  $M_1$  (fig. 4). Cette vapeur est plus riche en composé le plus volatil, ici B, que le liquide initial.

**Dans le fuseau compris entre les deux courbes d'ébullition et de rosée, le liquide est en équilibre avec la vapeur.**

1 • Sur la figure 3, on constate que  $p_A^* < p_B^*$ .

• Ayant la pression de vapeur la plus élevée à une température donnée, B est plus volatil que A.

• **Conséquence immédiate** : à une pression donnée, B aura une température d'ébullition plus faible que celle de A :

$$T_{\text{éb}}^*(A, \ell) > T_{\text{éb}}^*(B, \ell).$$

- Pour  $p < p_{M_2}$ , tout le système est à l'état de vapeur.

1. En résumé, pour un liquide de fraction molaire  $x_B$  en B, donc  $(1 - x_B)$  en A, on obtient les phases suivantes selon la pression :

- $p > p_{M_0}$  : liquide ;
- $p_{M_2} \leq p \leq p_{M_0}$  : liquide + vapeur en équilibre ;
- $p < p_{M_2}$  : vapeur.

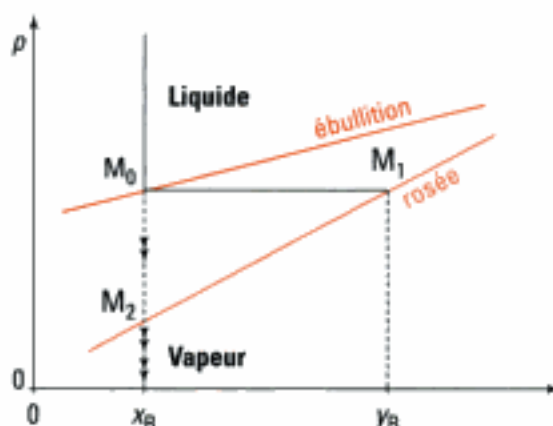


Fig. 4 – État du système fermé en fonction de la pression<sup>1</sup>.

## A.2. Diagramme isobare

L'opérateur réalise différentes solutions liquides dont il détermine les températures d'ébullition ainsi que les compositions des phases liquide et vapeur en équilibre.

Un diagramme isobare, réalisé en général sous  $p^0$ , comprend deux courbes, la courbe d'ébullition :  $T = f_3(x_B)$ , et la courbe de rosée :  $T = f_4(y_B)$ .

Tous ces diagrammes sont expérimentaux, les équations des courbes obtenues ne sont pas simples. On remarque le changement de position des courbes de rosée et d'ébullition entre le diagramme isotherme (fig. 3) et le diagramme isobare (fig. 5), dans les deux cas, le composé B est plus volatil que le composé A.

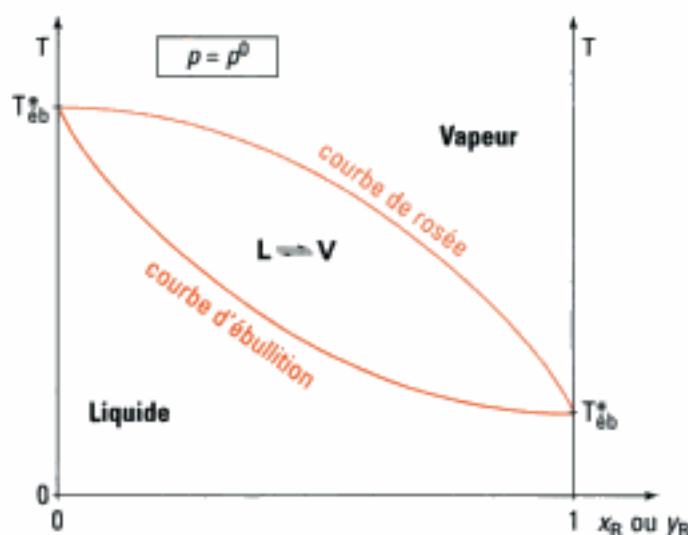


Fig. 5 – Allure du diagramme isobare du binaire, établi sous  $p^0$ . Le composé B est plus volatil que le composé A.

## A.3. Chauffage isobare d'un système binaire fermé

Envisageons un mélange binaire toluène (A) – benzène (B) ayant un comportement idéal à l'état liquide et à l'état vapeur.

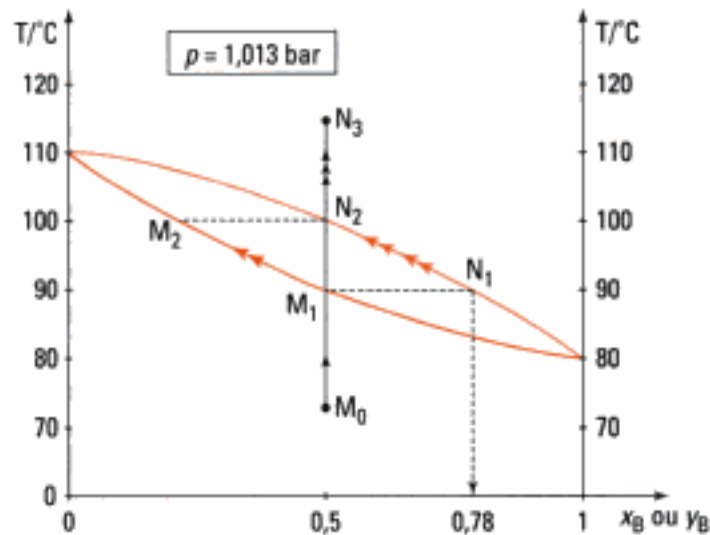
Sous  $p = 1,013 \text{ bar}$ <sup>2</sup> :  $T_{\text{éb}}^*(A) = 110,6 \text{ °C}$ <sup>3</sup>,  $T_{\text{éb}}^*(B) = 80,1 \text{ °C}$ .

### 2. Remarque :

Toutes les valeurs numériques fournies dans ce chapitre sont extraites du *CRC Handbook of Thermochemical and Thermophysical Data* édité en 1994.

3. Dire que sous  $p = 1,013 \text{ bar}$ , la température d'ébullition du toluène liquide est égale à  $110,6 \text{ °C}$  signifie que la pression de vapeur saturante du toluène est égale à  $1,013 \text{ bar}$  à la température de  $110,6 \text{ °C}$ .

Le diagramme isobare correspondant est fourni sur la **figure 6**.



**Fig. 6** – Diagramme isobare du binaire benzène – toluène.

Un mélange équimolaire liquide du binaire à 70 °C est représenté par le point  $M_0$ . L'opérateur chauffe ce mélange maintenu à pression constante.

En  $M_1$  (90 °C), le mélange liquide émet sa première bulle de vapeur dont la composition est fournie par l'abscisse du point  $N_1$ . Cette vapeur est plus riche en benzène ( $y_B = 0,78$ ) que le mélange liquide qui l'a émise.

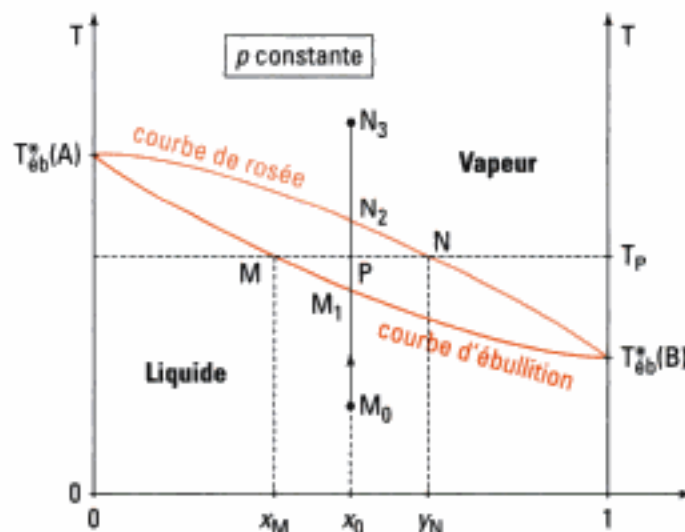
Au fur et à mesure que la température augmente, le mélange liquide est de moins en moins riche en benzène, sa composition évolue entre les abscisses des points  $M_1$  et  $M_2$ , alors que la composition de la vapeur en équilibre avec le mélange liquide voit sa composition évoluer entre les abscisses des points  $N_1$  et  $N_2$ .

En  $N_2$  ( $y_B = 0,5$  ;  $T = 100$  °C), tout le système est à l'état gazeux.

De  $N_2$  en  $N_3$ , on chauffe la vapeur de 100 à 115 °C.

#### A.4. La règle des moments

Nous savons qu'au point  $M_1$ , le système est entièrement à l'état liquide et qu'au point  $N_2$ , il est entièrement à l'état gazeux. Qu'en est-il au point P ? (fig. 7).



**Fig. 7** – Étude de l'équilibre liquide-vapeur.

En P, nous avons affaire à un équilibre diphasé.

En  $M_0$ , nous avons mis, dans le récipient, N moles d'un mélange liquide de fraction molaire initiale  $x_0$  en B.

À la température  $T_P$ , il y a dans le système fermé  $n_L$  moles de liquide et  $n_V$  moles de vapeur :

$$N = n_L + n_V.$$

La composition du système diphasé est parfaitement déterminée, en effet :

$$n_{B,L} = x_M n_L ;$$

$$n_{A,L} = (1 - x_M) n_L.$$

$$n_{B,V} = y_N n_V ;$$

$$n_{A,V} = (1 - y_N) n_V.$$

Écrivons la conservation de l'espèce B à la température  $T_P$  :

$$N x_0 = n_{B,L} + n_{B,V} = x_M n_L + y_N n_V$$

soit :

$$(n_L + n_V) x_0 = x_M n_L + y_N n_V$$

d'où :

$$\frac{n_V}{n_L} = \frac{x_0 - x_M}{y_N - x_0}.$$

1. Certains diagrammes comportent en abscisse les fractions massiques :

$$w_B = \frac{m_B}{m_A + m_B} ;$$

$m_A$  et  $m_B$  étant les masses des deux composés A et B dans la phase considérée.

On peut évidemment utiliser la règle des moments en remplaçant les quantités de matière par les masses des phases en équilibre :

$$m_0 = m_L + m_V ;$$

$$\frac{m_V}{m_L} = \frac{w_0 - w_{M,L}}{w_{N,V} - w_0}.$$

#### Propriété 2

La règle des moments permet, à toute température intermédiaire, de déterminer les quantités respectives de liquide et de vapeur en équilibre<sup>1</sup> :

$$\frac{n_V}{n_L} = \frac{x_0 - x_M}{y_N - x_0}$$

$n_L$  et  $n_V$  quantités de matières respectives dans la phase liquide et la phase vapeur d'un mélange liquide-vapeur

$x_0$  fraction molaire initiale du composé B

$x_M$  fraction molaire du composé B dans le liquide

$y_N$  fraction molaire du composé B dans la vapeur

#### Application 1 L'air liquide

On refroidit de l'air sous la pression atmosphérique. L'air est un mélange binaire de dioxygène et de diazote tel que  $y_{O_2} = 0,21$ .

En s'aidant du diagramme isobare, répondre aux questions suivantes.

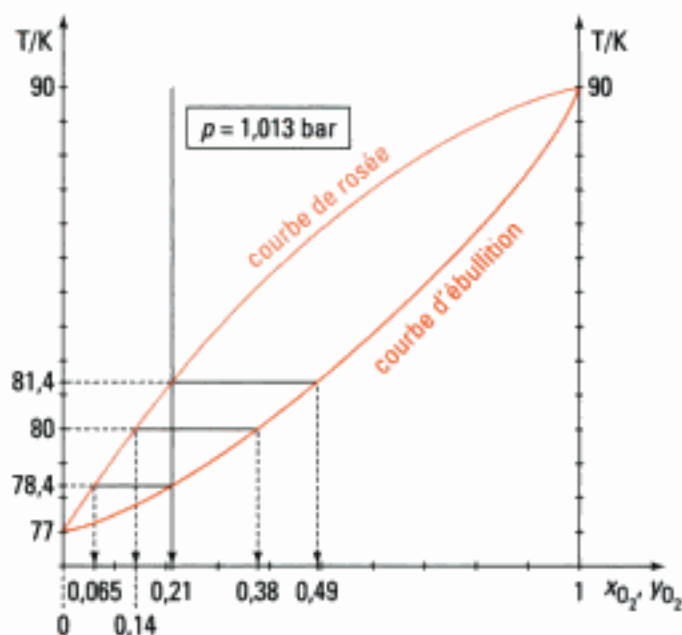
a) Quelle sera la température de liquéfaction commençante de l'air ?

b) Quelle sera la fraction molaire en dioxygène de la première goutte de liquide ?

c) À quelle température l'air est-il totalement liquéfié ?

Quelles sont alors les compositions du liquide et de la vapeur ?

d) On part de 1 000 moles d'air. Quelle est la composition du système à 80 K ?





### Solution

On commence par tracer la verticale correspondant à l'isotitre  $x_{\text{O}_2} = y_{\text{O}_2} = 0,21$ .

a) On part de l'air gazeux que l'on refroidit. La première goutte de liquide apparaît lorsque l'isotitre  $y = 0,21$  coupe la courbe de rosée, ceci s'effectue à la température de liquéfaction commençante 81,4 K.

b) L'isotherme  $T = 81,4$  K coupe la courbe d'ébullition en un point dont l'abscisse correspond à la fraction molaire  $x_{\text{O}_2}$  de la première goutte de liquide, soit :  $x_{\text{O}_2} = 0,49$ .

c) Lorsque la température diminue encore, le point représentatif se déplace sur l'isotitre, l'air est totalement liquéfié quand l'isotitre  $x = 0,21$  coupe la courbe d'ébullition, soit :  $T = 78,4$  K.

Le liquide a évidemment la composition du gaz qui lui a donné naissance, soit :  $x_{\text{O}_2} = 0,21$  ; il est en équilibre avec une vapeur de composition  $y_{\text{O}_2} = 0,065$ .

d) Application de la règle des moments :

$$n_L + n_V = 1\,000 ; \frac{n_L}{n_V} = \frac{(0,21 - 0,14)}{(0,38 - 0,21)} ;$$

soit :

$$\begin{cases} n_L = 291,7 \text{ mol, dont } 291,7 \times 0,38 = 110,8 \text{ mol de O}_2(\ell) \\ n_V = 708,3 \text{ mol, dont } 708,3 \times 0,14 = 99,2 \text{ mol de O}_2(\text{g}). \end{cases}$$

## B. Solution liquide réelle

Pour que le mélange de deux liquides donne une solution liquide idéale, il faut que les deux liquides aient des formules moléculaires voisines, présentant des groupes fonctionnels identiques, des longueurs de chaîne carbonée voisines et des interactions moléculaires semblables. Ces conditions diminuent considérablement le nombre des solutions liquides idéales.

La plupart des solutions liquides binaires sont des solutions réelles.

### Définition 2

Une solution liquide réelle correspond à un mélange de deux liquides suivi d'une variation de volume  $V_f \neq V_{1,i} + V_{2,i}$  et d'un transfert thermique.

### B.1. Allure des diagrammes isotherme et isobare

Les diagrammes isobare et isotherme d'une solution liquide idéale présentent un seul fuseau.

En revanche, dans le cas d'une solution liquide réelle, les diagrammes isotherme et isobare présentent deux fuseaux. De plus :

### Propriété 3

Quel que soit le type de diagramme, isobare ou isotherme, les courbes d'ébullition et de rosée sont tangentes au point azéotrope, noté Az.

#### Exemple :

Prenons l'exemple du binaire  $\text{CH}_3\text{COCH}_3(\text{A}) - \text{CS}_2(\text{B})$ .

Le diagramme isotherme de ce binaire (fig. 8) présente un point maximum. Le diagramme isobare de ce même binaire (fig. 9) présente un point minimum.

Il s'agit du cas où le composé B est plus volatil que le composé A.

1. Par mélange de 50 mL d'éthanol et de 50 mL d'eau, on obtient 96,2 mL de solution : le mélange éthanol-eau est une solution liquide réelle.

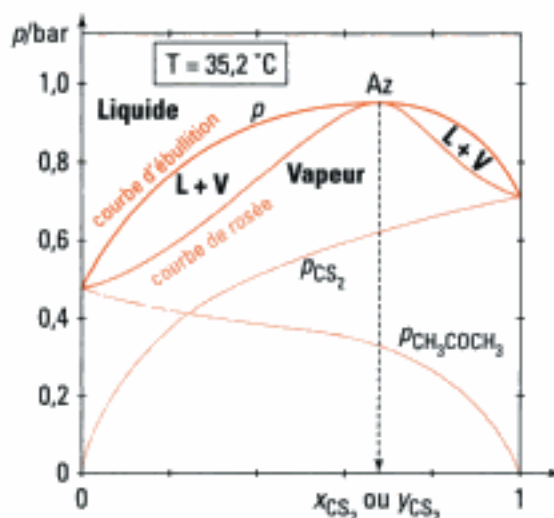


Fig. 8 – Diagramme isotherme du binaire  $\text{CH}_3\text{COCH}_3(\text{A}) - \text{CS}_2(\text{B})$  comportant les courbes des pressions partielles et de la pression totale  $p = p_{\text{CH}_3\text{COCH}_3} + p_{\text{CS}_2}$ .

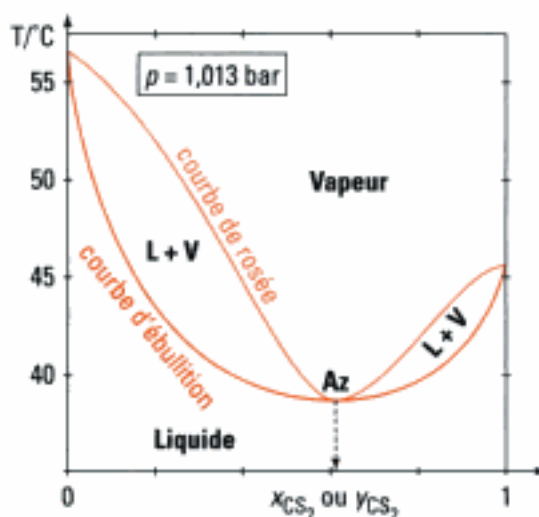


Fig. 9 – Diagramme isobare du même binaire<sup>1</sup>. Les deux courbes d'ébullition (inférieure) et de rosée (supérieure) sont tangentes au point azéotrope Az.

1. Pour le système :  
 $\text{CH}_3\text{COCH}_3(\text{A}) - \text{CS}_2(\text{B})$   
 sous 1,013 bar :  
 $T_A^* = 56,1 \text{ } ^\circ\text{C}$  ;  $T_B^* = 46,2 \text{ } ^\circ\text{C}$  ;  
 $T_{\text{Az}} = 39,3 \text{ } ^\circ\text{C}$ .

L'azéotrope issu du système  $\text{CH}_3\text{COCH}_3 - \text{CS}_2$  est caractérisé par :  
 $x_{\text{CS}_2} = y_{\text{CS}_2} = 0,608$  sous 1,013 bar (fig. 9).

Dans le cas d'une solution réelle, le liquide ayant la composition de l'azéotrope est le seul **liquide pour lequel la vapeur émise a la même composition que le liquide lui ayant donné naissance**. Cette composition varie pour le diagramme isotherme avec la température et pour le diagramme isobare avec la pression.

*Exemple :*

Prenons l'exemple du binaire  $\text{CH}_3\text{COCH}_3(\text{A}) - \text{CHCl}_3(\text{B})$ .

Les courbes  $p = f(x_B)$  et  $p = g(y_B)$  sont tangentes au point azéotrope (fig. 10).

Les deux courbes d'ébullition (inférieure) et de rosée (supérieure) sont tangentes au point azéotrope Az (fig. 11).

Dans ce cas, le diagramme isotherme du binaire présente un minimum et le diagramme isobare un maximum. Le composé A est plus volatil que le composé B.

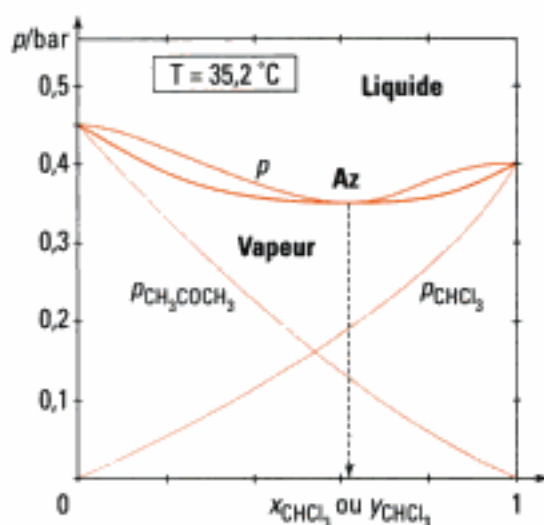


Fig. 10 – Diagramme isotherme du binaire  $\text{CH}_3\text{COCH}_3(\text{A}) - \text{CHCl}_3(\text{B})$  comportant les courbes des pressions partielles et de la pression totale  $p = p_{\text{CH}_3\text{COCH}_3} + p_{\text{CHCl}_3}$ .

1. Pour le système  $\text{CH}_3\text{COCH}_3(\text{A}) - \text{CHCl}_3(\text{B})$  sous 1,013 bar :  
 $T_A^* = 56,1 \text{ }^\circ\text{C}$  ;  $T_B^* = 61,2 \text{ }^\circ\text{C}$  ;  
 $T_{\text{Az}} = 64,6 \text{ }^\circ\text{C}$ .

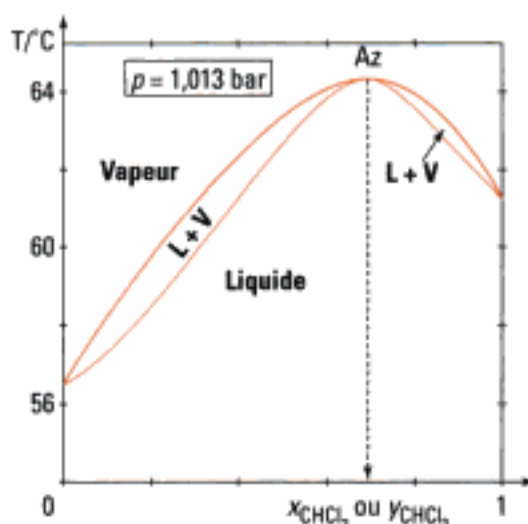


Fig. 11 – Diagramme isobare du même binaire<sup>1</sup>. Les deux courbes d'ébullition (inférieure) et de rosée (supérieure) sont tangentes au point azéotrope Az.

### Application 2 Le binaire acétone (A) – chloroforme (B)

Différentes mesures de pression de vapeur effectuées sur ce binaire à  $T = 308,3 \text{ K}$  ont fourni les résultats suivants :

$x_B$	0	0,12	0,18	0,30	0,42	0,50	0,58	0,66	0,80	0,92	1
$p_B/\text{mm de Hg}$	0	20	32	55	89	112	140	170	224	267	293
$p_A/\text{mm de Hg}$	344	300	275	230	174	144	108	79	37	13	0

a) Quelles sont les valeurs des pressions de vapeur saturante du chloroforme et de la propanone à  $308,3 \text{ K}$  ?

b) Tracer sur un graphe  $p_B = f_1(x_B)$  et  $p_A = f_2(x_B)$ .

c) Compléter le diagramme en traçant :  $p_{\text{totale}} = f_3(x_B)$  et  $p_{\text{totale}} = f_4(y_B)$ .

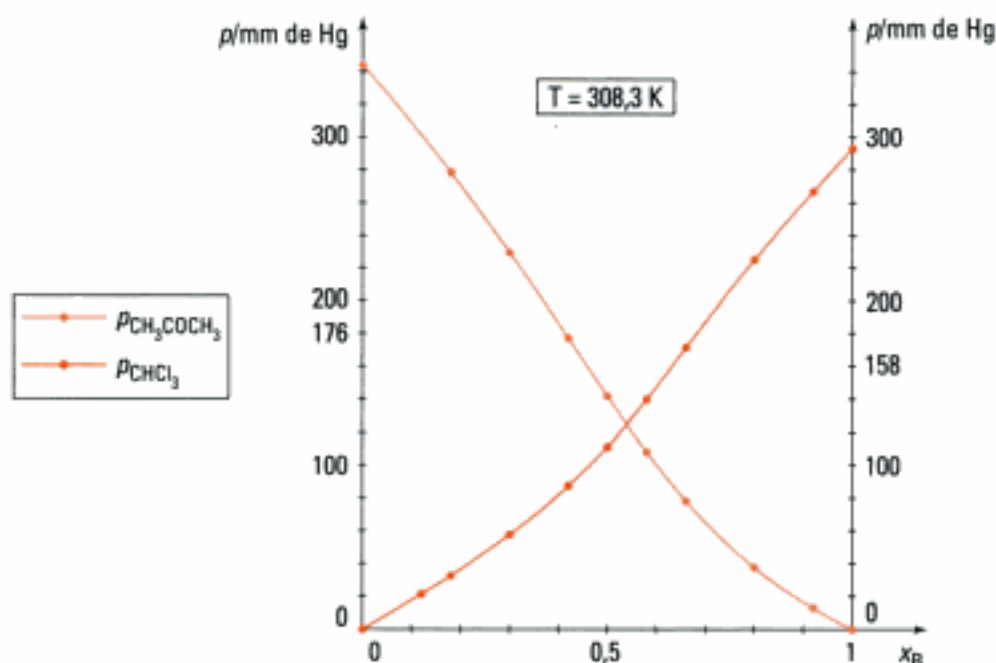
d) Que remarque-t-on ?

Donner les coordonnées du point azéotrope. Préciser les phases en présence.

### Solution

a) À 308,3 K :  $p_A^* = 344 \text{ mm de Hg} = 0,459 \text{ bar}$  ;  $p_B^* = 293 \text{ mm de Hg} = 0,391 \text{ bar}$  .

b)

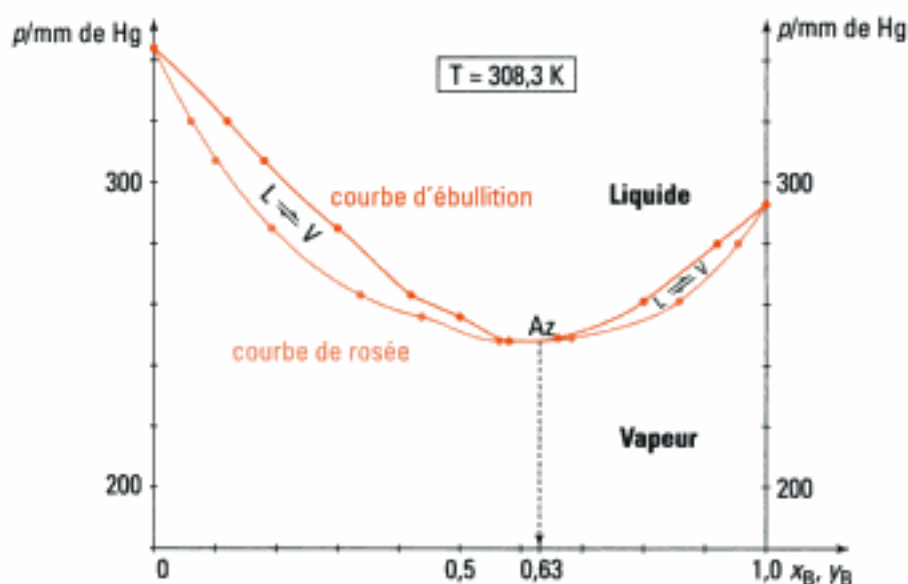


c) Pour chaque valeur de  $x_B$ , nous connaissons  $p_A$  et  $p_B$ , d'où  $p = p_A + p_B$  .

La fraction molaire  $y_B$  est égale, par définition, à  $\frac{p_B}{p}$ , d'où le tableau de valeurs :

$x_B$	0	0,12	0,18	0,30	0,42	0,50	0,58	0,66	0,80	0,92	1
$p/\text{mm de Hg}$	344	320	307	285	263	256	248	249	261	280	293
$y_B = \frac{p_B}{p}$	0	0,062 5	0,104	0,193	0,338	0,438	0,565	0,683	0,858	0,954	1

On obtient ainsi les courbes d'ébullition,  $p$  en fonction de  $x_B$ , et de rosée,  $p$  en fonction de  $y_B$  .



d) Ces deux courbes sont tangentes pour une valeur particulière de la composition,  $x_B = y_B = 0,63$  , correspondant à la composition du mélange azeotrope, seul mélange binaire dont l'ébullition (ou la condensation à l'état liquide) fournit une vapeur (ou un liquide) ayant la même composition que la phase qui lui a donné naissance.



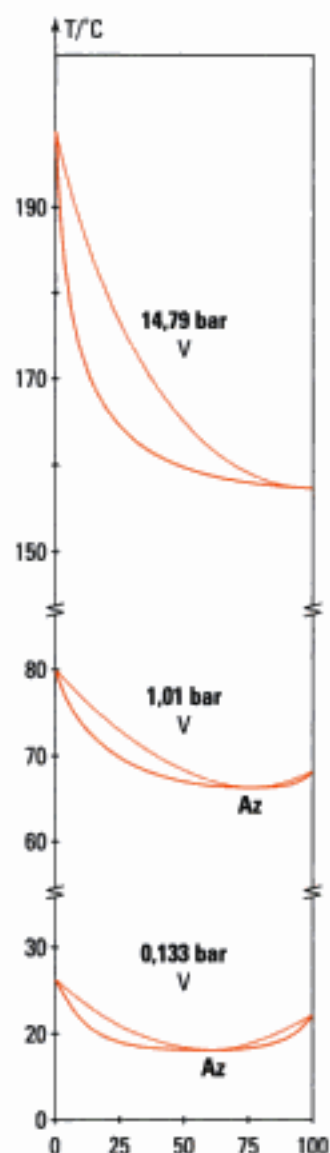


Fig. 12 – Diagrammes isobares du système binaire butanone-méthanol à différentes pressions. L'azéotrope se déplace vers la droite puis disparaît.

1. Les pressions de vapeur saturante des deux corps purs  $H_2O$  et  $CCl_4$  sont calculées à partir de l'équation d'Antoine :

$$p / \text{mm Hg} = \frac{760}{101325} \left( A_1 - \frac{A_2}{T/K + A_3} \right)$$

Pour  $H_2O(l)$  :  $A_1 = 23,19$  ;  
 $A_2 = 3,814 \cdot 10^3$  ;  
 $A_3 = -46,29$  .

Pour  $CCl_4(l)$  :  $A_1 = 20,738$  ;  
 $A_2 = 2,792 \cdot 10^3$  ;  
 $A_3 = -46,67$  .

## B.2. Azéotropie : le théorème de Gibbs-Konovalov

Les courbes d'ébullition et de rosée des mélanges binaires ayant un comportement non idéal à l'état liquide sont tangentes pour une composition, une pression et une température données.

Ces valeurs constituent les caractéristiques de l'**azéotrope**, solution ayant les apparences d'un corps pur, mais dont la composition varie pour le diagramme isotherme avec la température et pour le diagramme isobare avec la pression (fig. 12).

### Propriété 4

#### Théorème de Gibbs-Konovalov (1881)

Aux points d'extremum de la pression de vapeur ou de la température d'ébullition, les compositions de la vapeur et du liquide sont identiques.

Plus de 3 500 mélanges binaires formant des azéotropes sont répertoriés dans la littérature. Nous donnons ci-dessous quelques azéotropes classiques (les températures d'ébullition sont prises sous  $p = 1,013 \text{ bar}$ ).

Composés A - B	Composition massique de l'azéotrope $w_A - w_B$	$T_{\text{éb, Az}} / ^\circ\text{C}$	$T_{\text{éb, A}}^*$	$T_{\text{éb, B}}^*$
$CH_3COCH_3 - H_2O$	88-12	56	56	100
$C_6H_6 - C_2H_5OH$	68-32	68	80	78,5
$CHCl_3 - C_2H_5OH$	93-7	59	61	78,5
$C_2H_5OH - C_6H_5CH_3$	68-32	77	78,5	111
$C_2H_5OH - H_2O$	96-4	78	78,5	100

## C. Miscibilité nulle à l'état liquide

Bien que la notion de non miscibilité soit toute relative, on peut supposer que deux corps purs liquides A et B sont non miscibles.

Pour étudier ce cas particulier, on peut imaginer une enceinte thermostatée à la température  $T$ , variable, et munie d'un piston mobile de telle sorte que la pression à l'intérieur de l'enceinte soit constante et égale à la pression atmosphérique.

### C.1. Courbes de vapeurs saturantes

Considérons les deux liquides eau ( $H_2O$ ) et tétrachlorométhane ( $CCl_4$ ). Leurs pressions de vapeur saturante sont parfaitement déterminées en fonction de la température (fig. 13).

La somme des pressions de vapeur saturante des deux liquides est égale à 760 mm de mercure (1,013 bar) lorsque la température est égale à  $67^\circ\text{C}$ <sup>1</sup>.

$$p_{H_2O}^* = 205 \text{ mm de Hg} ; p_{CCl_4}^* = 555 \text{ mm de Hg} .$$

La composition de la phase vapeur en équilibre avec les deux liquides correspond à :

$$y_{H_2O} = \frac{p_{H_2O}^*}{p} = \frac{205}{760} = 0,27 ; y_{CCl_4} = \frac{p_{CCl_4}^*}{p} = \frac{555}{760} = 0,73 .$$

Il existe donc une seule température pour laquelle la somme des pressions partielles (ici des pressions de vapeurs saturantes) soit égale à la pression fixée ( $p = 1,013 \text{ bar}$ ).

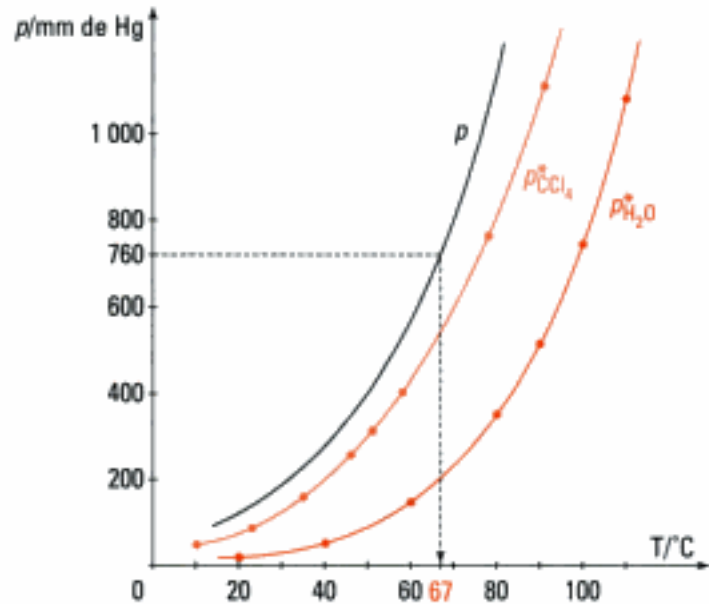


Fig. 13 –  $p_{\text{H}_2\text{O}}^*$ ,  $p_{\text{CCl}_4}^*$  et  $p = p_{\text{H}_2\text{O}}^* + p_{\text{CCl}_4}^*$  en fonction de la température.

## C.2. Construction point par point du diagramme isobare du binaire $\text{CCl}_4 - \text{H}_2\text{O}$

• Envisageons le système représenté à la figure 14.

Il contient de l'eau liquide, de l'eau vapeur, du  $\text{CCl}_4(\ell)$  et du  $\text{CCl}_4$  vapeur : ceci n'est possible que si  $T = 67^\circ\text{C}$ .

L'expérience montre que la température de ce système ne peut varier que si l'un des deux liquides disparaît.

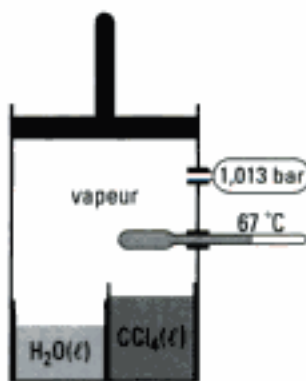


Fig. 14 – À  $67^\circ\text{C}$ , les deux liquides non miscibles  $\text{H}_2\text{O}$  et  $\text{CCl}_4$  coexistent en présence de leurs vapeurs saturantes respectives.

### C.2.1 – La fraction molaire initiale en $\text{CCl}_4(\ell)$ est inférieure à la fraction molaire de $\text{CCl}_4(\text{v})$ à $67^\circ\text{C}$ ( $y_{\text{CCl}_4} = 0,73$ )

Tout  $\text{CCl}_4(\ell)$  doit se vaporiser avant que la température ne puisse augmenter, la vapeur émise ayant la composition  $y_{\text{CCl}_4} = 0,73$ .

Il reste alors dans le récipient (à  $T = 67 + \varepsilon$ ) (fig. 15) :

- de l'eau liquide en équilibre avec sa vapeur ;
- du  $\text{CCl}_4(\text{v})$ .

$$p = p_{\text{H}_2\text{O}}^*(T) + p_{\text{CCl}_4} ; \text{ or } p_{\text{H}_2\text{O}}^*(T) \text{ est calculable en fonction de } T.$$

D'où l'équation de la courbe de rosée pour  $y_{\text{CCl}_4} < 0,73$  :

$$y_{\text{CCl}_4} = \frac{p_{\text{CCl}_4}}{p} = \frac{p - p_{\text{H}_2\text{O}}^*(T)}{p}.$$

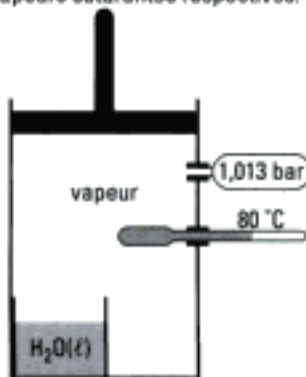


Fig. 15 – À  $80^\circ\text{C}$ , à partir d'un mélange équimolaire  $\text{H}_2\text{O}(\ell) - \text{CCl}_4(\ell)$ , on observe la disparition totale de  $\text{CCl}_4(\ell)$ .

### C.2.2 – La fraction molaire initiale en $\text{CCl}_4(\ell)$ est supérieure à la fraction molaire de $\text{CCl}_4(\text{v})$ à $67^\circ\text{C}$ ( $y_{\text{CCl}_4} = 0,73$ )

Tout  $\text{H}_2\text{O}(\ell)$  doit se vaporiser avant que la température du système puisse dépasser  $67^\circ\text{C}$ , la vapeur émise ayant à cette température une composition  $y_{\text{CCl}_4} = 0,73$ .

Il reste dans le récipient (à  $T = 67 + \varepsilon$ ) :

- du  $\text{CCl}_4(\ell)$  en équilibre avec sa vapeur ;
- de l'eau vapeur.

$p = p_{\text{CCl}_4}^*(T) + p_{\text{H}_2\text{O}}$  ; or  $p_{\text{CCl}_4}^*(T)$  est calculable en fonction de  $T$ .

D'où l'équation de la courbe de rosée pour  $y_{\text{CCl}_4} > 0,73$ .

$$y_{\text{CCl}_4} = \frac{p_{\text{CCl}_4}^*(T)}{p}$$

- Le diagramme isobare complet  $\text{H}_2\text{O}(\text{A}) - \text{CCl}_4(\text{B})$  comprend deux portions de branches de courbes de rosée se rejoignant en un point  $x_{\text{B}} = y_{\text{B}} = 0,73$  et  $T = 67^\circ\text{C}$ .

Les deux courbes de rosée se coupent au point H appelé l'**hétéroazéotrope**.

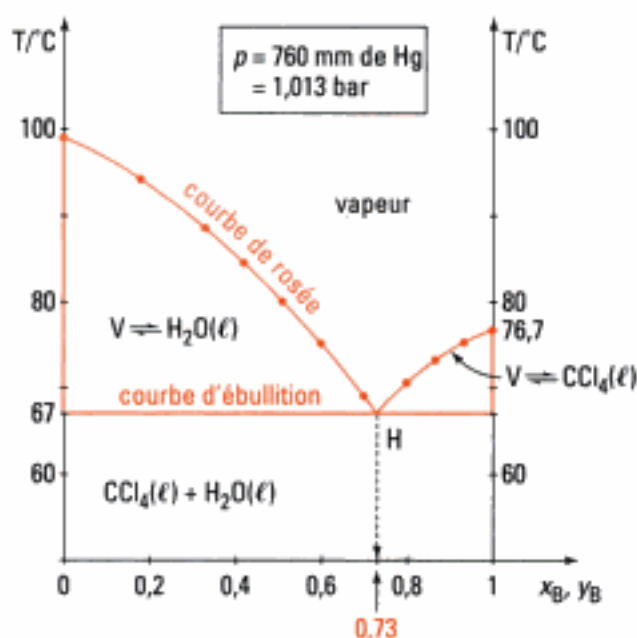


Fig. 16 – Diagramme isobare de deux liquides non miscibles<sup>1</sup>.

Le principe d'étude d'un diagramme isobare d'un binaire dans lequel les deux liquides sont non miscibles est présenté dans la *Méthode 2*.

## D. Utilisations pratiques

### D.1. Distillation fractionnée

L'obtention à partir d'un mélange A + B d'un des composants purs A ou B, peut être réalisée lors d'une opération appelée **distillation fractionnée**<sup>2</sup>.

1. Nous étudierons à l'exercice 8 le tracé point par point du binaire des deux liquides non miscibles eau-toluène utilisé pour extraire l'eau d'un mélange réactif d'estérification.

2. La distillation fractionnée permet de séparer sans trop de problème des liquides dont les températures d'ébullition sont différentes d'au moins  $30^\circ\text{C}$ .

La séparation des deux composants A et B n'est totale que si :

- le liquide A + B est une solution idéale;
- A + B ne forment pas d'azéotrope.



### D.1.1 – Principe

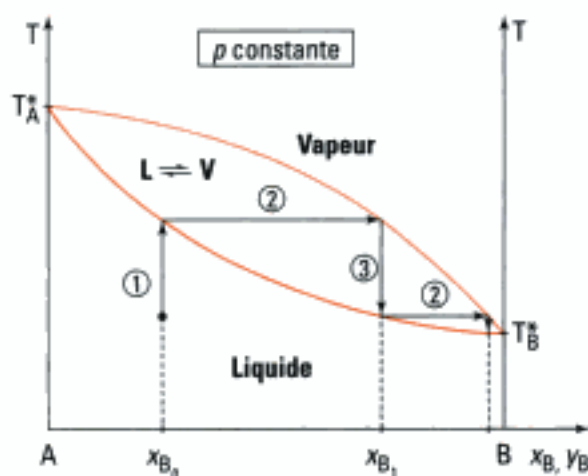


Fig. 17 – Principe d'une distillation fractionnée : ① chauffage du liquide jusqu'à l'ébullition ; ② récupération de la vapeur formée ; ③ condensation de la vapeur.

Considérons un mélange A + B liquide, de fraction molaire  $x_{B0}$  que l'on porte à ébullition. Les premières bulles de vapeur ont la composition  $y_{B0}$  (fig. 17). Nous extrayons cette vapeur, la condensons (titre  $x_{B1} = y_{B0}$ ) et la portons de nouveau à ébullition. La vapeur formée a le titre  $y_{B1}$  plus riche que la solution initiale en constituant le plus volatil. Il est donc possible théoriquement d'obtenir une vapeur telle que  $y_B \approx 1$  ; c'est-à-dire d'obtenir le corps B presque pur à sa température d'ébullition  $T_B^*$ .

### D.1.2 – Réalisation pratique

On utilise des colonnes à plateaux (fig. 18).

La vapeur venant du bouilleur 1 se condense sur le plateau  $P_1$ , le liquide obtenu émet à son tour une vapeur plus riche en composé volatil qui va se condenser sur le plateau  $P_2$  et ainsi de suite. Le liquide quittant  $P_3$ ,  $P_2$  et  $P_1$  est plus riche en composé le moins volatil que le liquide initial.

Un tel fonctionnement, avec la récupération en haut de la colonne ② du composant le plus volatil et en bas de la colonne ① du composant le moins volatil suppose que, au niveau de chaque plateau, les conditions d'équilibre liquide-vapeur soient réalisées (même température) ; or il existe un flux constant de vapeur montante et de liquide descendant, la composition du liquide sur chaque plateau n'est donc pas homogène.

Tous ces facteurs pratiques rendent la séparation totale de A et de B quasi irréalisable ; pour y parvenir, il serait nécessaire d'avoir un nombre infiniment grand de plateaux.

À la place de ces colonnes industrielles comportant des plateaux réels, on utilise au laboratoire des colonnes à remplissage de billes de verre ou d'anneaux dits de Raschig. Dans ces colonnes, la composition du liquide et de la vapeur varie de façon continue. Leur efficacité est plus faible, mais leur mise en œuvre est plus aisée.

**Remarque :** l'alimentation du bouilleur en un mélange pouvant donner un azéotrope est un cas particulier de distillation fractionnée.

Pour un azéotrope positif, il est possible d'obtenir, par condensation de la vapeur, le mélange azéotropique et dans le bouilleur, le constituant en excès par rapport à l'azéotrope presque pur.

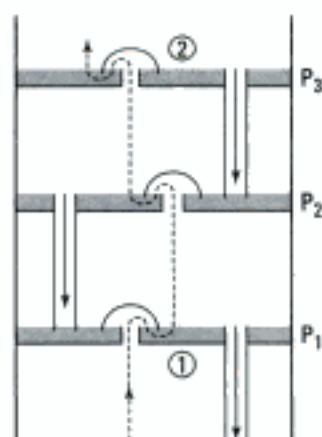


Fig. 18 – Vue partielle schématisée d'une colonne à plateaux.



Pour un azéotrope négatif (exemple :  $\text{HNO}_3 - \text{H}_2\text{O}$ ), l'étude du diagramme isobare montre que pour des compositions initiales telles que  $x_{\text{HNO}_3} > 0,35$ , le distillat sera composé de  $\text{HNO}_3$  pratiquement pur, alors que le bouilleur va se concentrer en eau jusqu'à atteindre la composition de l'azéotrope.

## D.2. Entraînement à la vapeur d'eau ou hydrodistillation

1. L'entraînement à la vapeur d'eau se fait à partir des coordonnées de l'hétéroazéotrope H.  $T_H < 100\text{ }^\circ\text{C}$  : ce qui empêche toute dégradation thermique du composé extrait en même temps que l'eau.

Quelle que soit la composition du mélange initial, la vapeur émise a une composition correspondant à l'abscisse de H.

Il est donc possible d'épuiser le contenu du ballon en composé B si l'on ajoute suffisamment d'eau lors de l'hydrodistillation.

Pour séparer d'un mélange complexe, un ou plusieurs composés insolubles dans l'eau, on ajoute de l'eau dans ce mélange et on porte l'ensemble à ébullition, ou on fait arriver dans le mélange de la vapeur d'eau (fig. 19).

Cette technique est utilisée lorsque B risque de se dégrader par distillation fractionnée, même sous pression réduite.<sup>1</sup>

La pression dans le système est égale à la pression atmosphérique, somme des pressions des vapeurs saturantes de l'eau et du composé B que l'on veut extraire :

$$p = p_{\text{H}_2\text{O}}^* + p_{\text{B}}^*$$

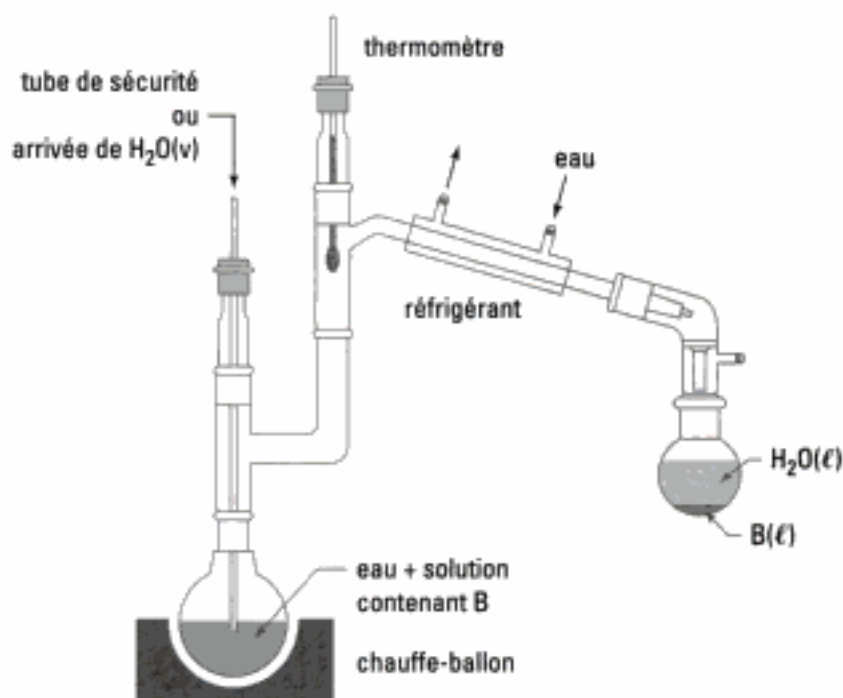


Fig. 19 – Dispositif pour une hydrodistillation.

Dans la vapeur sortant du bouilleur :  $y_{\text{H}_2\text{O}} = \frac{p_{\text{H}_2\text{O}}^*}{p}$  et  $y_{\text{B}} = \frac{p_{\text{B}}^*}{p}$ ,

d'où :

$$\frac{y_{\text{H}_2\text{O}}}{y_{\text{B}}} = \frac{p_{\text{H}_2\text{O}}^*}{p_{\text{B}}^*}$$

Ce rapport est indépendant des quantités respectives d'eau et de B dans le bouilleur.

## L'essentiel

### ✓ Solution liquide idéale

$y_A, y_B$  : fractions molaires de A et de B dans la vapeur ;

$x_A, x_B$  : fractions molaires de A et de B dans le liquide ;

$p_A^*, p_B^*$  : pressions de vapeur saturante des corps purs A et B liquides.

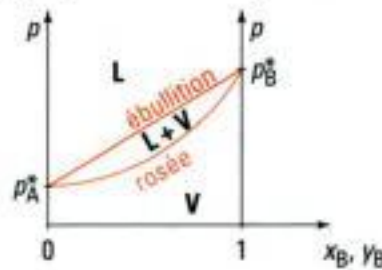


Diagramme isotherme

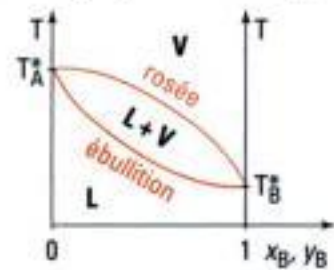


Diagramme isobare

Le liquide B est plus volatil que le liquide A :  $p_B^* > p_A^*$  et  $T_B^* < T_A^*$ .

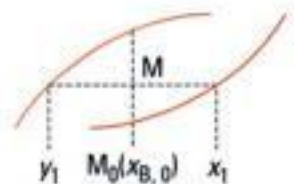
Bien remarquer le changement de position des deux courbes entre les deux types de diagramme.

### ✓ Règle des moments

En  $M_0$ ,  $n_0$  moles de liquide ( $x_{B,0}$ ).

En M,  $n_L$  moles de liquide ;

$n_V$  moles de vapeur.



$$n_V(x_{B,0} - y_1) = n_L(x_1 - x_{B,0})$$

### ✓ Solution liquide réelle

C'est la majorité des solutions binaires.

B est plus volatil que A

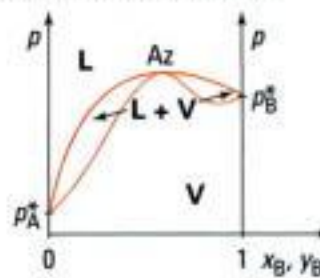


Diagramme isotherme

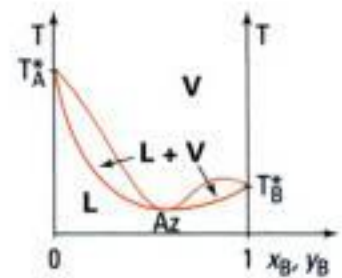


Diagramme isobare

A est plus volatil que B

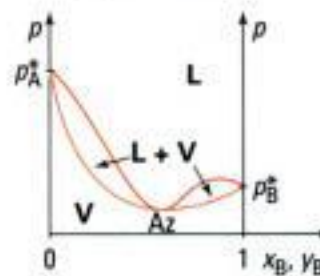


Diagramme isotherme

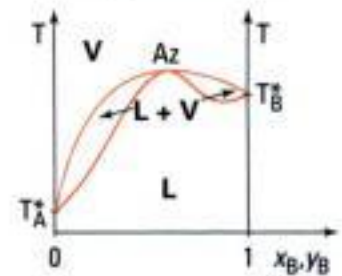


Diagramme isobare

Noter la présence d'un **azéotrope** : courbes de rosée et d'ébullition tangentes. La composition de l'azéotrope dépend de la pression.

### ✓ Miscibilité nulle à l'état liquide

H : **hétéroazéotrope** dont la température  $T_H$  est solution de  $p_A^*(T_H) + p_B^*(T_H) = p(\text{fixée})$ .

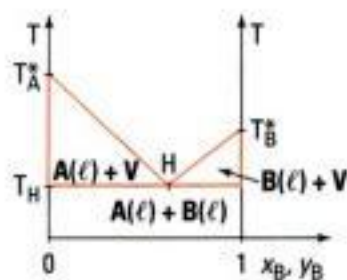


Diagramme isobare

## Mise en œuvre

### Méthode 1

### Comment utiliser un diagramme isobare d'un système binaire liquide-vapeur ?

#### → Savoir faire

- 1 Reconnaître la nature de la phase liquide.

Le diagramme présente :

- un seul fuseau : le mélange liquide est idéal ;
- deux fuseaux : le mélange liquide est réel.

- 2 Repérer :

- la courbe supérieure : courbe de rosée ;
- la courbe inférieure : courbe d'ébullition.

- 3 Placer les différentes phases :

- au-dessus de la courbe de rosée : la phase vapeur ;
- entre les deux courbes : le mélange liquide-vapeur ;
- en dessous de la courbe d'ébullition : la phase liquide.

- 4 Noter les coordonnées du point Z, azéotrope, point de contact éventuel des courbes d'ébullition et de rosée.

- 5 Décrire les phénomènes qui se produisent lors du chauffage isobare d'un liquide dans un système fermé :

- chauffage du liquide jusqu'à ce que l'isotitre coupe la courbe d'ébullition ;
- chauffage d'un mélange liquide-vapeur lorsque la température augmente le long de l'isotitre contenue dans le fuseau ;
- chauffage de la vapeur lorsque la température dépasse celle de l'intersection de l'isotitre et de la courbe de rosée.

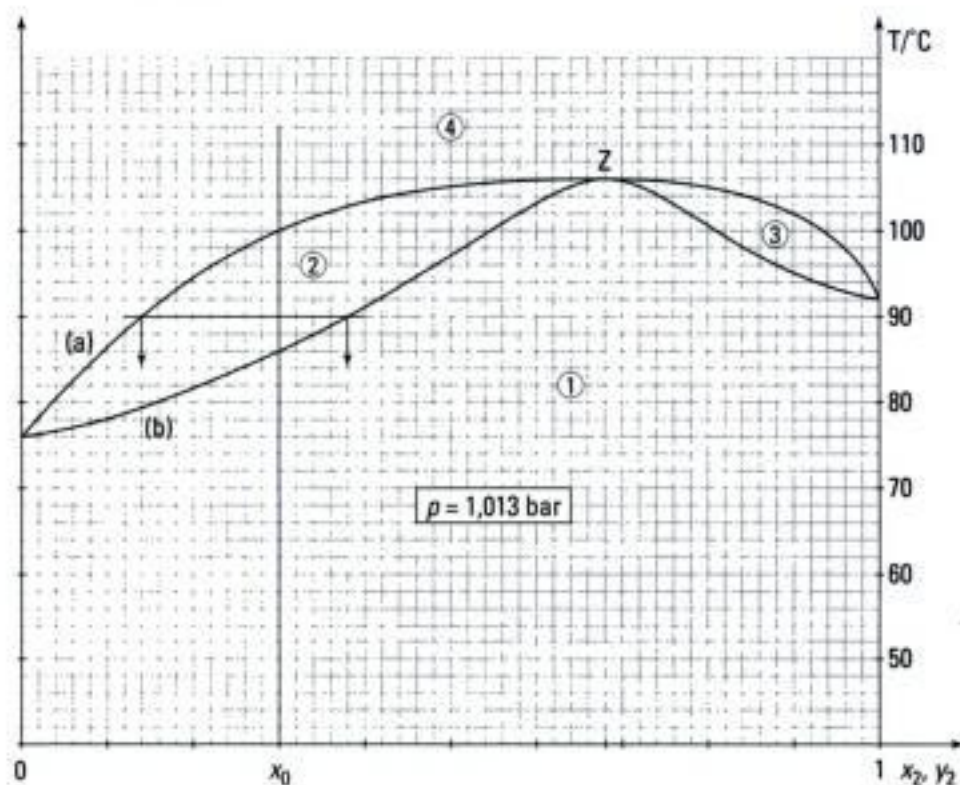
- 6 Savoir appliquer la règle des moments pour déterminer la composition d'un mélange liquide-vapeur.



### → Application

Le diagramme isobare ( $p = 1,013 \text{ bar}$ ) des deux liquides  $L_1$  et  $L_2$  est proposé sur la figure ci-dessous.

- Quelle est la nature de la phase liquide ?
- Préciser le nom des courbes (a), (b), et la nature des phases contenues dans les domaines ①, ②, ③, ④.
- Quel est le nom donné au mélange liquide de composition égale à celle du maximum Z ?  
Quelles sont les propriétés de ce mélange ?
- Quels sont les phénomènes observés lors du chauffage isobare en système fermé d'un liquide contenant initialement 7 moles de  $L_1$  et 3 moles de  $L_2$  ?
- Quelle est la composition de ce système à la température de  $90^\circ\text{C}$  ?



### Solution

- Le diagramme présente deux fuseaux, le mélange liquide est réel.
- Courbe (a) : courbe de rosée ; courbe (b) : courbe d'ébullition ;  
Domaine ① : liquide ; ② et ③ : liquide et vapeur ; ④ : vapeur.
- Le point azéotrope Z a comme coordonnées :

$$x_{2,Z} = y_{2,Z} = 0,68 ; T_Z = 106^\circ\text{C}.$$

- Dans le liquide initial,  $x_{2,0} = x_0 = \frac{n_{L_2}}{n_{L_1} + n_{L_2}} = \frac{3}{3 + 7} = 0,3$ .



- L'isotitre  $x_0 = 0,3$  coupe la courbe d'ébullition à  $T = 86\text{ °C}$  et la courbe de rosée à  $T = 100\text{ °C}$ .
  - $40 < T < 86\text{ °C}$  : chauffage du liquide ;
  - $T = 86\text{ °C}$  : premières vapeurs de composition  $y_2 = 0,09$  ;
  - $86 < T < 100\text{ °C}$  : chauffage du mélange liquide-vapeur ;
  - $T = 100\text{ °C}$  : dernière goutte de liquide ;
  - $T > 100\text{ °C}$  : chauffage de la vapeur de composition  $y_2 = x_0 = 0,3$  ;
- e) • L'isotherme  $T = 90\text{ °C}$  coupe la courbe d'ébullition en  $x_2 = 0,38$  et la courbe de rosée en  $y_2 = 0,14$ .

Application de la règle des moments :

$$\begin{cases} n_L + n_V = 10 \\ n_L \times (0,38 - 0,30) = n_V \times (0,30 - 0,14) \end{cases}$$

soit :

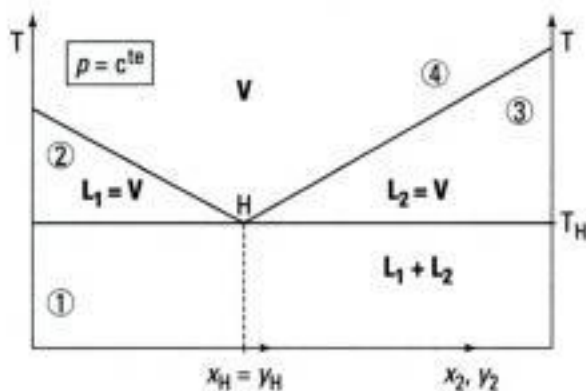
$$\begin{cases} n_L = 6,67 \text{ mol, dont } (6,67 \times 0,38 = 2,53 \text{ mol}) \text{ de } L_2 \\ n_V = 3,33 \text{ mol, dont } (3,33 \times 0,14 = 0,47 \text{ mol}) \text{ de } L_2. \end{cases}$$

## Méthode 2

### Comment utiliser le diagramme isobare d'un binaire liquide-vapeur dans lequel les deux liquides sont non miscibles ?

#### → Savoir faire

- Reconnaître son allure caractéristique : présence d'un isotherme à  $T_H$  : température de l'hétéroazéotrope telle que :  $p_1^*(T_H) + p_2^*(T_H) = p$ .

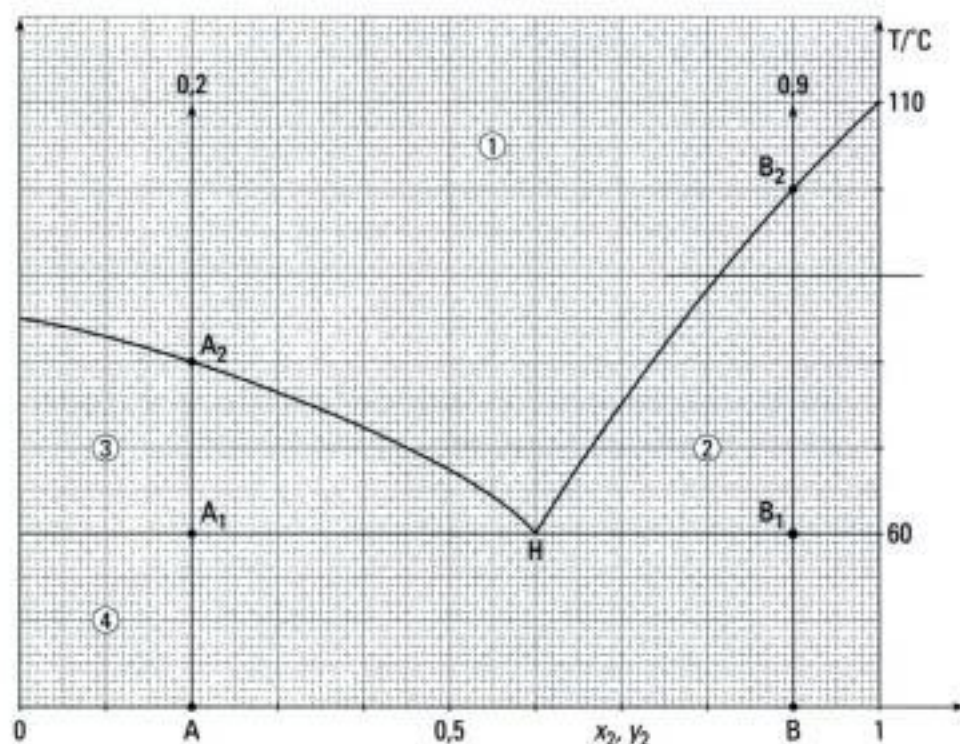


- Placer les différentes phases :
  - domaine ① : liquide  $L_1$  et liquide  $L_2$  (non miscibles) ;
  - domaine ② :  $L_1$  (liquide) en équilibre avec la vapeur ;
  - domaine ③ :  $L_2$  (liquide) en équilibre avec la vapeur ;
  - domaine ④ : vapeur.
- Repérer les coordonnées de l'hétéroazéotrope H :  $x_H = y_H$  et  $T_H$ .
- Savoir décrire les phénomènes se produisant par chauffage des deux liquides selon la valeur de la fraction molaire  $x_{2,0}$ .
- Savoir appliquer la règle des moments pour les systèmes diphasés.

### → Application

Le diagramme isobare ( $p = 1,013 \text{ bar}$ ) des deux liquides non miscibles  $L_1$  et  $L_2$  est proposé sur la figure ci-dessous.

- Quelle est sa caractéristique principale ?
- Placer les différentes phases.
- Quels sont les phénomènes se produisant lors du chauffage :
  - de 2 moles de  $L_2$  et de 8 moles de  $L_1$  ;
  - de 9 moles de  $L_2$  et de 1 mole de  $L_1$ .
- Quel est l'état du système à  $90^\circ\text{C}$  dans le cas  $\beta$  ?



### Solution

- L'existence d'un isotherme à  $T_H = 60^\circ\text{C}$  montre que les deux liquides  $L_1$  et  $L_2$  ne sont pas miscibles.
- Domaine ① : vapeur ; domaine ② :  $L_2$  (liquide) en équilibre avec la vapeur ; domaine ③ :  $L_1$  (liquide) en équilibre avec la vapeur ; domaine ④ :  $L_1$  (liquide) et  $L_2$  (liquide) non miscibles.
- $x_{2,0} = \frac{2}{8+2} = 0,2$  ; point A.

Le chauffage des deux liquides de A en  $A_1$  provoque en  $A_1$  à  $60^\circ\text{C}$  l'émission d'une vapeur dont le titre correspond à l'abscisse du point H, c'est-à-dire  $x_H = y_H = 0,6$ .

L'ébullition se maintient à  $60^\circ\text{C}$  avec émission de la même vapeur jusqu'à vaporisation complète de  $L_2$  (liquide).

Puis la température peut augmenter de  $A_1$  en  $A_2$  ( $T = 80^\circ\text{C}$ ) avec chauffage du liquide  $L_1$  et de la vapeur.

En  $A_2$  : disparition de la dernière goutte de liquide et pour  $T > 80^\circ\text{C}$ , on chauffe une vapeur de titre  $y_2 = x_{2,0} = 0,2$ .

- $x_{2,0} = \frac{9}{1+9} = 0,9$  (point B).



Le chauffage des deux liquides se poursuit jusqu'en  $B_1$  ( $T = 60^\circ\text{C}$ ) où apparaissent les premières vapeurs émises de composition  $y_H = 0,6$ .

Cette évaporation se poursuit à  $60^\circ\text{C}$  jusqu'à ce que tout le liquide  $L_1$  se soit vaporisé.

Ensuite, seulement, la température augmente de  $60^\circ\text{C}$  à  $100^\circ\text{C}$ , segment  $]B_1B_2[$  où le système contient  $L_2$  (liquide) et de la vapeur.

En  $B_2$ , disparition de la dernière goutte de  $L_2$  : tout est à l'état de vapeur.

d) À  $90^\circ\text{C}$ , le système contient  $n_2$  moles de liquide  $L_2$  et de la vapeur ( $n_V$  mol).

⊕ Application de la règle des moments :

$$\begin{cases} n_V(0,9 - 0,8) = n_2(1 - 0,9) \\ n_V + n_2 = 10 \end{cases}$$

soit  $n_2 = n_V = 5$  mol.

Dans  $n_V$ , il y a  $0,8 \times n_V = 0,8 \times 5 = 4$  mol de  $L_2$  vapeur et 1 mol de  $L_1$  vapeur.

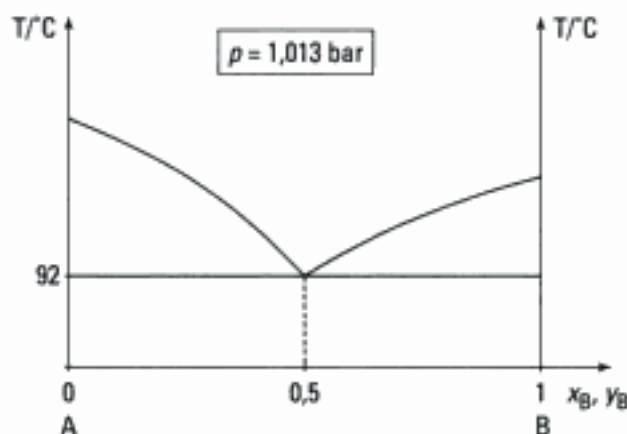
Le liquide contient 5 mol de  $L_2$  liquide.

# Exercices

## Vrai ou faux ?

### Ex. 1

On donne le diagramme binaire isobare d'un système liquide-vapeur.



- Les deux liquides sont totalement miscibles.
- Un mélange liquide ( $x_B = 0,3$ ) porté à  $92\text{ °C}$  commence par émettre une vapeur équimolaire en A et B.
- L'ébullition cesse lorsque tout A est sous forme de vapeur.
- À la température de  $92,1\text{ °C}$ , le titre molaire de la vapeur est  $x_A \approx 0,5$ .

### Ex. 2 Hydrodistillation du bromobenzène

Le bromobenzène et l'eau sont deux liquides non miscibles. La température du point hétéroazéotrope H est  $T_H = 368,1\text{ K}$ .

Les pressions de vapeur saturante des deux liquides exprimées en mm de Hg valent :

$$p_{\text{H}_2\text{O}} = 760 \exp\left(13,899 - \frac{5\,176,4}{T}\right);$$

$$p_{\text{Ph-Br}} = 760 \exp\left(11,898 - \frac{5\,076,8}{T}\right).$$

$$M(\text{H}_2\text{O}) = 18\text{ g} \cdot \text{mol}^{-1};$$

$$M(\text{C}_6\text{H}_5\text{Br}) = 157\text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

Quelle masse de bromobenzène peut-on extraire par gramme d'eau ?

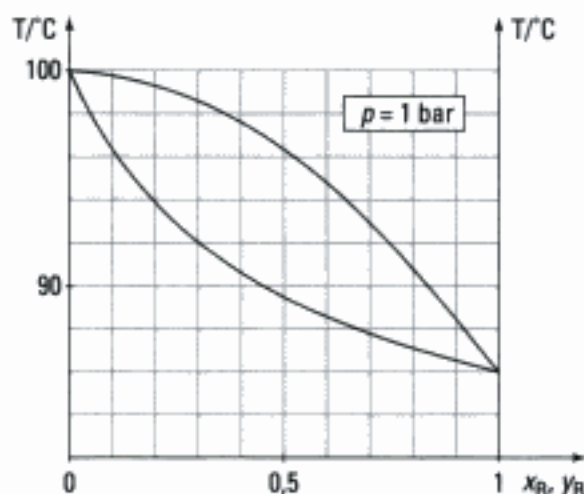
- 2,83 g ; b) 8,72 g ; c) 2,06 g ;  
d) 1,55 g ; e) 5,15 g.

## Niveau 1

### Solution liquide idéale

### Ex. 3 Ébullition d'un mélange binaire

En utilisant le diagramme isobare ci-dessous, répondre aux questions suivantes.



- Quelle est la température d'ébullition du liquide B pur dans les conditions standard ? Quel est le liquide le plus volatil, A pur ou B pur ? Est-ce que les deux liquides sont miscibles ?
- À quelle température commence l'ébullition d'un liquide de fraction molaire  $x_B = 0,3$  ? Quelle est la composition de la vapeur émise ?
- Pour le liquide précédent contenant initialement 1 000 moles, quelle est la composition du mélange L, V lorsque le liquide est porté à  $96\text{ °C}$  ? Préciser la composition des deux phases.
- Sous quel état physique se trouve le mélange binaire de fraction molaire  $x_B = 0,5$  porté à  $92\text{ °C}$  ? À quelle température se termine l'ébullition sans extraction de ce liquide ?
- 1 000 moles de vapeur de fraction molaire  $y_B = 0,8$  sont refroidies. À quelle température apparaît la première goutte de liquide ? Quelle est sa composition ? À quelle température s'arrête la condensation ?
- On distille un liquide de fraction molaire  $x_B = 0,1$ . Quel nombre de plateaux théoriques doit contenir la colonne pour obtenir une vapeur telle que  $x_B = 1$  ? Où est obtenue cette vapeur ?



#### Ex. 4. Distillation

On considère les mélanges parfaits de deux corps A et B de températures d'ébullition, sous  $p^0$ , égales à  $T_{\text{éb}}^*(A) = 80 \text{ }^\circ\text{C}$  et  $T_{\text{éb}}^*(B) = 120 \text{ }^\circ\text{C}$ .

a) Représenter l'allure du diagramme isobare :

$$(p = p^0), T = f(x_B).$$

On introduit un mélange équimolaire A-B à  $20 \text{ }^\circ\text{C}$  dans le ballon d'un dispositif de distillation dont on suppose que le pouvoir séparateur est infini. On note  $T_1$  la température dans le bouilleur, et  $T_2$  la température en tête de colonne.

b) À quoi correspond la supposition « pouvoir séparateur infini » ?

c) Représenter le dispositif expérimental utilisé.

d) Représenter l'allure des variations de  $T_1$  et  $T_2$  en fonction du temps au cours de la distillation. On distinguera en particulier clairement :

- la période précédant le début de l'ébullition ;
- la période séparant le début de l'ébullition de la fin de la séparation des deux corps A et B.

### Solution binaire réelle

#### Ex. 5. Le binaire éthanol-eau

Le mélange binaire eau-éthanol n'est pas un mélange idéal. On donne les densités des mélanges eau-éthanol à  $20 \text{ }^\circ\text{C}$ .

% en masse d'éthanol	Densité
0	1
10	0,98
25	0,96
35	0,95
45	0,93
55	0,90
65	0,88
75	0,86
85	0,83
90	0,82
100	0,79

Le diagramme isobare est donné ci-après.

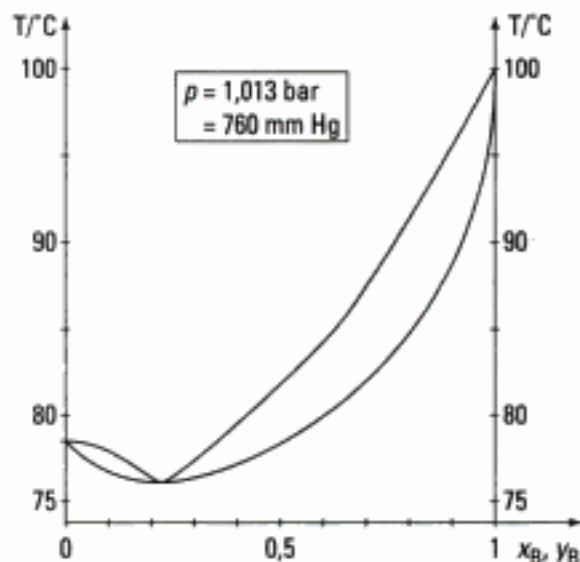
a) Comment s'appelle le mélange correspondant au minimum du diagramme binaire ?

Qu'obtient-on si on distille ce mélange ?

b) La préparation industrielle de l'éthanol met en jeu la distillation d'une solution aqueuse diluée d'éthanol.

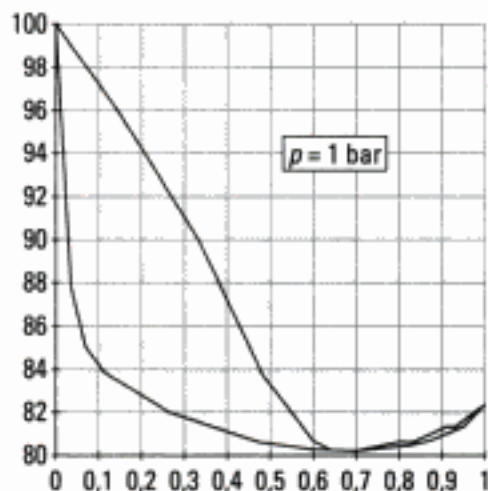
Quelle est la nature du distillat ? Peut-on obtenir de l'éthanol anhydre par cette méthode ?

c) Le caractère non idéal du mélange eau-éthanol a une autre conséquence sur le comportement du mélange. On mélange  $50 \text{ cm}^3$  d'éthanol pur et  $50 \text{ cm}^3$  d'eau. Quel est le volume de la solution obtenue ?



#### Ex. 6. Le binaire eau-propan-2-ol

Son diagramme isobare ( $p = p^0 = 1 \text{ bar}$ ) est proposé ci-dessous.



a) Quel est le nom donné au point de tangence des courbes d'équilibre ?

Ses coordonnées sont :  $x_B = 0,68$  ;  $T = 80,3 \text{ }^\circ\text{C}$ .

b) Convertir cette fraction molaire en fraction massique.  $M(\text{H}_2\text{O}) = 18 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$  ;  $M(B) = 60 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

c) On chauffe un mélange  $x_B = 0,3$  de  $80 \text{ }^\circ\text{C}$  à  $86 \text{ }^\circ\text{C}$ . Préciser les phénomènes observés. Le mélange initial contenait 10 moles de liquide.

Quelles sont les quantités de propan-2-ol(B) dans le liquide et la vapeur en équilibre à  $86 \text{ }^\circ\text{C}$  ?

d) On distille un mélange  $x_B = 0,3$ . Quelle est la nature du distillat ? du contenu du bouilleur ?

## Liquides non miscibles

### Ex. 7 L'eau et l'octane(B)

Ces deux liquides ne sont pas miscibles.  
Le tableau ci-après donne leurs pressions de vapeur saturante à différentes températures.

T/°C	$p_A^*/\text{mm Hg}$	$p_B^*/\text{mm Hg}$
0	4,6	2,9
20	17,5	10,4
40	55,3	30,8
60	149	77,5
80	355	175
100	760	354

- Tracer les courbes  $p_A^*$ ,  $p_B^*$  et  $p = p_A^* + p_B^*$  en fonction de T.
- À quelle température ce binaire distille-t-il sous 1,013 bar ?
- Quelle est la fraction massique de l'octane dans le distillat ?

### Ex. 8 Le binaire eau(A)-toluène(B)

À l'état liquide, ces deux corps purs ne sont pas miscibles.  
Leurs pressions de vapeur saturante sont données par les relations :

$$\begin{cases} \ln\left(\frac{p_A^*}{760}\right) = 13,899 - \frac{5\,176,4}{T} \\ \ln\left(\frac{p_B^*}{760}\right) = 11,962 - \frac{4\,562,7}{T} \end{cases}$$

( $p_A^*$  et  $p_B^*$  en mm de Hg ; T en K).

À l'aide de ces données, déterminer l'allure du diagramme isobare ( $p = 760$  mm de Hg) du système eau-toluène.

### Ex. 9 Utilisation du diagramme eau-toluène

1) On introduit, à 25 °C, dans un récipient fermé et maintenu à la pression de 1,013 bar, 9 g d'eau et 11,5 g de toluène liquide. On chauffe ensuite progressivement ce mélange liquide hétérogène en maintenant une agitation suffisante.

- À quelle température  $T_1$  la première bulle de vapeur apparaît-elle ?  
Quelle en est la composition  $y_1$  ?
- Quel est le liquide qui disparaît le premier ?  
À quelle température  $T_2$  la dernière goutte de ce liquide disparaît-elle ?  
Quelle est alors la composition  $y_2$  de la vapeur ?

c) À quelle température  $T_3$  la dernière goutte de liquide disparaît-elle ?

Quelle est alors la composition  $y_3$  de la vapeur ?

2) On dispose d'un récipient maintenu à 95 °C sous une pression constante de 1,013 bar.

On y introduit 9,2 g de toluène liquide puis progressivement de l'eau liquide.

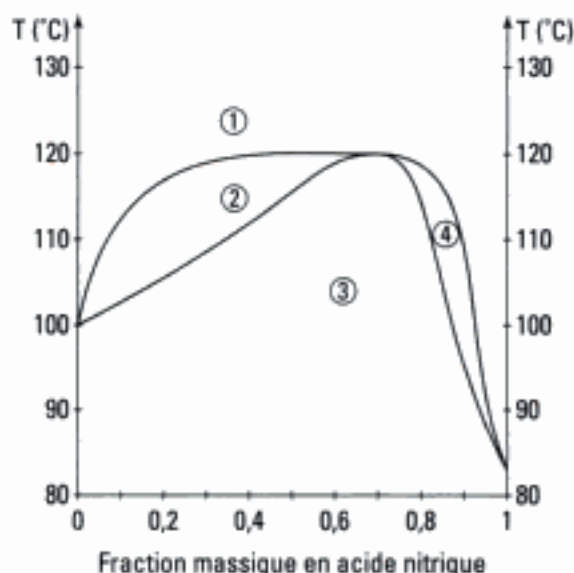
Utiliser de nouveau le diagramme pour étudier cette expérience.

- Quelle masse  $m_1$  d'eau liquide faut-il ajouter pour observer la disparition totale de toute phase liquide ?
- Quelle masse  $m_2$  d'eau liquide faut-il ajouter au total pour qu'il reste une petite goutte d'eau liquide à l'équilibre avec la phase vapeur ?

## Niveau 2

### Ex. 10 Étude du binaire $\text{H}_2\text{O}-\text{HNO}_3$

Le diagramme  $T = f$  (fraction massique) est représenté ci-dessous.



- De quel type de diagramme s'agit-il ?
- Quelle est la nature des solutions eau-acide nitrique ?  
Peut-on expliquer simplement ce comportement ?
- Quelles sont les phases en présence dans les domaines ① à ④ ?  
On prépare une solution de concentration molaire égale à  $5,63 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  en acide nitrique. Cette solution a une densité égale à 1,182 2.
- On chauffe un litre de cette solution à 115 °C. Préciser les compositions des phases en présence.  
Cette solution est soumise à une distillation fractionnée.
- Quel nombre de plateaux théoriques doit comporter la colonne ?
- Quels sont les produits obtenus dans le bouilleur et en haut de la colonne ?

g) Quelle est la composition massique de l'azéotrope ?

Quelle est sa fraction molaire en acide nitrique ?

Données :  $M(\text{HNO}_3) = 63,02 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

### Ex. 11 Diagramme isotherme d'un mélange d' $\alpha$ -pinène et de $\beta$ -pinène

À 115 °C, on désigne par  $p_{1 \text{ sat}} = 0,40 \text{ bar}$  la pression de vapeur saturante de l' $\alpha$ -pinène et par  $p_{2 \text{ sat}} = 0,32 \text{ bar}$  la pression de vapeur saturante du  $\beta$ -pinène.

On étudie l'équilibre entre une phase liquide et une phase gazeuse, contenant chacune les deux constituants.

Les deux substances constituent un mélange idéal à l'état liquide et à l'état gazeux. On désigne par  $x_{i \text{ g}}$  les fractions molaires des constituants dans la phase

gazeuse et  $x_{i \text{ l}}$  les fractions molaires des constituants dans la phase liquide ; l'indice 1 est réservé à l' $\alpha$ -pinène. Soit  $p_1$  et  $p_2$  les pressions partielles et  $p$  la pression totale.

a) Établir les deux expressions  $p = f(x_{2 \text{ l}})$  et  $p = g(x_{2 \text{ g}})$  pour le mélange idéal à 115 °C. Montrer

en particulier que  $g(x_{2 \text{ g}}) = \frac{1,6}{4 + x_{2 \text{ g}}}$ .

b) Tracer sur papier millimétré le diagramme isotherme à 115 °C. (On se contentera de placer correctement quatre points judicieusement choisis).

c) Indiquer sur le diagramme le nom donné aux deux courbes et préciser la nature des phases dans les trois zones du plan.

## Indications

### Ex. 2

Lors de l'hydrodistillation, les deux vapeurs correspondent à la pression de vapeur saturante. On obtient ainsi les fractions molaires de l'eau et du bromobenzène dans la vapeur qui se retrouvent dans le distillat.

$$\text{Donc : } \frac{p_{\text{H}_2\text{O}}^*}{p_{\text{C}_6\text{H}_5\text{Br}}^*} = \frac{n_{\text{H}_2\text{O}}}{n_{\text{C}_6\text{H}_5\text{Br}}}$$

### Ex. 5

c) Déterminer la fraction massique en éthanol ; on obtient ainsi la densité du liquide, d'où son volume et la conclusion.

### Ex. 7

b) Une simple interpolation graphique est suffisante pour déterminer T.



# Solutions des exercices

## Vrai ou faux ?

### Exercice 1

- a) **Faux.** Le diagramme proposé a l'allure caractéristique de celui obtenu lorsque les deux liquides A et B sont non miscibles ; il y a formation d'un hétéroazéotrope ( $x_B = y_B = 0,5$  ;  $T_H = 92$  °C).
- b) **Vrai.** Pour ce type de binaire, l'ébullition commence à la température  $T_H = 92$  °C et se poursuit tant qu'il reste du liquide B dans la phase liquide ; la vapeur émise par les liquides a la composition  $y_H = 0,5$ .
- c) **Faux.** Initialement,  $x_{B,0} = 0,3$ , donc l'ébullition ne cesse que lorsque la dernière goutte de liquide B est passée à l'état de vapeur.
- d) **Vrai.** La vapeur émise avait la composition du point H. Comme T est très légèrement supérieure à  $T_H$ , on peut considérer que la composition de la vapeur n'a pas changé.

### Exercice 2

L'entraînement à la vapeur d'eau s'effectue selon les conditions de température de l'hétéroazéotrope.

$$p(\text{travail}) = p_A^*(T_H) + p_B^*(T_H).$$

$$p_{\text{H}_2\text{O}}^*(T_H) = 645,4 \text{ mm de Hg ;}$$

$$p_B^*(T_H) = 114,4 \text{ mm de Hg.}$$

La vapeur émise a donc comme composition :

$$y_{\text{H}_2\text{O}} = \frac{p_{\text{H}_2\text{O}}^*}{p} = \frac{645,4}{645,4 + 114,4} = 0,849 \ 4$$

$$\text{et } y_B = 1 - y_{\text{H}_2\text{O}} = 0,150 \ 6.$$

Par définition :

$$y_B = \frac{n_B}{n_B + n_{\text{H}_2\text{O}}} = \frac{\frac{m_B}{M_B}}{\frac{m_B}{M_B} + \frac{m_{\text{H}_2\text{O}}}{M_{\text{H}_2\text{O}}}}.$$

Avec  $m_{\text{H}_2\text{O}} = 1$  g, on obtient :  $m_B = 1,546$  g  $\approx$  1,55 g.

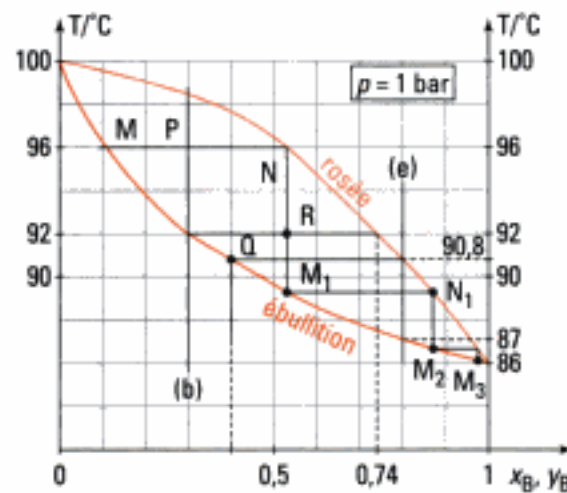
On extrait après condensation des vapeurs 1,55 g de bromobenzène par gramme d'eau.

**Réponse exacte : d).**



## Exercices de niveau 1

### Exercice 3



- a)  $T_{\text{éb, B}}^* = 86 \text{ }^\circ\text{C}$  sous 1 bar.

B a une température d'ébullition plus faible que A ; donc **B est plus volatil que A**. L'allure du diagramme, en un seul fuseau, montre que le mélange liquide est une **solution idéale**.

- b) On commence par tracer l'isotitre  $x_B = 0,3$ . Cette verticale coupe la courbe d'ébullition à  $T = 92 \text{ }^\circ\text{C}$ . La composition de la vapeur est obtenue par l'abscisse du point d'intersection de l'isotherme  $T = 92 \text{ }^\circ\text{C}$  avec la courbe de rosée, on lit :  $y_B = 0,74$ .
- c) L'isotherme  $T = 96 \text{ }^\circ\text{C}$  coupe les courbes d'ébullition et de rosée aux deux points M et N d'abscisses respectives :  $x_M = 0,1$  et  $y_N = 0,51$ .

Les quantités de liquide  $n_L$  et de vapeur  $n_V$  satisfont à la règle des moments :

$$n_L \times MP = n_V \times PN \text{ ; soit : } \begin{cases} n_L(0,3 - 0,1) = n_V(0,51 - 0,3) \\ n_L + n_V = 1 \text{ 000} \end{cases}$$

d'où :  $n_L = 512,2 \text{ mol}$  ;  $n_V = 487,8 \text{ mol}$ .

**Dans le liquide :**  $n_{B,L} = n_L \times x_M = 51,2 \text{ mol}$  et  $n_{A,L} = 461 \text{ mol}$ .

**Dans la vapeur :**  $n_{B,V} = n_V \times y_N = 248,8 \text{ mol}$  et  $n_{A,V} = 239 \text{ mol}$ .

- d) Il s'agit du point R qui se trouve dans le fuseau correspondant à l'équilibre  $L \rightleftharpoons V$ .  
Le mélange se présente sous la forme d'un liquide de fraction molaire  $x_B = 0,3$  en équilibre avec une vapeur de fraction molaire  $y_B = 0,74$ .  
L'ébullition de ce mélange se termine à  $T = 96 \text{ }^\circ\text{C}$ .

- e) L'isotitre  $y_B = 0,8$  coupe la courbe de rosée à  $T = 90,8 \text{ }^\circ\text{C}$ , température de liquéfaction commençante.

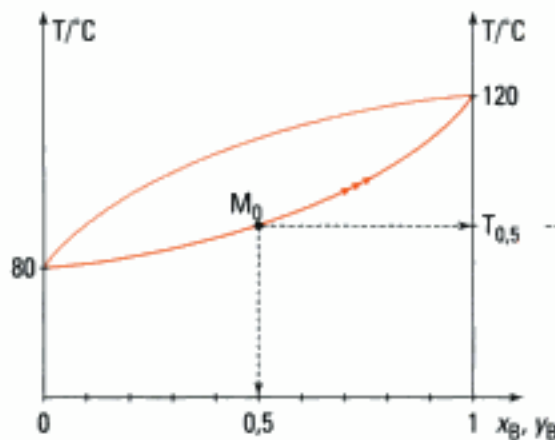
La composition de la première goutte de liquide en équilibre avec la vapeur est donnée par l'abscisse du point Q :  $x_Q = 0,39$ .

La condensation s'arrête à une température correspondant à l'intersection de l'isotitre  $y_B = 0,8$  avec la courbe d'ébullition, soit :  $T = 87 \text{ }^\circ\text{C}$ .

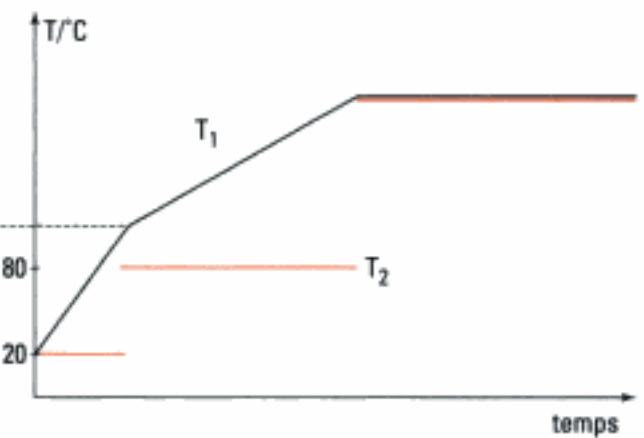
- f) Comme le montre le tracé  $MNM_1N_1M_2N_2M_3N_3$ , il suffit pratiquement de **quatre plateaux théoriques pour obtenir B pur en haut de la colonne**.

## Exercice 4

a) Allure du diagramme isobare :



d) Schéma de la question



b) Une distillation simple ne peut permettre de séparer totalement deux liquides que si la colonne à distiller contient un très grand nombre de plateaux théoriques :

pouvoir séparateur infini  $\Leftrightarrow$  nombre de plateaux infini .

c) Il comprend un ballon placé dans un chauffe-ballon, une colonne à distiller surmontant verticalement le ballon et ensuite un réfrigérant descendant pour condenser les vapeurs émises en haut de la colonne.

d) Lors du chauffage, la température dans le bouilleur passe progressivement de 20 °C jusqu'à la température d'ébullition commençante du mélange liquide, notée  $T_{0,5}$ .

$T_{0,5}$  est à l'intersection de la courbe d'ébullition et de l'isotitre  $x_B = 0,5$ .

Puis la température dans le bouilleur augmente ( $\rightarrow\rightarrow\rightarrow$ ) et le liquide émet une vapeur qui passe en tête de colonne à 80 °C.

Pendant toute la durée de l'élimination de A vapeur,  $T_2$  reste égal à 80 °C, puis passe à 120 °C quand les vapeurs de B arrivent en haut de la colonne.

Évolution de  $T_1$  : trait **noir** ; évolution de  $T_2$  : trait **orange**.

## Exercice 5

Comme le montre le diagramme, le binaire éthanol-eau donne une solution liquide réelle.

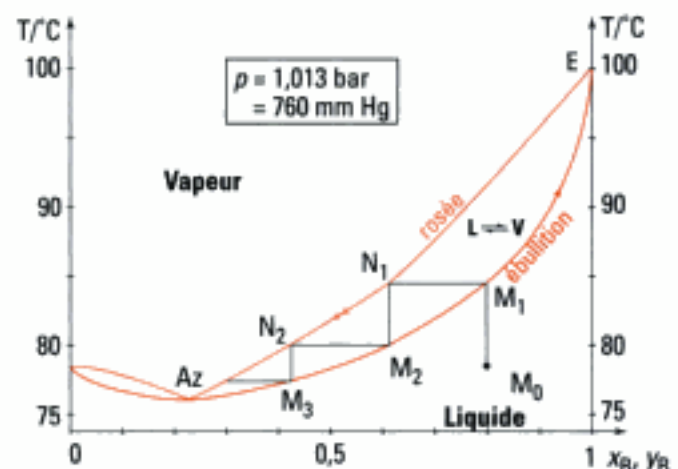
a) Le mélange correspondant au minimum du diagramme binaire est l'**azéotrope** dont la distillation fournit une vapeur ayant la même composition que le liquide dont elle est issue.

b) Nous allons utiliser les courbes d'ébullition et de rosée du diagramme isobare.

Une solution aqueuse diluée d'éthanol (point  $M_0$ ) est chauffée.

À la température  $T_1$  du point  $M_1$ , cette solution émet une vapeur (point  $N_1$ ) qui est plus riche en éthanol que la solution initiale.

Puis en montant le long de la colonne à distiller, la vapeur se condense (point  $M_2$ ), le liquide obtenu émet une vapeur encore plus riche que la précédente en éthanol (point  $N_2$ ), etc. Mais **en haut de la colonne, on obtient l'azéotrope**.



Donc au cours de la distillation, le bouilleur s'appauvrit en éthanol, la composition de la phase liquide suit les abscisses des points de la courbe d'ébullition  $M_1E$ , alors que la composition de la phase vapeur émise correspond aux abscisses des points de la courbe de rosée  $N_1Az$ .

Par cette simple distillation, il est **impossible** d'obtenir de l'éthanol anhydre.

c) Éthanol(A), eau(B).

$$m_A = 50 \times 0,79 = 39,5 \text{ g} ; m_B = 50 \times 1 = 50 \text{ g}.$$

$$w_A = \frac{m_A}{m_A + m_B} = \frac{39,5}{89,5} = 0,441.$$

Le tableau fournit une densité voisine de 0,93 pour ce mélange, d'où :

$$V = \frac{89,5}{0,93} = 96,2 \text{ mL}.$$

Il y a contraction de volume : il s'agit bien d'un liquide réel.

## Exercice 6

a) Il s'agit de l'**azéotrope**, où les courbes d'ébullition et de rosée présentent une tangente commune de pente nulle.

b) Passage de la fraction molaire à la fraction massique :

$$x_B = \frac{n_B}{n_A + n_B} = \frac{\frac{m_B}{M_B}}{\frac{m_A}{M_A} + \frac{m_B}{M_B}} = \frac{1}{1 + \frac{m_A M_B}{m_B M_A}} \Rightarrow \frac{m_A}{m_B} = (1 - x_B) \frac{M_A}{x_B M_B}.$$

$$w_B = \frac{m_B}{m_A + m_B} \text{ d'où : } \frac{m_A}{m_B} + 1 = (1 - x_B) \frac{M_A}{x_B M_B} + 1.$$

$$w_B = \frac{x_B M_B}{(1 - x_B) M_A + x_B M_B}.$$

Application numérique :  $x_B = 0,68$  ;  $M_A = 18 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$  ;  $M_B = 60 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$  ; d'où :

$$w_B = 0,876.$$

c) L'isotitre  $x_B = 0,3$  coupe la courbe d'ébullition pour  $T = 82 \text{ }^\circ\text{C}$ , apparition des premières bulles de vapeur ; puis pour  $T$  comprise entre  $82$  et  $86 \text{ }^\circ\text{C}$ , le système est diphasé.

L'isotherme  $T = 86 \text{ }^\circ\text{C}$  coupe la courbe d'ébullition pour  $x_{B,L} = 0,06$  et la courbe de rosée pour  $y_{B,V} = 0,44$ .

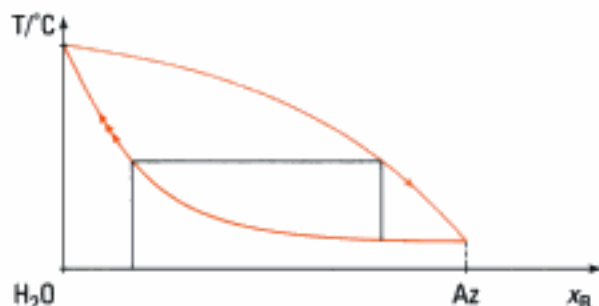
$$\text{Application de la règle des moments : } \begin{cases} n_L + n_V = 10 \\ n_L(x_B - x_{B,L}) = n_V(y_{B,V} - x_B) \end{cases}$$

$$\text{soit : } \begin{cases} n_L + n_V = 10 \\ n_L(0,3 - 0,06) = n_V(0,44 - 0,3) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} n_L = 3,684 \text{ mol} \\ n_V = 6,316 \text{ mol} \end{cases}$$

$$n_{B,L} = n_L x_{B,L} = 0,221 \text{ mol} ; n_{B,V} = n_V y_{B,L} = 2,779 \text{ mol}.$$

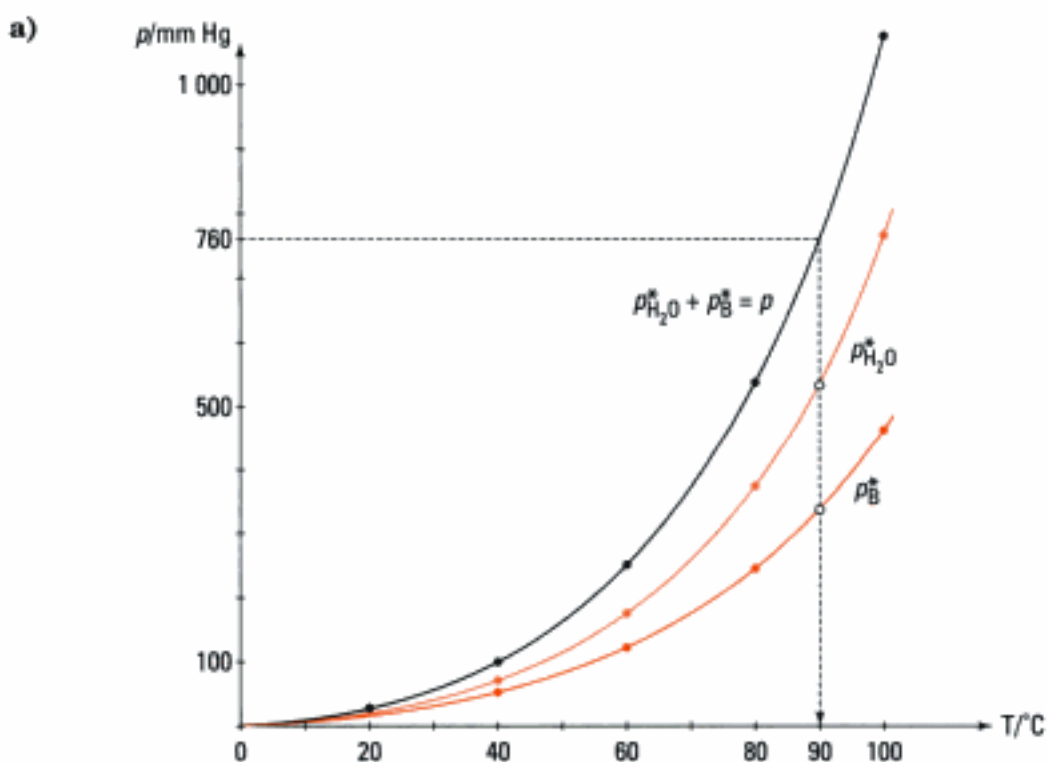
- d) La vapeur émise à 82 °C est plus riche en B que le liquide initial. La vapeur s'enrichit en B et le liquide s'appauvrit en eau.

On peut représenter l'évolution du contenu du bouilleur (en orange foncé) ; évolution du distillat (en orange clair) :



On obtient, dans le ballon, de l'eau pure, et dans le distillat, l'azéotrope.

### Exercice 7



- b) La somme des pressions de vapeur saturante est égale à 760 mm Hg quand  $T = 90\text{ °C}$  (voir schéma).

À  $90\text{ °C}$  :  $p_{\text{H}_2\text{O}}^* = 510\text{ mm Hg}$  ;  $p_{\text{B}}^* = 250\text{ mm Hg}$ .

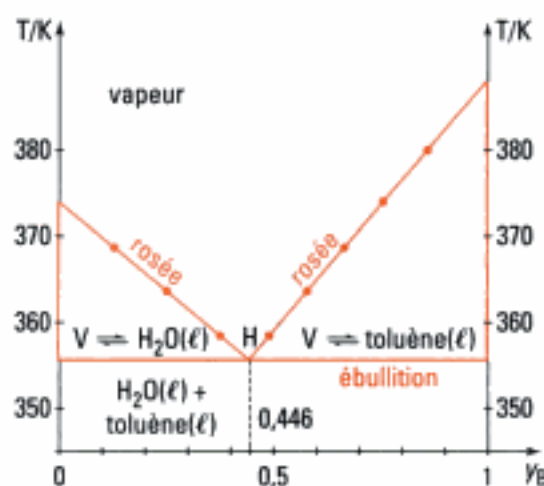
- c) Dans le mélange qui distille à  $90\text{ °C}$  :

$$y_{\text{H}_2\text{O}} = \frac{p_{\text{H}_2\text{O}}^*}{p} = \frac{510}{760} = 0,671 ; y_{\text{B}} = \frac{p_{\text{B}}^*}{p} = \frac{250}{760} = 0,329 .$$

$$\frac{y_{\text{H}_2\text{O}}}{y_{\text{B}}} = \frac{p_{\text{H}_2\text{O}}^*}{p_{\text{B}}^*} = \frac{\frac{m_{\text{H}_2\text{O}}}{M_{\text{H}_2\text{O}}}}{\frac{m_{\text{B}}}{M_{\text{B}}}} ;$$



Hidden page



Allure du diagramme binaire eau (A) - toluène (B) sous  $p = 760 \text{ mm Hg} = 1,013 \text{ bar}$ .

### Exercice 9

$$M(\text{H}_2\text{O}) = 18 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1} ; M(\text{C}_6\text{H}_5 - \text{CH}_3) = 92 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1} .$$

$$n_{\text{H}_2\text{O}} = \frac{9}{18} = 0,5 \text{ mol} ; n_{\text{toluène}} = \frac{11,5}{92} = 0,125 \text{ mol} ;$$

$$\text{soit : } x_{\text{toluène}} = \frac{0,125}{0,625} = 0,2 .$$

1) Le chauffage de ce liquide hétérogène produit de la vapeur lorsque la courbe isotitre  $x = 0,2$  atteint l'horizontale  $T = 357,3 \text{ K}$  qui est aussi la courbe d'ébullition.

La vapeur émise a la composition correspondant à l'abscisse de E, soit :

$$y_{\text{toluène}} = 0,446 \text{ et } y_{\text{H}_2\text{O}} = 0,554 .$$

a) Le toluène disparaît le premier, l'ébullition précédente est maintenue tant qu'il reste du toluène liquide dans le ballon, c'est-à-dire à la température de  $357,3 \text{ K}$ .

À la disparition de la dernière goutte de toluène dans le liquide,  $y_{\text{toluène}} = 0,446$ .

La vapeur contient de la vapeur sèche de toluène et de la vapeur saturante d'eau.

b) La dernière goutte de liquide disparaît à la température correspondant à l'intersection de l'isotitre  $0,2$  et de la courbe de rosée, soit :  $T_3 = 366 \text{ K}$ . Alors :

$$y_{\text{toluène}} = 0,2 .$$

2) L'isotherme  $368 \text{ K}$  coupe la courbe de rosée à  $y_{\text{toluène}} = 0,65$  ; pour que tout le système soit à l'état de vapeur, il faut que cette composition corresponde à celle du liquide hétérogène.

$$y_{\text{toluène}} = 0,65 = \frac{n_T}{n_E + n_T} \text{ or } n_T = \frac{9,2}{92} = 0,1 \text{ mol, soit :}$$

$$n_E = 5,4 \cdot 10^{-2} \text{ mol ou } m_E = 0,97 \text{ g d'eau.}$$

c) Pour qu'il reste une petite goutte d'eau liquide en équilibre avec la phase vapeur, il faut s'intéresser à l'autre système hétérogène caractérisé par  $y_T = 0,15$  à  $368 \text{ K}$ .

$$\text{Alors : } 0,15 = \frac{n_T}{n'_E + n_T}, \text{ d'où } n'_E = 0,517 \text{ mol, soit :}$$

$$m'_E = 9,3 \text{ g d'eau.}$$

## Exercices de niveau 2

### Exercice 10

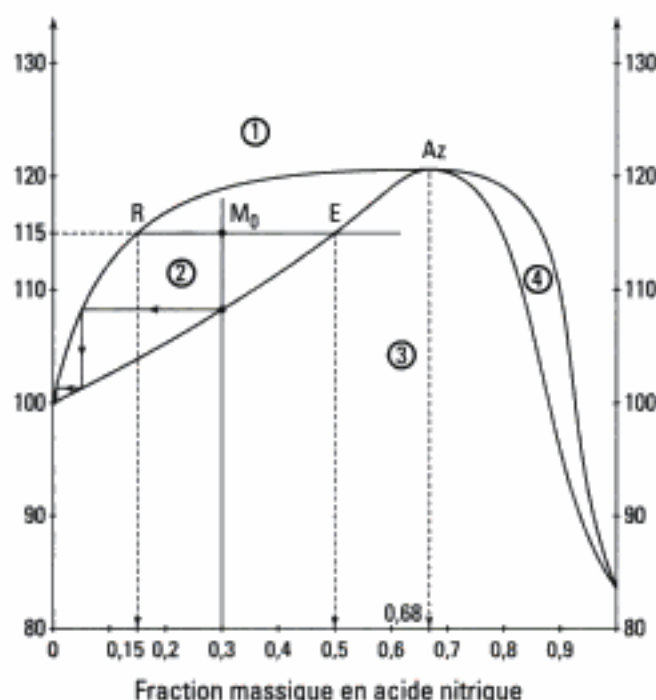
 Appliquer la *Méthode 1* de ce chapitre.

- a) Il s'agit d'un diagramme isobare établi sous  $p = 1,013 \text{ bar}$ , en effet  $T_{\text{éb}}^*(\text{H}_2\text{O}, \ell) = 100 \text{ }^\circ\text{C}$ . De même  $T_{\text{éb}}^*(\text{HNO}_3, \ell) = 83 \text{ }^\circ\text{C}$ .
- b) Le diagramme présente deux fuseaux de part et d'autre du point azéotrope. Le mélange liquide  $\text{H}_2\text{O} - \text{HNO}_3$  est un mélange réel. L'eau et l'acide nitrique sont deux molécules polaires, de plus il y a de fortes liaisons par pont hydrogène entre ces deux molécules.
- c) Domaine ① : phase vapeur ; domaines ② et ③ : liquide en équilibre avec la vapeur ; domaine ④ : solution liquide.
- d) Un litre de la solution a une masse de  $1\,182,2 \text{ g}$ . Elle contient  $5,63 \times 63,02 = 354,8 \text{ g}$  de  $\text{HNO}_3$ .

$$w(\text{HNO}_3)_{\text{initial}} = \frac{354,8}{1\,182,2} = 0,300.$$

Application de la règle des moments (voir le schéma ci-dessous).

$$\begin{cases} m_{\text{L}} + m_{\text{V}} = 1\,182,2 \\ m_{\text{L}} \times (0,5 - 0,3) = m_{\text{V}} \times (0,3 - 0,15). \end{cases}$$



d'où :

$$\begin{cases} m_{\text{L}} = 507,7 \text{ g, dont } m(\text{HNO}_3) = 507,7 \times 0,5 = 253,85 \text{ g} \\ m_{\text{V}} = 675,5 \text{ g, dont } m(\text{HNO}_3) = 675,5 \times 0,15 = 101,33 \text{ g} \end{cases}$$

- e) Le nombre de plateaux théoriques est le nombre d'étapes évaporation + condensation pour passer de l'état initial au produit obtenu en haut de colonne. Un minimum de trois plateaux théoriques est nécessaire.
- f) La vapeur émise par le liquide de fraction massique  $w_0 = 0,300$  a une composition plus riche en eau. Donc on obtient en **haut de la colonne** de l'eau pure.

Le **bouilleur**, s'appauvrissant en eau s'enrichit en acide nitrique jusqu'à ce que sa composition atteigne celle de l'**azéotrope**.

g) Azéotrope :  $w(\text{HNO}_3) = 0,68$ .

Soit 68 g de  $\text{HNO}_3$  ou  $\frac{68}{63,02} = 1,079$  mol et 32 g de  $\text{H}_2\text{O}$  ou  $\frac{32}{18} = 1,778$  mol ;

$$x(\text{HNO}_3) = \frac{1,079}{1,079 + 1,778} = 0,378.$$

### Exercice 11

a) • Expression de  $p$  en fonction de  $x_{2,\ell}$

Pour le composé (1) :  $p_1 = p_{1,\text{sat}} x_{1,\ell}$  ; pour le composé (2) :  $p_2 = p_{2,\text{sat}} x_{2,\ell}$ .

D'où  $p = p_1 + p_2 = p_{1,\text{sat}} x_{1,\ell} + p_{2,\text{sat}} x_{2,\ell}$ , or  $x_{1,\ell} + x_{2,\ell} = 1$ .

D'où :  $p = p_{1,\text{sat}} + x_{2,\ell}(p_{2,\text{sat}} - p_{1,\text{sat}})$ .

Application numérique :  $p = 0,4 - 0,08x_{2,\ell}$  (en bar).

• Expression de  $p$  en fonction de  $x_{2,g}$

Par définition :  $p_2 = p_{2,\text{sat}} x_{2,\ell} = p x_{2,g}$ , soit  $x_{2,\ell} = \frac{p}{p_{2,\text{sat}}} x_{2,g}$ .

D'où  $p = 0,4 - 0,08 \frac{p}{p_{2,\text{sat}}} x_{2,g} = 0,4 - 0,08 \frac{p}{0,32} x_{2,g} = 0,4 - \frac{x_{2,g}}{4} p$  ;

On a donc :  $p \left( 1 + \frac{x_{2,g}}{4} \right) = 0,4$

soit :

$$p = \frac{1,6}{x_{2,g} + 4} \text{ (en bar)}.$$

b) Tracé du diagramme isotherme à 115 °C (voir ci-contre).

c) La droite supérieure correspond à la courbe d'ébullition.

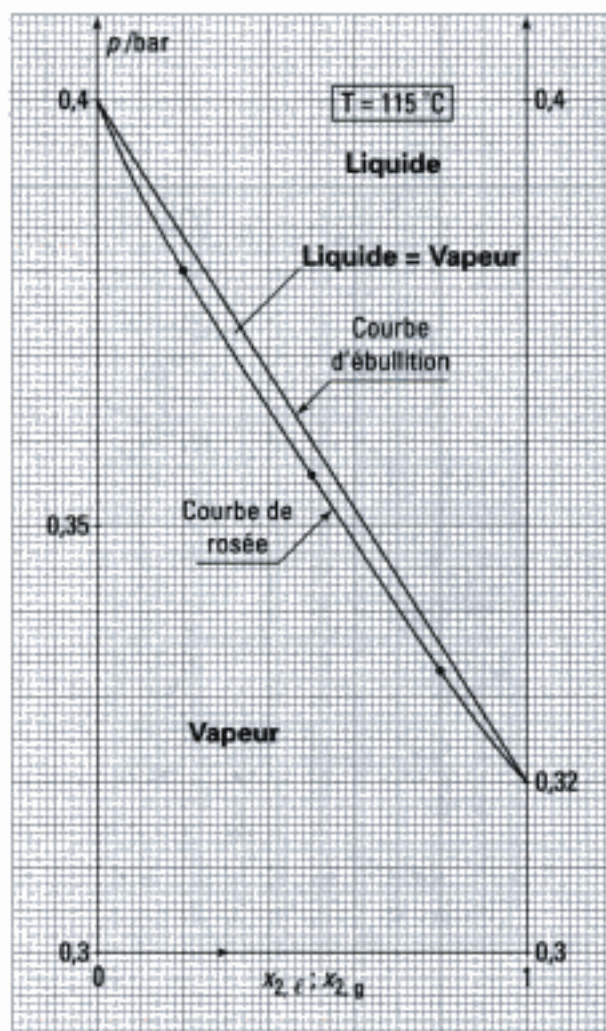
L'hyperbole inférieure correspond à la courbe de rosée.

Entre les deux, coexistent les deux phases liquide et vapeur en équilibre.

Au-dessus de la courbe d'ébullition, c'est le domaine du liquide ; au-dessous de la courbe de rosée, c'est le domaine de la vapeur.



Bien remarquer qu'il s'agit d'un diagramme isotherme.





# Diagrammes d'Ellingham : pyrométallurgie

## Introduction

Nous allons utiliser nos connaissances sur les équilibres chimiques et sur leur évolution pour envisager l'étude de la réduction de différents oxydes à hautes températures dans le but de préparer le métal correspondant. Cette technique d'élaboration des métaux est appelée la **pyrométallurgie**.

Les résultats théoriques de ces réductions peuvent être obtenus grâce à la construction et à l'étude des **diagrammes d'Ellingham** qui comportent en ordonnée l'enthalpie libre standard de formation de l'oxyde et en abscisse la température :  $\Delta_f G^0(T) = f(T)$ .

### Plan du chapitre 5

<b>A. Les minerais</b> .....	126
1. Nature des minerais .....	126
2. Extraction du métal brut .....	126
<b>B. Diagrammes d'Ellingham</b> .....	127
1. Définition .....	127
2. Tracé du diagramme .....	127
3. Les domaines d'existence du métal et de son oxyde .....	131
4. L'équilibre de Boudouard .....	132
5. Prévion des réactions de pyrométallurgie .....	133
<b>C. Pyrométallurgie</b> .....	134
1. Élaboration du zinc .....	134
2. Élaboration de la fonte .....	136
<b>Méthodes</b>	
L'essentiel ; mise en œuvre .....	138
<b>Énoncés des exercices</b> .....	141
<b>Indications</b> .....	144
<b>Solutions des exercices</b> .....	145

# A. Les minerais

À part quelques métaux, que l'on trouve à l'état natif dans la nature, comme l'or, le platine, l'argent et le cuivre, les autres se trouvent combinés dans des **minerais**, combinaisons chimiques complexes, mélangés avec des roches stériles constituant la **gangue**.

## A.1. Nature des minerais

Compte tenu de l'abondance naturelle des éléments oxygène et silicium, les combinaisons des métaux avec des anions seront essentiellement<sup>1</sup> :

\* des **oxydes** : magnétite  $\text{Fe}_3\text{O}_4$ , hématite  $\text{Fe}_2\text{O}_3$ , anatase et rutile  $\text{TiO}_2$ , bunsenite  $\text{NiO}$ , cassitérite  $\text{SnO}_2$ , alumine  $\text{Al}_2\text{O}_3$ , ...

\* des **carbonates** : aragonite et calcite  $\text{CaCO}_3$ , cérusite  $\text{PbCO}_3$ , rhodocrosite  $\text{MnCO}_3$ , smithsonite  $\text{ZnCO}_3$ , ...

\* des **sulfures** : würtzite et blende  $\text{ZnS}$ , stibine  $\text{Sb}_2\text{S}_3$ , pyrite  $\text{FeS}_2$ , cinabre  $\text{HgS}$ , covellite  $\text{CuS}$ , bismuthinite  $\text{Bi}_2\text{S}_3$ , ...

\* des **silicates** : de fer, de calcium, d'aluminium, ...

\* des **halogénures** : sel gemme  $\text{NaCl}$ , sylvite  $\text{KCl}$ , miersite  $\text{AgI}$ , ...

## A.2. Extraction du métal brut

L'élément métallique étant le plus souvent engagé dans un minerai sous la forme d'un cation, il est nécessaire d'opérer une réaction de réduction. Cette réduction peut être chimique et s'effectuer en présence d'un réducteur solide ou gazeux à haute température : on parle alors de **pyrométallurgie**.

On peut aussi opérer par voie électrochimique, essentiellement par électrolyse des solutions aqueuses concentrées contenant le cation hydraté : il s'agit alors d'**hydrométallurgie**. Citons enfin des électrolyses en milieu fondu, permettant d'obtenir, par exemple, de l'aluminium liquide vers 950 °C.

### A.2.1. – Pyrométallurgie des métaux nobles

Dans le cas du cuivre, on chauffe simplement le cuivre contenu dans sa gangue, relativement fusible,  $T_{\text{fus}}^*(\text{Cu}, \text{s}) = 1\,083\text{ °C}$  ; le cuivre liquide se sépare de la gangue restant à l'état solide.

### A.2.2 – Pyrométallurgie des oxydes et des carbonates

La décomposition thermique des carbonates conduit aux oxydes. La récupération du métal correspondant est possible par réduction de l'oxyde par le carbone à haute température<sup>2</sup>.

Le carbone est un réducteur de choix, il est peu coûteux, ses oxydes sont gazeux ( $\text{CO}$ ,  $\text{CO}_2$ ) ;  $\text{CO}(\text{g})$  est aussi un bon réducteur.

Selon la température à laquelle l'opération est effectuée, le métal est récupéré :

– à l'état solide : il faut alors traiter un oxyde très pur (c'est le cas du nickel) ;

– à l'état liquide : il peut alors dissoudre un certain nombre d'impuretés qu'il faudra ultérieurement éliminer (c'est le cas dans la métallurgie du fer, du plomb, de l'étain) ;

– à l'état gazeux : il suffit alors de le condenser pour obtenir un produit pur (c'est le cas du zinc).

### A.2.3 – Pyrométallurgie des sulfures

Un traitement oxydant les transforme en oxyde dont la réduction par une méthode appropriée fournit le métal ; c'est le cas du plomb, du zinc.

1. Il existe de nombreux autres minerais, comme les sulfates, les hydroxohalogénures, ...

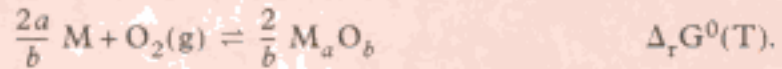
2. Introduit avec le minerai solide, le carbone est oxydé à haute température en  $\text{CO}_2(\text{g})$  et  $\text{CO}(\text{g})$ . Présent en excès dans le haut fourneau, il donne lieu à l'équilibre dit « de Boudouard » :  $\text{C}(\text{s}) + \text{CO}_2(\text{g}) \rightleftharpoons 2\text{CO}(\text{g})$  que nous étudierons plus particulièrement dans le paragraphe B.4.

## B. Diagrammes d'Ellingham

### B.1. Définition

#### Définition 1

Les diagrammes d'Ellingham représentent les enthalpies libres standard de formation d'un oxyde à partir d'un métal ou d'un oxyde inférieur dont l'équation bilan est ramenée à la consommation d'une mole de dioxygène<sup>1</sup> : le nombre stœchiométrique du dioxygène est toujours  $\nu_{O_2} = -1$ .



La formation de l'oxyde  $M_a O_b$  est caractérisée par les grandeurs thermodynamiques standard :

$$\Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0(T) - T \Delta_r S^0(T)$$

avec<sup>2</sup> :  $\Delta_r H^0(T) = \Delta_r H^0(298 \text{ K}) + \int_{298}^T \Delta_r C_p^0 dT$

$$\text{et } \Delta_r S^0(T) = \Delta_r S^0(298 \text{ K}) + \int_{298}^T \frac{\Delta_r C_p^0}{T} dT ;$$

$$\Delta_r C_p^0(T) = \frac{2}{b} C_p^0(M_a O_b) - C_p^0(O_2) - \frac{2a}{b} C_p^0(M).$$

#### Propriété 1

**Approximation d'Ellingham** : on ne tient pas compte de l'influence de la température sur l'enthalpie et l'entropie standard de réaction.

Cela revient à poser  $\Delta_r C_p^0(T) = 0$ , d'où :

$$\Delta_r H^0(T) \approx \Delta_r H^0(298 \text{ K}) = \Delta_r H^0 = \text{constante} ;$$

$$\Delta_r S^0(T) \approx \Delta_r S^0(298 \text{ K}) = \Delta_r S^0 = \text{constante} .$$

$\Delta_r H^0$  et  $\Delta_r S^0$  sont calculables à partir des valeurs tabulées à 298 K<sup>3</sup> :

$$\Delta_r H^0 = \sum_B \nu_B \Delta_f H_B^0 \quad \text{et} \quad \Delta_r S^0 = \sum_B \nu_B S_B^0 .$$

$$\Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0 - T \Delta_r S^0$$

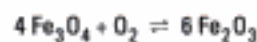
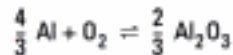
### B.2. Tracé du diagramme

La fonction enthalpie libre standard  $\Delta_r G^0(T)$  est une fonction affine de la température, d'ordonnée à l'origine  $\Delta_r H^0$  et de pente  $-\Delta_r S^0$ .

$$\text{Or :} \quad \Delta_r S^0 = \frac{2}{b} S^0(M_a O_b) - S^0(O_2, g) - \frac{2a}{b} S^0(M).$$

Les entropies molaires standard des solides M et  $M_a O_b$  sont négligeables devant  $S^0(O_2, g)$  ; par conséquent  $\Delta_r S^0 < 0$  et  $-\Delta_r S^0 > 0$ . La plupart des droites  $\Delta_r G^0(T) = f(T)$  auront donc des **pentés croissantes** avec la température.

#### 1. Exemples :

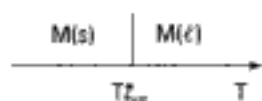


2. Ces relations sont valables en l'absence de changement d'état physique du métal ou de l'oxyde.

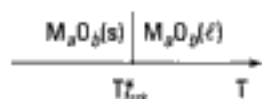
3. Ces données thermodynamiques sont tabulées dans les *JANAF Thermochemical Tables* pour des valeurs de la température variant de 0 à 4 000 K. Mais il y a toujours une ligne pour  $T = 298,15 \text{ K}$  : c'est celle qui nous intéresse.

## B.2.1 – Continuité des droites lors des changements d'état du métal ou de l'oxyde

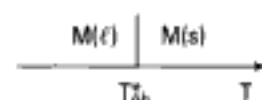
1. Fusion du métal :



Fusion de l'oxyde :



2. Vaporisation du métal :

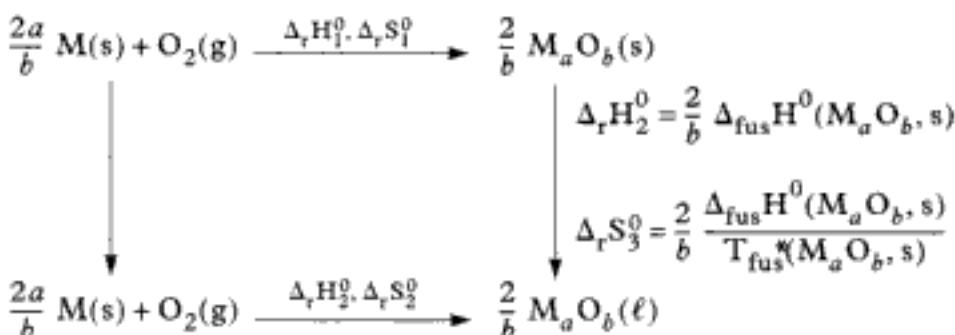


$T_{\text{éb}}$  est donnée comme sous la pression  $p = p^0 = 1 \text{ bar}$

Lorsque la température augmente, le métal ou l'oxyde peuvent changer d'état d'agrégation : fusion puis ébullition correspondant aux passages successifs à l'état liquide<sup>1</sup> et à l'état gazeux<sup>2</sup>. On prend alors en compte, dans le calcul de  $\Delta_r G^0(T)$ , les enthalpies et les entropies de changement d'état.

Le plus simple est d'utiliser un cycle enthalpique.

• *Cas de la fusion de l'oxyde*

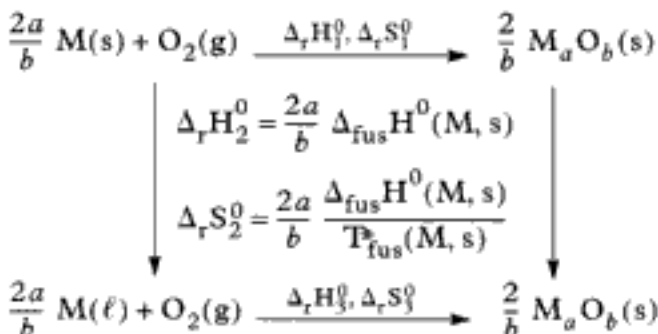


$$\text{d'où : } \Delta_r H_2^0 = \Delta_r H_1^0 + \frac{2}{b} \Delta_{\text{fus}} H^0(\text{M}_a\text{O}_b, \text{s})$$

$$\Delta_r S_2^0 = \Delta_r S_1^0 + \frac{2}{b} \frac{\Delta_{\text{fus}} H^0(\text{M}_a\text{O}_b, \text{s})}{T_{\text{fus}}^*(\text{M}_a\text{O}_b, \text{s})}$$

À  $T = T_{\text{fus}}^*$ , on vérifie sans problème que :  $\Delta_r G_1^0(T_{\text{fus}}^*) = \Delta_r G_2^0(T_{\text{fus}}^*)$ .

• *Cas de la fusion du métal*



$$\Delta_r H_3^0 = \Delta_r H_1^0 - \Delta_r H_2^0 = \Delta_r H_1^0 - \frac{2a}{b} \Delta_{\text{fus}} H^0(\text{M}, \text{s})$$

$$\Delta_r S_3^0 = \Delta_r S_1^0 - \Delta_r S_2^0 = \Delta_r S_1^0 - \frac{2a}{b} \frac{\Delta_{\text{fus}} H^0(\text{M}, \text{s})}{T_{\text{fus}}^*(\text{M}, \text{s})}$$

On vérifie qu'à  $T = T_{\text{fus}}^*(\text{M}, \text{s})$  :

$$\Delta_r G_1^0(T_{\text{fus}}^*(\text{M}, \text{s})) = \Delta_r G_3^0(T_{\text{fus}}^*(\text{M}, \text{s}))$$

• *Conclusion*

Les droites d'Ellingham sont continues aux températures de changement d'état (fusion et vaporisation) du métal et de l'oxyde.



## B.2.2 – Les droites d'Ellingham

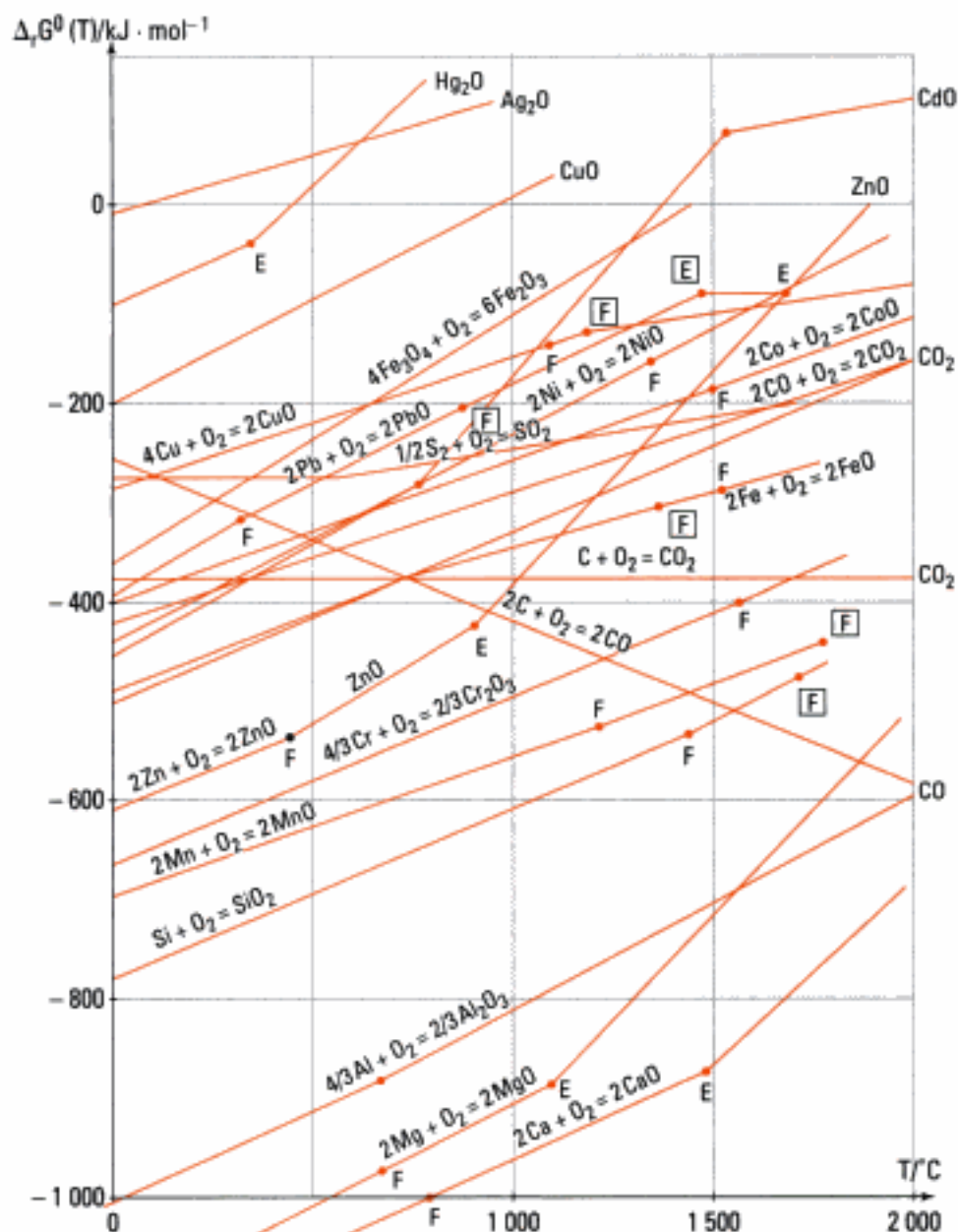


Fig. 1 – Diagramme d'Ellingham relatif à quelques couples élément/oxyde et sous-oxyde/oxyde<sup>1</sup>.

1. Les changements d'état correspondent à une discontinuité de la pente.

Fusion

– de l'élément : F

– de l'oxyde : [F]

Ébullition

– de l'élément : E

– de l'oxyde : [E]

### Application 1 Le couple Zn/ZnO

a) Déterminer les expressions de  $\Delta_r G^0(T) = f(T)$  pour le couple Zn/ZnO dans l'approximation d'Ellingham. On considérera l'intervalle de température  $300 < T < 1\,500$  K.

b) Tracer le diagramme correspondant.

Composés	$\Delta_f H^0 / \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	$S^0 / \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$
Zn(s)	0	41,63
ZnO(s)	-350,46	43,65
O <sub>2</sub> (g)	0	205

$T_{\text{fus}}^*(\text{Zn}, \text{s}) = 693$  K ;  $\Delta_{\text{fus}} H^0(\text{Zn}, \text{s}) = 6,52$  kJ · mol<sup>-1</sup> ;

$T_{\text{éb}}^*(\text{Zn}, \ell) = 1\,180$  K ;  $\Delta_{\text{vap}} H^0(\text{Zn}, \ell) = 130,4$  kJ · mol<sup>-1</sup>.

...

### Solution

a) Définition des différents domaines d'étude :



Domaine ① :  $2 \text{Zn(s)} + \text{O}_2(\text{g}) = 2 \text{ZnO(s)}$ ,  $300 < T < 693$ .

$$\Delta_r G_1^0(T) = \Delta_r H_1^0 - T \Delta_r S_1^0,$$

avec  $\Delta_r H_1^0 = 2 \Delta_f H^0(\text{ZnO})$  et  $\Delta_r S_1^0 = 2 S^0(\text{ZnO}) - S^0(\text{O}_2) - 2 S^0(\text{Zn})$

d'où :  $\Delta_r G_1^0(T) = -700,92 + 0,2T$  (en  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ).

Domaine ② :  $2 \text{Zn(l)} + \text{O}_2(\text{g}) = 2 \text{ZnO(s)}$ ,  $693 < T < 1180$ .

$$\Delta_r G_2^0(T) = \Delta_r H_2^0 - T \Delta_r S_2^0, \text{ avec } \Delta_r H_2^0 = \Delta_r H_1^0 - 2 \Delta_{\text{fus}} H^0(\text{Zn})$$

$$\text{et } \Delta_r S_2^0 = 2 S^0(\text{ZnO}) - S^0(\text{O}_2) - 2 S^0(\text{Zn}) - \frac{2 \Delta_{\text{fus}} H^0(\text{Zn})}{T_{\text{fus}}(\text{Zn})}$$

$$\Delta_r G_2^0(T) = -700,92 - 2 \times 6,52 - T \left( 2 \times 43,65 - 205 - 2 \times 41,63 - 2 \times \frac{6\,520}{693} \right) \cdot 10^{-3},$$

d'où :  $\Delta_r G_2^0(T) = -713,96 + 0,219\,8T$  (en  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ).

Domaine ③ :  $2 \text{Zn(g)} + \text{O}_2(\text{g}) = 2 \text{ZnO(s)}$ ,  $1180 < T < 1500$ .

$$\Delta_r G_3^0(T) = \Delta_r H_3^0 - T \Delta_r S_3^0,$$

avec  $\Delta_r H_3^0 = \Delta_r H_2^0 - 2 \Delta_{\text{vap}} H^0(\text{Zn}, \ell)$

$$\text{et } \Delta_r S_3^0 = \Delta_r S_2^0 - \frac{2 \Delta_{\text{vap}} H^0(\text{Zn})}{T_{\text{eb}}(\text{Zn})}$$

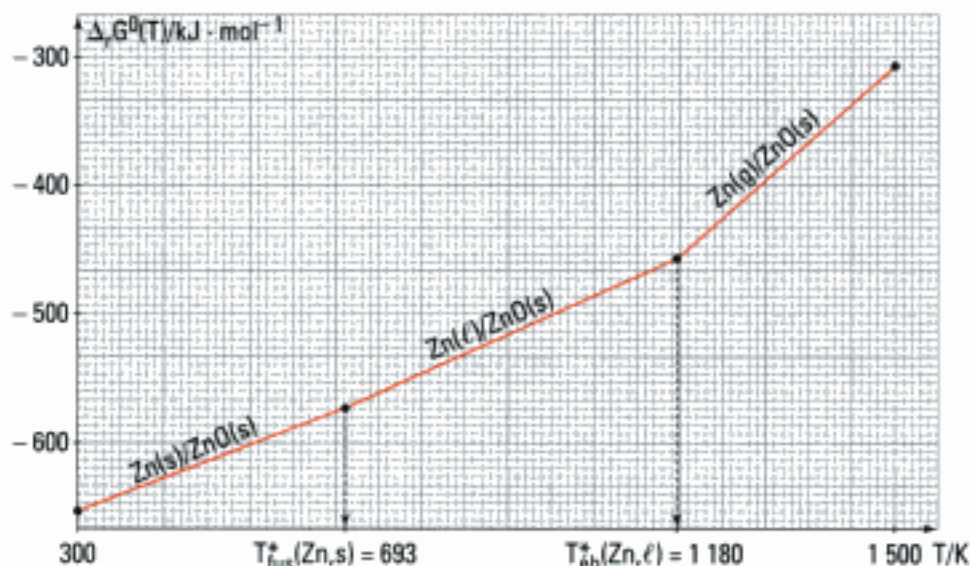
$$\Delta_r S_3^0 = 2 \times 43,65 - 205 - 2 \times 41,63 - 2 \times \frac{6\,520}{693} - 2 \times \frac{130\,400}{1\,180}$$

$$\Delta_r S_3^0 = -440,8 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\Delta_r G_3^0(T) = -713,96 - 2 \times 130,4 + 0,440\,8T,$$

d'où :  $\Delta_r G_3^0(T) = -974,76 + 0,440\,8T$  (en  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ).

b)



Hidden page

**Propriété 2**

En dessous de la droite d'Ellingham relative au couple  $M/MO_2$ , c'est le domaine d'existence du métal  $M$  (fig. 3).

En conséquence, au-dessus de la droite d'Ellingham, c'est le domaine d'existence de l'oxyde  $MO_2$ .

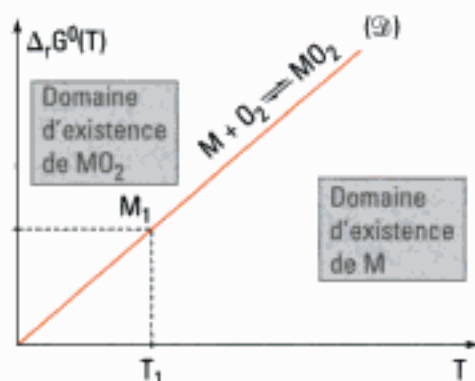


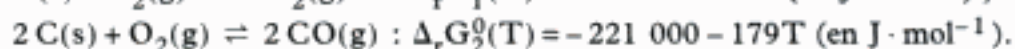
Fig. 3 – Domaines d'existence du métal et de son oxyde.

Dans chaque cas, on trouve l'un des composés seul en présence de dioxygène à une pression différente de sa pression d'équilibre à la température  $T$  considérée.

### B.4. L'équilibre de Boudouard

• L'un des réducteurs les plus utilisés en pyroméallurgie est le carbone  $C$ .

Sous l'action de l'oxygène, il y a formation de deux oxydes  $CO_2(g)$  et  $CO(g)$  :



On peut aussi envisager l'équilibre entre  $CO$  et  $CO_2$  :



Ces trois équations de droite  $\Delta_r G^0(T) = f(T)$  ont un point commun, car les équilibres chimiques qu'elles représentent ne sont pas indépendants (voir figure 4) :

$$T_M = 980 \text{ K} .$$

De plus, on peut simplifier ce diagramme.

Pour  $T < 980 \text{ K}$ ,  $CO$  n'est pas stable vis-à-vis de sa dismutation, d'où la suppression des droites ② et ③ pour  $T < 980 \text{ K}$ .

Pour  $T > 980 \text{ K}$ ,  $CO$  est stable et son domaine de prédominance (il s'agit d'un gaz) est limité par les frontières ② et ③.

D'où le diagramme simplifié, figure 5.

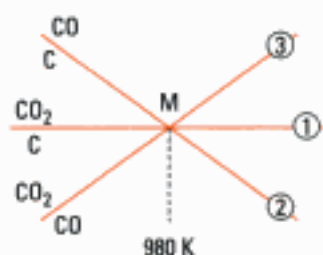


Fig. 4 – Diagramme d'Ellingham du carbone et de ses oxydes.

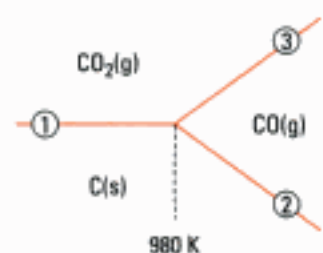
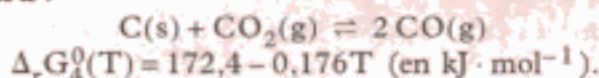


Fig. 5 – Diagramme plus réaliste du carbone et de ses oxydes.

**Propriété 3**

En présence de carbone en excès, les oxydes donnent lieu à l'équilibre de Boudouard :





Hidden page

- Dans le premier cas, quelle que soit la température,  $\Delta_r G_1^0(T)$  est inférieur à  $\Delta_r G_2^0(T)$ . La réaction  $X + ZO_2 \rightarrow Z + XO_2$  a une affinité  $\mathcal{A}_3(T)$  telle que :

$$\mathcal{A}_3(T) = \mathcal{A}_3^0(T) = -[\Delta_r G_1^0(T) - \Delta_r G_2^0(T)] \gg 0.$$

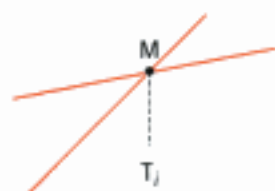
La réaction se produit totalement dans le sens indiqué jusqu'à disparition d'un réactant, X ou  $ZO_2$ . On peut dire que X est plus réducteur que Z.

- Dans le deuxième cas de figure, les droites ① et ② se coupent à une température  $T_i$  <sup>1</sup>:
  - pour  $T < T_i$  :  $X + ZO_2 \rightarrow Z + XO_2$ , alors X plus réducteur que Z ;
  - pour  $T > T_i$  :  $Z + XO_2 \rightarrow X + ZO_2$ , alors Z plus réducteur que X.

#### Propriété 4

Nous retiendrons que, dans un diagramme d'Ellingham, si deux espèces ont des domaines d'existence disjoints, elles réagissent totalement l'une sur l'autre.

#### 1. Et en M( $T_i$ ) ?



Les quatre phases condensées sont en équilibre sous la même pression d'équilibre en dioxygène.

Toute modification de température provoque une réaction totale avec consommation du réactif limitant.

#### 2. Les autres minerais sont :

- le carbonate de zinc ou smithsonite  $ZnCO_3$  ;
- le silicate de zinc ou willémité  $Zn_2SiO_4$ .

## C. Pyrométallurgie

La technique de production d'un métal par réduction de ses oxydes à chaud est utilisée depuis l'Antiquité pour produire du fer, de l'acier, de la fonte et du zinc.

### C.1. Élaboration du zinc

#### C.1.1 – Les minerais de zinc

Le principal minerais<sup>2</sup> est le **sulfure de zinc ou blende  $ZnS$** , sa gangue est siliceuse ou calcaire et renferme souvent du sulfure de plomb ou galène  $PbS$ , du sulfure de cadmium  $CdS$  et un peu de pyrite  $FeS_2$ .

#### C.1.2 – Pyrométallurgie du zinc

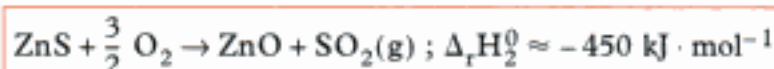
Les minerais de zinc sont calcinés sur place afin de les transformer en oxyde de zinc.

##### • Grillage de la blende

La blende  $ZnS$  est généralement associée aux sulfures des métaux suivants : Pb, Cu, Cd, Ag, Ba. Dans les minerais exploités, les deux sulfures de zinc et de plomb sont en quantités à peu près équivalentes. On commence par enrichir le minerai en  $ZnS$  en le séparant d'une part de la gangue, puis par un procédé dit de flottation mettant à profit la faible « mouillabilité » de surface des sulfures, on sépare, ou mieux on enrichit le minerai en  $ZnS$  au détriment de  $PbS$  et  $CdS$ . On obtient ainsi un concentré de zinc de teneurs moyennes en masse.

Élément	Zn	S	Fe	Cd	Cu	Mg	Pb	Si
w en %	50,4	33	10	0,1	0,37	0,12	2,10	0,9

Le grillage de ce concentré de zinc est assuré par la réaction :



Hidden page

Hidden page



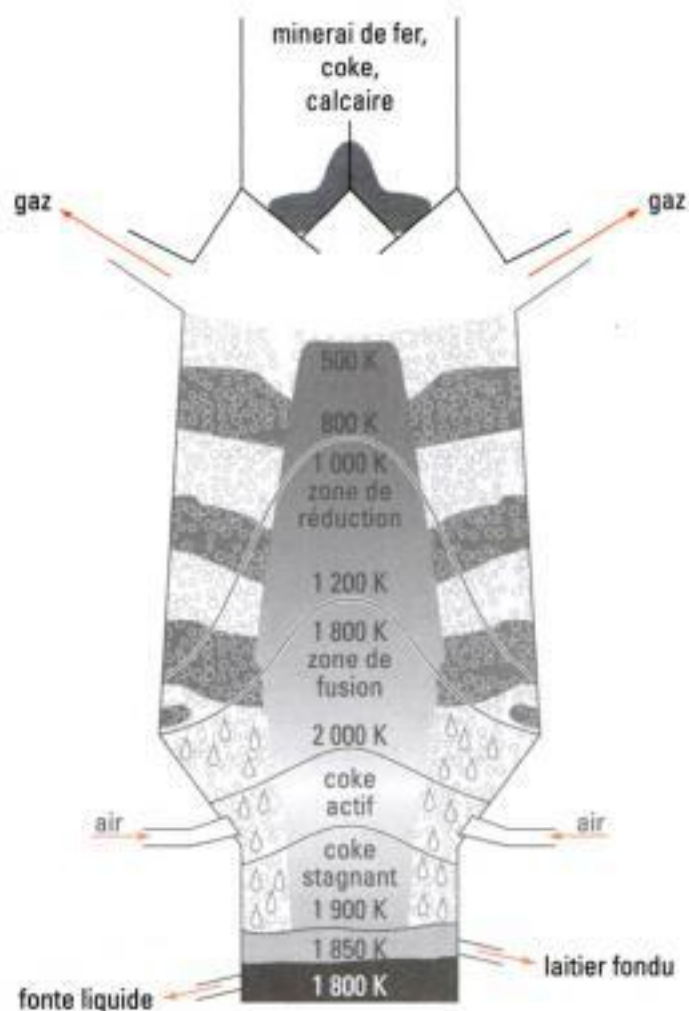
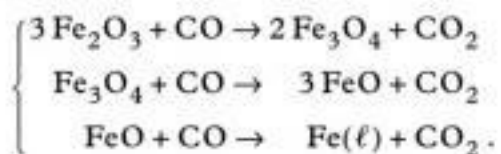
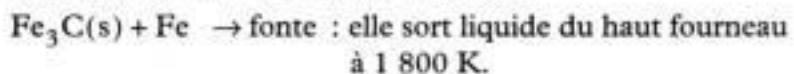
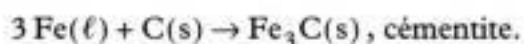


Fig. 11 – Élaboration de la fonte.

Dans la zone de réduction :



Dans la zone de fusion :



Ces différentes réductions seront étudiées à l'exercice 4 à l'aide des diagrammes d'Ellingham correspondants.

## L'essentiel

### ✓ Construction d'un diagramme d'Ellingham

- La construction d'un **diagramme d'Ellingham** pour un couple élément/oxyde consiste à porter l'**enthalpie libre standard**  $\Delta_r G^0(T)$  en fonction de la température  $T$ .

On s'intéresse à la réaction associée à  $\nu_{O_2} = -1$ .



- L'**approximation d'Ellingham** consiste à négliger l'influence de la température sur l'enthalpie standard et l'entropie standard de la réaction.

$$\text{Soit : } \Delta_r C_p^0 = \frac{2}{b} C_p^0(M_a O_b) - C_p^0(O_2) - \frac{2a}{b} C_p^0(M) = 0,$$

d'où :

$$\Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0 - T \Delta_r S^0$$

- Un diagramme d'Ellingham est une suite de segments de droite dont les ruptures de pente correspondent aux changements d'état physique de  $M$  et de  $M_a O_b$  (fusion et vaporisation).

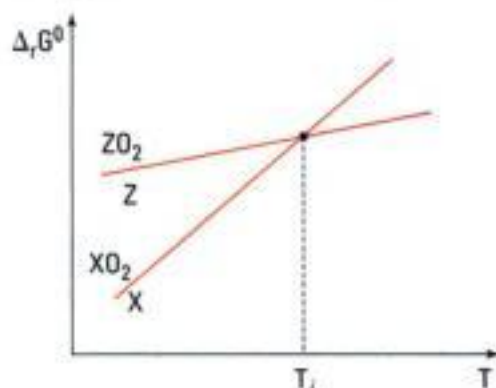
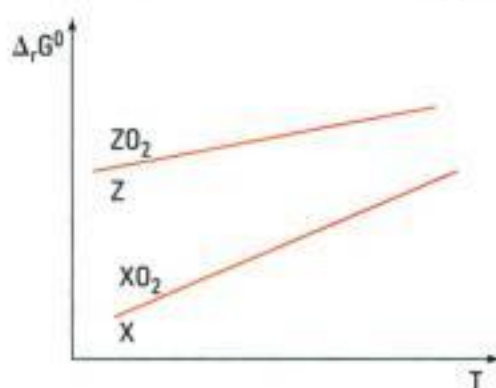
$$\Delta_r G^0(T) = RT \ln \frac{p_{O_2}}{p^0}$$

À une température donnée, le métal et son oxyde coexistent sous une pression d'oxygène appelée **pression de corrosion**.

### ✓ Utilisation d'un diagramme d'Ellingham

- Un diagramme d'Ellingham sert à prédire des résultats de pyrométallurgie : réduction d'un oxyde métallique par un métal ou par le carbone.

Pour les deux couples  $X/XO_2$  et  $Z/ZO_2$ , deux situations sont possibles :



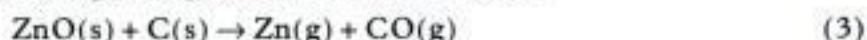
Quelle que soit la température, la réaction :  $X + ZO_2 \rightarrow XO_2 + Z$  est totale et se poursuit jusqu'à disparition du réactif limitant ( $X$  ou  $ZO_2$ ) ;  $X$  est plus réducteur que  $Z$ .

- À  $T < T_1$  :  $X + ZO_2 \rightarrow XO_2 + Z$ ,  $X$  est plus réducteur que  $Z$ .
- À  $T > T_1$  :  $Z + XO_2 \rightarrow X + ZO_2$ ,  $Z$  est plus réducteur que  $X$ .

- L'**équilibre de Boudouard** :  $C(s) + CO_2(g) \rightleftharpoons 2 CO(g)$  montre que dans les hauts fourneaux le réducteur est  $CO(g)$  pourvu que la température soit voisine de 1 000 K.

Hidden page

- Les domaines d'existence des deux solides sont indiqués sur le schéma précédent. Les gaz correspondent à des domaines de prédominance.
- À la température de 1 400 K, ZnO(s) et C(s) ont des domaines d'existence disjoints : ils réagissent selon une réaction totale jusqu'à disparition du réactif limitant.



- Bilans de matière :

	$\text{ZnO(s)}$	+	$\text{C(s)}$	$\rightarrow$	$\text{Zn(g)}$	+	$\text{CO(g)}$	
Dans l'état initial	0,2		0,1		0		0	mol
Dans l'état final	0,1		0		0,1		0,1	mol

- Pressions des différents gaz :

$$p_{\text{Zn}} = p_{\text{CO}} = \frac{nRT}{V} = \frac{0,1 \times 8,314 \times 1\,400}{10^{-3}} = 11,64 \cdot 10^5 \text{ Pa} = 11,64 \text{ bar}.$$

Il y a dans le système le couple Zn(g)/ZnO(s), il y a donc de l'oxygène sous sa pression de corrosion (point M).

À 1 400 K :  $\Delta_r G_2^0 = -358\,000 = -RT \ln K_2^0$ , d'où  $K_2^0 = 2,3 \cdot 10^{13}$ .

Pour la réaction (2) :  $2 \text{Zn(g)} + \text{O}_2(\text{g}) = \text{ZnO(s)}$

$$K_2^0 = \frac{(p^0)^3}{p_{\text{Zn}}^2 p_{\text{O}_2}}, \text{ soit } p_{\text{O}_2} = \frac{(p^0)^3}{K_2^0 p_{\text{Zn}}^2}.$$

*Application numérique* :  $p_{\text{O}_2} = \frac{1}{2,3 \cdot 10^{13} \times 11,64^2} = 3 \cdot 10^{-16} \text{ bar}.$

**État final :**

$$n(\text{ZnO, s}) = 0,1 \text{ mol};$$

$$p_{\text{CO}} = p_{\text{Zn}} = 11,64 \text{ bar};$$

$$p_{\text{O}_2} = 3 \cdot 10^{-16} \text{ bar}.$$



# Exercices

## Vrai ou faux ?

Données communes aux exercices 1 et 2 :

Pour le couple C/CO :

$$\Delta_r G_1^0(T) = -221\,000 - 179T \text{ (en J} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

Pour le couple Cr/Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub> :

$$\begin{cases} (p_{\text{O}_2})_{\text{eq}} \text{ à } 800 \text{ K} = 2,8 \cdot 10^{-30} \text{ bar} \\ (p_{\text{O}_2})_{\text{eq}} \text{ à } 1\,500 \text{ K} = 4 \cdot 10^{-7} \text{ bar} \end{cases}$$

### Ex. 1 Le couple Cr/Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>

- a) À 1 000 K, la pression du dioxygène en équilibre avec Cr et Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub> est égale à  $1,5 \cdot 10^{-10}$  bar.
- b) Quelle que soit la température, du chrome abandonné à l'air se transforme totalement en trioxyde de dichrome. Dans l'air :  $p_{\text{O}_2} = 0,2$  bar.
- c) Pour enjoliver l'aspect extérieur de certains métaux, on les recouvre d'une couche de chrome qui reste brillante à l'air libre. On peut conclure que Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub> ne se forme pas.

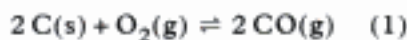
### Ex. 2 Pouvoirs réducteurs

- a) Quelle que soit la température, le chrome est plus réducteur que le carbone.
- b) Dans une ampoule en silice de 1 dm<sup>3</sup>, on place 0,1 g de carbone et 1 g d'oxyde de chrome. Le vide est fait dans l'ampoule qui est ensuite scellée et portée à 1 000 K. La pression dans l'ampoule, une fois la réaction terminée, est égale à 0,693 bar.
- c) La pression du dioxygène dans l'ampoule est égale à  $2,3 \cdot 10^{-20}$  bar.

## Niveau 1

### Ex. 3 Préparation du nickel

On considère les réactions :



- a) Exprimer  $\Delta_r G_1^0(T)$  et  $\Delta_r G_2^0(T)$ . Tracer le diagramme d'Ellingham correspondant.
- b) Montrer qu'à partir d'une température  $T_0$ , la réduction de l'oxyde de nickel par le carbone est possible.

- c) Que se passe-t-il si on met, à  $T = 1\,000 \text{ K}$ , de l'oxyde de nickel en présence de carbone ? Calculer les quantités de matière des espèces présentes, et donner la pression partielle de dioxygène à l'équilibre si on introduit 0,4 mol d'oxyde de nickel et 0,2 mol de carbone dans une enceinte de volume 20 L.

Données :

Composés	$\Delta_r H^0$ (kJ · mol <sup>-1</sup> )	$S^0$ (J · K <sup>-1</sup> · mol <sup>-1</sup> )
CO(g)	-110,5	197,6
NiO(s)	-244,3	38,0
Ni(s)	0	29,9
C(s)	0	5,7
O <sub>2</sub> (g)	0	205,0

### Ex. 4 Diagramme d'Ellingham du fer et de ses oxydes

- a) Rappeler le principe de construction du diagramme d'Ellingham d'un couple M/M<sub>p</sub>O<sub>q</sub> en précisant clairement les approximations faites.
- b) Établir les équations  $\Delta_r G_i^0 = f(T)$  ( $i$  variant de 1 à 5), pour  $T$  appartenant à l'intervalle [500 K ; 1 500 K], des diagrammes d'Ellingham rapportés à une mole de O<sub>2</sub>, des couples Fe/FeO, Fe/Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>, FeO/Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>, Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>/Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> et du couple H<sub>2</sub>/H<sub>2</sub>O.

Remarque : Tous les composés sont des solides à l'exception de O<sub>2</sub>, H<sub>2</sub> et H<sub>2</sub>O qui sont en phase gazeuse. On considérera également que le fer solide reste sous sa forme cristalline Fe<sub>α</sub>.

Tableau des grandeurs thermodynamiques :

Composés	$\Delta_r H^0$ (kJ · mol <sup>-1</sup> )	$S^0$ (J · K <sup>-1</sup> · mol <sup>-1</sup> )
Fe <sub>α</sub> (s)	0	27,2
FeO(s)	-266,0	57,4
Fe <sub>3</sub> O <sub>4</sub> (s)	-1 117,3	146,3
Fe <sub>2</sub> O <sub>3</sub> (s)	-823,5	87,3
O <sub>2</sub> (g)	0	204,8
H <sub>2</sub> (g)	0	130,5
H <sub>2</sub> O(g)	-241,8	188,5

- c) Représenter sur un même graphe les diagrammes d'Ellingham des couples précédents.

Échelle : abscisse  $\leftrightarrow$  1 cm/100 K ;  
ordonnée  $\leftrightarrow$  5 cm/100 kJ.

d) Montrer que l'oxyde ferreux FeO est instable en deçà d'une certaine température  $T_0$  que l'on calculera.

### Ex. 5 Réduction des oxydes de fer par le dihydrogène

Nous allons envisager les réductions des oxydes de fer  $\text{Fe}_2\text{O}_3$ ,  $\text{Fe}_3\text{O}_4$  et FeO par le dihydrogène :

- réduction de  $\text{Fe}_2\text{O}_3$  en  $\text{Fe}_3\text{O}_4$  ;
- réduction de  $\text{Fe}_3\text{O}_4$  en FeO ou en Fe selon la valeur de T ;
- réduction de FeO en Fe si FeO est stable, donc également selon la valeur de T.

a) Écrire les quatre réactions de réduction.

b) Trois de ces quatre réductions sont équilibrées. Calculer les enthalpies libres standard de ces trois équilibres (notées  $\Delta_r G_6^0$ ,  $\Delta_r G_7^0$  et  $\Delta_r G_8^0$ ) en fonction de T.

c) Étudier l'influence respective des variations de la température et de la pression sur la position de ces trois équilibres. Les gaz sont supposés parfaits.

d) Établir les expressions du rapport  $\frac{p_{\text{H}_2\text{O}}}{p_{\text{H}_2}} = f(T)$

pour T variant de 500 K à  $T_0$ , puis T variant de  $T_0$  à 1 500 K, pour les trois équilibres précédents.

On ne tiendra compte de l'existence de FeO que si T est supérieure à  $T_0$ .

e) Tracer sur un même graphe l'allure des courbes

$\frac{p_{\text{H}_2\text{O}}}{p_{\text{H}_2}} = f(T)$ . On indiquera, le long de chaque

courbe, l'équation de l'équilibre considéré.

f) À l'aide des lois de déplacement d'équilibre, préciser, sur ce graphe, le domaine de stabilité des phases solides.

### Ex. 6 Obtention du bismuth

Dans cette partie, on se placera dans les conditions des approximations d'Ellingham.

1) Le bismuth se trouve principalement dans la nature sous forme de sulfure de bismuth (III)  $\text{Bi}_2\text{S}_3$ . L'obtention du métal Bi commence par un grillage de ce sulfure solide par le dioxygène avec formation d'oxyde de bismuth (III)  $\text{Bi}_2\text{O}_3$  et de dioxyde de soufre. Écrire l'équation bilan relative au grillage d'une mole de  $\text{Bi}_2\text{S}_3$  et déterminer l'enthalpie libre standard de cette réaction à 500 K. Conclure.

2) Dans une seconde étape, nous admettrons, pour simplifier, que  $\text{Bi}_2\text{O}_3$  est réduit par du carbone graphite pur avec uniquement formation de dioxyde de carbone.

a) Établir, en précisant les domaines de validité, les expressions  $\Delta_r G^0 = f(T)$  pour les couples  $\text{Bi}_2\text{O}_3/\text{Bi}$

et  $\text{CO}_2/\text{C}$  en se limitant à l'intervalle de température 300 K – 1 800 K, chaque réaction d'obtention d'oxyde considérée ne mettant en jeu qu'une mole de dioxygène.

b) Tracer sur un même graphe pour ces deux couples les courbes  $\Delta_r G^0 = f(T)$  en prenant impérativement comme échelle : en abscisse 1 cm pour 100 K et en ordonnée 4 cm pour 100 kJ · mol<sup>-1</sup>.

c) Déterminer la pression de corrosion du bismuth par le dioxygène à 750 K.

d) Déterminer l'enthalpie libre standard de la réaction de réduction de l'oxyde de bismuth (III) par le carbone à 750 K et la constante d'équilibre de la réaction correspondante. Conclure.

Données :

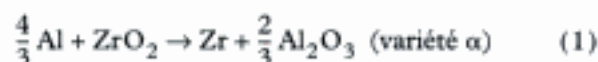
$\Delta_f H^0$  et  $S^0$  sont données à 298 K, alors que  $\Delta_{\text{fus}} H^0$  est donnée à la température du changement d'état correspondant.

Espèce	C	CO <sub>2</sub> (g)	SO <sub>2</sub> (g)	Bi
T <sub>fus</sub> /°C	-	-	-	271
T <sub>éb</sub> /°C	-	-	-	1 560
$\Delta_f H^0/\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	-	- 393,5	- 296,8	-
$S^0/\text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$	5,7	213,7	248,1	56,8
$\Delta_{\text{fus}} H^0/\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	-	-	-	10,9

Espèce	Bi <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	Bi <sub>2</sub> S <sub>3</sub>	O <sub>2</sub>
T <sub>fus</sub> /°C	817	-	-
T <sub>éb</sub> /°C	1 890	-	-
$\Delta_f H^0/\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	- 574,1	- 143,1	-
$S^0/\text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$	151,5	200,5	205
$\Delta_{\text{fus}} H^0/\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	28,5	-	-

### Ex. 7 Réduction de la zirconite par l'aluminium

On considère la réaction :



dont tous les constituants sont solides et non miscibles à 298 K.

$$\Delta_f G^0(\text{Al}_2\text{O}_3, \alpha) = - 1 582,3 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\Delta_f G^0(\text{ZrO}_2, \text{s}) = - 1 039,7 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} .$$

a) Calculer  $\ln p_{\text{O}_2}$ , le logarithme népérien de la pression minimale d'oxygène qui serait nécessaire pour oxyder l'aluminium à 298 K. Quelle interprétation faut-il tirer de la valeur trouvée ?

b) Quelle est, à 298 K, l'enthalpie libre de réaction  $\Delta_r G_1$  de la réaction (1) quand les quatre solides

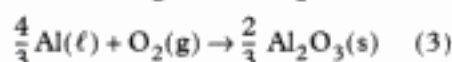
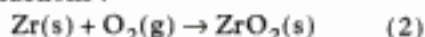


purs sont en présence sous  $10^5$  Pa ? Que doit-il se passer ? Quand ne se passera-t-il plus rien ? Les quatre solides peuvent-ils se trouver en équilibre à 298 K sous  $10^5$  Pa ?

c) En fait, quand les quatre solides sont mis en présence à 298 K, apparemment, il ne se passe rien. Pourquoi ?

d) On étudie le même système à quatre phases, mais entre 1 000 K et 1 200 K, donc au-dessus de la température de fusion de l'aluminium (qui est égale à 933,5 K sous 1 bar). Le liquide et les trois solides ne sont pas miscibles.

Pour les réactions :



on donne (en  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ) :

$$\Delta_r G_2^0(T) = -1\,097,5 + 0,193\,6T ;$$

$$\Delta_r G_3^0(T) = -1\,131,4 + 0,224\,2T .$$

À quelle température les quatre phases (Al liquide pur ;  $\text{ZrO}_2$ , Zr et  $\text{Al}_2\text{O}_3\alpha$  solides purs) peuvent-elles coexister en équilibre sous  $10^5$  Pa

e) Peut-on faire de l'aluminium dans un creuset en zircon (ZrO<sub>2</sub>), ou du zirconium dans un creuset en alumine α (Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>α) ? Pourquoi ?

On donne les températures de fusion de  $\text{ZrO}_2$  : 2 988 K ; de Zr : 2 125 K ; de  $\text{Al}_2\text{O}_3\alpha$  : 2 345 K.

## Niveau 2

### Ex. 8 Élaboration du zirconium par le procédé Kroll

Le zirconium est un métal de choix comme matériau de gainage pour les combustibles nucléaires, et comme matériau de structure dans les réacteurs nucléaires.

L'étape fondamentale du procédé Kroll est la réduction du tétrachlorure de zirconium par le magnésium :



La réaction est effectuée à 800 °C, sous argon, à  $p^0$ . Les phases en présence sont non miscibles.

a) Déterminer l'expression  $\Delta_r G^0 = f(T)$  pour la réaction précédente dans un domaine de température que l'on précisera.

b) Exprimer l'affinité chimique de la réaction.

c) Montrer que la réaction est spontanée dans les conditions industrielles :

$$T = 800\text{ °C}, p_{\text{ZrCl}_4} = 0,1\text{ bar} .$$

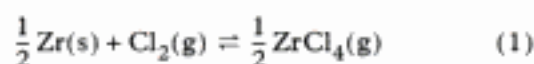
Données thermodynamiques :

Composés	Zr(s)	ZrCl <sub>4</sub> (s)
$\Delta_f H^0 / \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	0	-980
$\Delta_{\text{sub}} H^0 / \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$		106
$T_{\text{fus}}^* / \text{K}$	2 133	
$T_{\text{sub}} / \text{K}$		604
$S^0 / \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$	39,0	181

Composés	Mg(s)	MgCl <sub>2</sub> (s)
$\Delta_f H^0 / \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	0	-641
$\Delta_{\text{fus}} H^0 / \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	9	43
$T_{\text{fus}}^* / \text{K}$	923	981
$S^0 / \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$	32,68	89,59

d) Tracer les diagrammes d'Ellingham

$\Delta_r G_1^0 = f_1(T)$  et  $\Delta_r G_2^0 = f_2(T)$  pour les deux réactions :



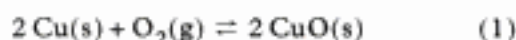
On tiendra compte des différents états physiques de Mg et de MgCl<sub>2</sub>.

Retrouver, à l'aide des diagrammes, les résultats de la question précédente.

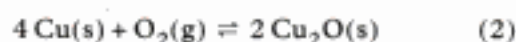
Donnée :  $S^0(\text{Cl}_2, \text{g}) = 223\text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$ .

### Ex. 9 Le diagramme d'Ellingham du cuivre

On considère les réactions :



$$\Delta_r G_1^0(T) = -314\,600 + 186,2T ;$$



$$\Delta_r G_2^0(T) = -337\,200 + 151,6T ;$$



$$\Delta_r G_3^0(T) .$$

Les enthalpies libres standard de réaction sont fournies en  $\text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

1) Déterminer l'expression numérique de  $\Delta_r G_3^0(T)$ .

2) Étude de la dismutation de l'oxyde de cuivre(I).

a) Écrire l'équation bilan de la réaction de dismutation de cuivre(I) en cuivre et en oxyde de cuivre(II).

b) Déterminer l'expression numérique de l'enthalpie libre standard  $\Delta_r G_4^0(T)$  de la réaction de dismutation.

c) Conclure sur la stabilité thermodynamique de Cu<sub>2</sub>O.

d) Dans une enceinte vide de volume invariable égal à 0,5 litre, maintenue à 700 K, on introduit 0,1 mole de  $\text{CuO}(s)$  et 0,05 mole de  $\text{Cu}(s)$ .

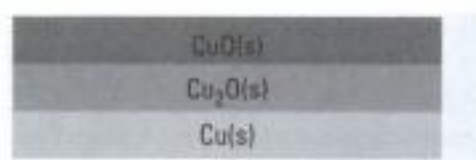
Déterminer l'état final du système.

3) Tracer le diagramme d'Ellingham du cuivre et de ses oxydes en reportant les points correspondant aux équations (1), (2) et (3) pour T appartenant à l'intervalle [500 ; 2 000 K].

4) Quelles modifications faut-il apporter au diagramme précédent dans le domaine où la température T est supérieure à la température de fusion  $T_{\text{fus}}$  du cuivre ? Donnée :  $T_{\text{fus}}(\text{Cu}, s) = 1\,356\text{ K}$ .

5) Définir les espèces stables dans chaque domaine. Préciser et justifier s'il s'agit de domaines d'existence.

6) Un morceau de cuivre abandonné à l'attaque de l'air atmosphérique noircit ; un examen de la couche superficielle révèle la structure suivante :



Cette succession de couches est-elle en accord avec le diagramme de la question 3) ?

Justifier votre réponse.

## Indications

### Ex. 1

Chaque réaction correspond à  $\nu_{\text{O}_2} = -1$ .

Exprimer  $\Delta_r G^0(T)$  pour l'équilibre de formation de  $\text{Cr}_2\text{O}_3$ , sachant que  $\Delta_r G^0(T) = A + BT$ .

### Ex. 2

Écrire l'équation bilan de la réaction se produisant à 1 000 K et faire un bilan matière. La pression de dioxygène est donnée par  $\Delta_r G^0(1\,000\text{ K})$  s'il reste du chrome, et  $\text{Cr}_2\text{O}_3$ .

### Ex. 3

La pression de  $\text{O}_2$  est reliée à  $\Delta_r G^0(1\,000\text{ K})$ .

### Ex. 4

Pour  $T < T_0$ , FeO apparaît comme l'oxydant le plus fort et comme le réducteur le plus fort : il se dismute en Fe et  $\text{Fe}_3\text{O}_4$ .

### Ex. 7

Pour une réaction entre solides non miscibles, le quotient de réaction est égal à 1 et  $\mathcal{A}(T) = \mathcal{A}^0(T)$  quelle que soit T, avec :

$$\mathcal{A}^0(T) = - \sum \nu_B \Delta_f G_B^0.$$

### Ex. 8

Le diagramme d'Ellingham peut être tracé avec comme oxydant le dioxygène ou le dichlore.

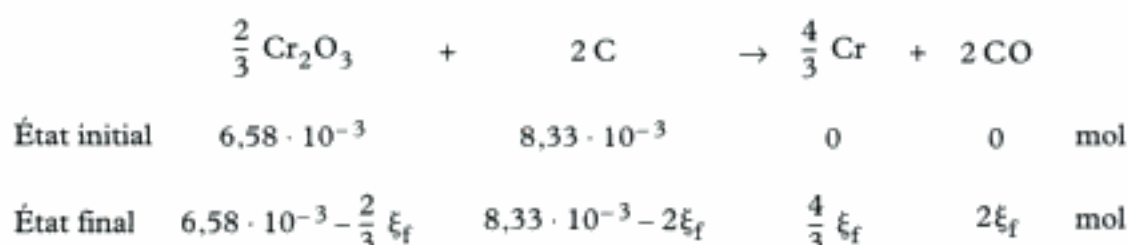
### Ex. 9

La dismutation de  $\text{Cu}_2\text{O}$  fournit naturellement du cuivre et l'oxyde  $\text{CuO}$ . La couleur noire est due à la formation d'oxyde de cuivre(II).



Hidden page

b) **Vrai.** À 1 000 K, il se produit la réaction :



Est-ce que l'état final est un état d'équilibre ?

$$\Delta_r G^0(1\,000\text{ K}) = \Delta_r G_1^0(1\,000\text{ K}) - \Delta_r G_2^0(1\,000\text{ K}) = -24\,210 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1},$$

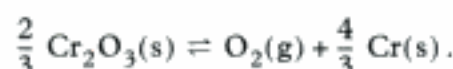
ce qui correspond à  $(p_{\text{CO}})_{\text{éq}} = 18,4 \text{ bar}$ .

Il n'y a pas assez de carbone initialement pour assurer cette pression de CO : la réaction précédente se produit avec disparition du réactif limitant, dans ce cas le carbone.

Il se forme donc  $8,33 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$  de CO.

$$(p_{\text{CO}})_f = \frac{8,33 \cdot 10^{-3} \times 8,314 \cdot 10^3}{10^{-3}} = 69\,256 \text{ Pa} \approx \mathbf{0,693 \text{ bar}}.$$

c) **Vrai.** Il y a, dans l'ampoule, du chrome ( $5,55 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$ ) et de l'oxyde de chrome  $\text{Cr}_2\text{O}_3$  ( $3,8 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$ ), donc il y a aussi du dioxygène à cause de l'équilibre :



$(p_{\text{O}_2})_{\text{éq}}$  est égale à la pression de corrosion à 1 000 K.

$$(p_{\text{O}_2})_{\text{éq}} = 2,3 \cdot 10^{-20} \text{ bar}.$$

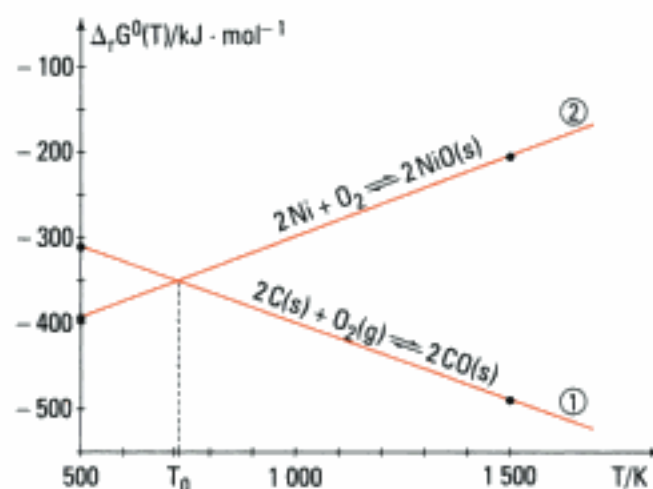
## Exercices de niveau 1

### Exercice 3

a)  $\Delta_r G_1^0(T) = -221 - 0,179T$  (en  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ).

$\Delta_r G_2^0(T) = -488,6 + 0,189T$  (en  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ).

• **Diagrammes d'Ellingham** :



b) Écrivons l'équation bilan de la réduction de NiO(s) par C(s) :



$$\Delta_r G_3^0(T) = \frac{1}{2} [\Delta_r G_1^0(T) - \Delta_r G_2^0(T)] = 133,8 - 0,184T \text{ (en kJ} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

$$\Delta_r G_3^0(T) < 0, \text{ donc } T > 727 \text{ K notée } T_0.$$

En fait  $T_0$  représente seulement la température d'inversion de cet équilibre :

$$\Delta_r G_3^0(T_0) = 0 \Leftrightarrow (p_{\text{CO}})_{\text{éq}} = 1 \text{ bar}.$$

c)  $\Delta_r G_3^0(1\,000 \text{ K}) = -50\,200 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$  ;  $K_3^0(1\,000 \text{ K}) = 419 = \frac{p_{\text{CO}}}{p^0}$ .

	NiO(s)	+	C(s)	$\rightleftharpoons$	Ni(s)	+	CO(g)	
Bilan initial	0,4		0,2		0		0	mol
Bilan final	0,2		0		0,2		0,2	mol

L'état final n'est pas un état d'équilibre : tout le carbone est consommé, la pression de CO ne peut atteindre la pression d'équilibre de 419 bar.

État final :  $n_{\text{C},s} = 0 \text{ mol}$  ;  $n_{\text{NiO},s} = 0,2 \text{ mol} = n_{\text{Ni},s}$  ;  $n_{\text{CO},g} = 0,2 \text{ mol}$ .

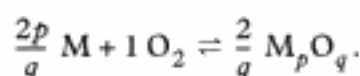
La pression de dioxygène est fixée par le couple NiO(s)/Ni(s).

$$\Delta_r G_2^0(T) = RT \ln \frac{(p_{\text{O}_2})_{\text{éq}}}{p^0}. \text{ À } 1\,000 \text{ K, } \Delta_r G_2^0(1\,000 \text{ K}) = -299\,600 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}, \text{ d'où :}$$

$$(p_{\text{O}_2})_{\text{éq}} = 2,2 \cdot 10^{-16} \text{ bar}.$$

#### Exercice 4

a) Écriture de l'équation bilan avec 1 comme nombre stœchiométrique de l'oxygène :



Pour calculer  $\Delta_r H^0$  et  $\Delta_r S^0$ , on suppose que les enthalpies et les entropies molaires standard de formation sont indépendantes de la température.

D'où :  $\Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0 - T\Delta_r S^0$ ,  $\Delta_r G^0(T)$  est une fonction affine de la température.

b) En utilisant  $\Delta_r H^0 = \sum_B \nu_B \Delta_f H_B^0$  et  $\Delta_r S^0 = \sum_B \nu_B S_B^0$ , on obtient :

$$2 \text{ Fe} + \text{O}_2 \rightleftharpoons 2 \text{ FeO} : \quad \Delta_r G_1^0(T) = -532 + 0,144 \, 4T ;$$

$$\frac{3}{2} \text{ Fe} + \text{O}_2 \rightleftharpoons \frac{1}{2} \text{ Fe}_3 \text{O}_4 : \quad \Delta_r G_2^0(T) = -558,6 + 0,172 \, 4T ;$$

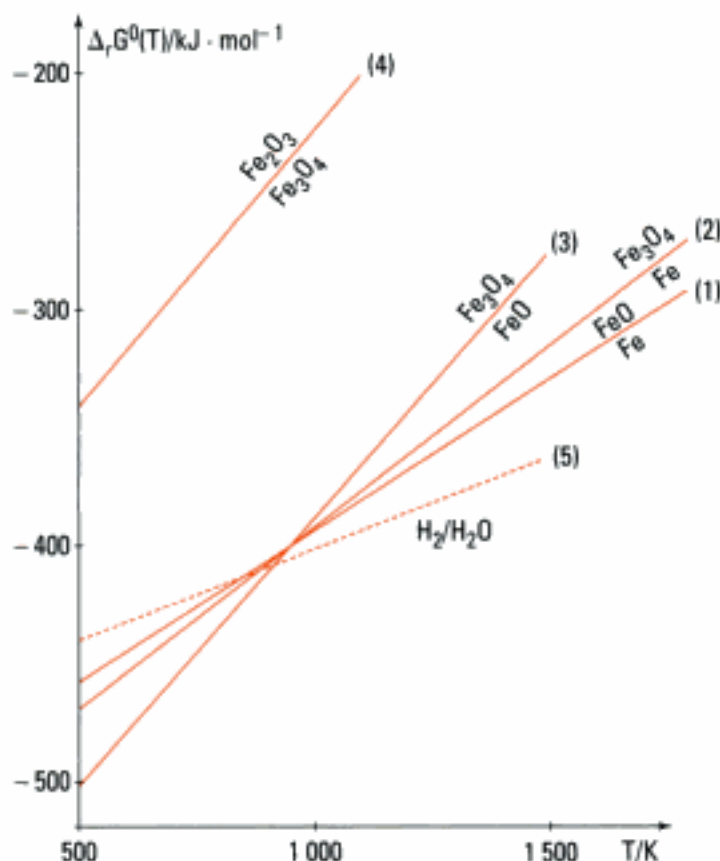
$$6 \text{ FeO} + \text{O}_2 \rightleftharpoons 2 \text{ Fe}_3 \text{O}_4 : \quad \Delta_r G_3^0(T) = -638,6 + 0,256 \, 6T ;$$

$$4 \text{ Fe}_3 \text{O}_4 + \text{O}_2 \rightleftharpoons 6 \text{ Fe}_2 \text{O}_3 : \quad \Delta_r G_4^0(T) = -471,8 + 0,266 \, 2T ;$$

$$2 \text{ H}_2 + \text{O}_2 \rightleftharpoons 2 \text{ H}_2 \text{O} : \quad \Delta_r G_5^0(T) = -483,6 + 0,088 \, 8T.$$

Les  $\Delta_r G_i^0(T)$  sont exprimés en  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

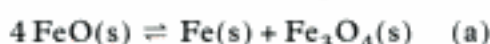
c) Diagramme d'Ellingham des couples précédents :



d) Les trois droites (1), (2) et (3) se coupent en un point commun car les équilibres chimiques qu'elles représentent ne sont pas indépendants. Par exemple, on peut obtenir l'équation bilan (3) en faisant la combinaison linéaire  $4(2) - 3(1)$  soit :

$$\Delta_r G_3^0(T) = 4\Delta_r G_2^0(T) - 3\Delta_r G_1^0(T).$$

L'oxyde de fer (II) peut se dismuter suivant l'équilibre :



$$\Delta_r G_a^0(T) = \frac{1}{2} [\Delta_r G_3^0(T) - \Delta_r G_1^0(T)] = -53,3 + 0,056 \, 1T \quad (\text{en kJ} \cdot \text{mol}^{-1}).$$

$$\mathcal{A}_a(T) = \mathcal{A}_a^0(T) = -\Delta_r G_{\text{Fe}_3\text{O}_4}^0 - \Delta_r G_{\text{Fe}}^0 + 4\Delta_r G_{\text{FeO}}^0.$$

$$\mathcal{A}_a(T_0) = +53 \, 300 - 56,1T_0 = 0, \text{ d'où : } T_0 = 950 \text{ K}.$$

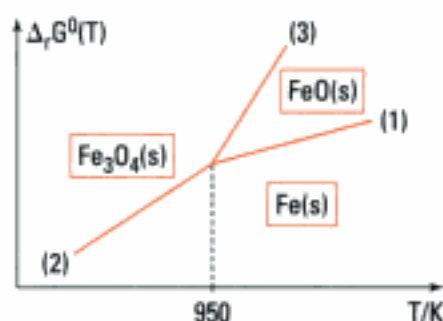
Toute modification de la température entraîne une rupture d'équilibre.

$T < T_0 \Rightarrow \mathcal{A}_a(T) > 0$  : disparition de  $\text{FeO(s)}$ .

$T > T_0 \Rightarrow \mathcal{A}_a(T) < 0$  : disparition de  $\text{Fe(s)}$  ou de  $\text{Fe}_3\text{O}_4(\text{s})$ .

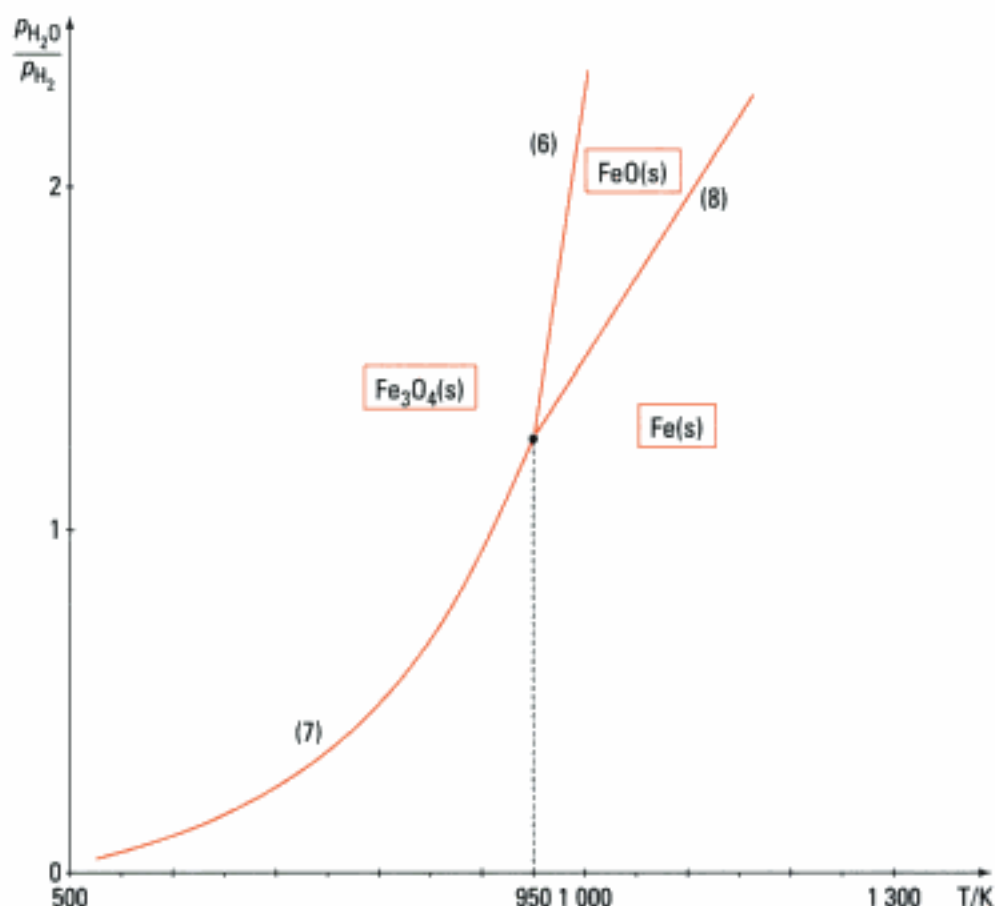
**$\text{FeO(s)}$  est donc stable vis-à-vis de sa dismutation à  $T > 950 \text{ K}$**

Il faut donc modifier l'allure du diagramme d'Ellingham du fer et de ses oxydes pour mettre en évidence la dismutation de  $\text{FeO(s)}$  à  $T < 950 \text{ K}$ .





Hidden page



### Exercice 6



$$\Delta_r H^0(500 \text{ K}) = \Delta_r H^0(298 \text{ K}) = \Delta_r H^0 ;$$

$$\Delta_r H^0 = \Delta_f H^0(\text{Bi}_2\text{O}_3) + 3\Delta_f H^0(\text{SO}_2) - \Delta_f H^0(\text{Bi}_2\text{S}_3) ;$$

$$\Delta_r H^0 = -1\,321,4 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\Delta_r S^0(500 \text{ K}) = \Delta_r S^0(298 \text{ K}) = \Delta_r S^0 ;$$

$$\Delta_r S^0 = S^0(\text{Bi}_2\text{O}_3) + 3S^0(\text{SO}_2) - S^0(\text{Bi}_2\text{S}_3) - \frac{9}{2} S^0(\text{O}_2) ;$$

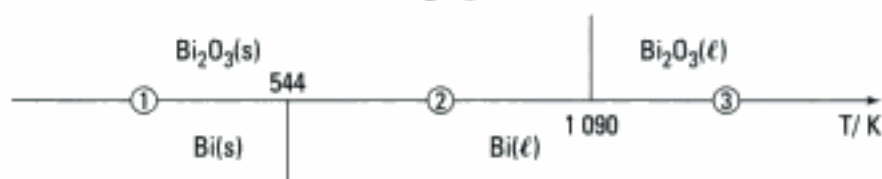
$$\Delta_r S^0 = -227,2 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

D'où :  $\Delta_r G^0(T) = \Delta_r H^0 - T\Delta_r S^0 = -1\,321,4 + 0,227\,2T$  (en  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ).

Application numérique :  $\Delta_r G^0(500 \text{ K}) = -1\,207,8$  (en  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ).

2) a) Réduction de  $\text{Bi}_2\text{O}_3(\text{s})$

Évolution de l'état physique de Bi et de  $\text{Bi}_2\text{O}_3$  selon la température :



Nous avons donc trois domaines de température à étudier.



$$\Delta_r H_1^0 = \frac{2}{3} \Delta_f H^0(\text{Bi}_2\text{O}_3, s) = -382,7 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\Delta_r S_1^0 = \frac{2}{3} S^0(\text{Bi}_2\text{O}_3, s) - \frac{4}{3} S^0(\text{Bi}, s) - S^0(\text{O}_2, g) = -179,7 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\Delta_r G_1^0(T) = -382,7 + 0,18T \text{ (en kJ} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

•  $544 \text{ K} \leq T < 1\,090 \text{ K}$  :

Il faut tenir compte de la fusion du bismuth avec  $\Delta_{\text{fus}} H^0(\text{Bi}, s)$  et

$$\Delta_{\text{fus}} S^0(\text{Bi}, s) = \frac{\Delta_{\text{fus}} H^0(\text{Bi}, s)}{T_{\text{fus}}(\text{Bi}, s)}.$$

$$\Delta_r H_2^0 = -382,7 - \frac{4}{3} \Delta_{\text{fus}} H^0(\text{Bi}, s) \approx -397,2 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\Delta_r S_2^0 = -179,7 - \frac{4}{3} \Delta_{\text{fus}} S^0(\text{Bi}, s) \approx -206,4 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\Delta_r G_2^0(T) = -397 + 0,206T \text{ (en kJ} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

•  $T \geq 1\,090 \text{ K}$  :

Bi et  $\text{Bi}_2\text{O}_3$  sont à l'état liquide, il faut donc tenir compte de  $\Delta_{\text{fus}} H^0(\text{Bi}_2\text{O}_3, s)$  et de

$$\Delta_{\text{fus}} S^0(\text{Bi}_2\text{O}_3, s) = \frac{\Delta_{\text{fus}} H^0(\text{Bi}_2\text{O}_3, s)}{T_{\text{fus}}(\text{Bi}_2\text{O}_3, s)}.$$

$$\Delta_r H_3^0 = -397,2 + \frac{2}{3} \Delta_{\text{fus}} H^0(\text{Bi}_2\text{O}_3, s) \approx -378,2 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\Delta_r S_3^0 = -179,7 + \frac{2}{3} \Delta_{\text{fus}} S^0(\text{Bi}_2\text{O}_3, s) \approx -189 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\Delta_r G_3^0(T) = -378,2 + 0,189T \text{ (en kJ} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

Pour le couple  $\text{C}(s)/\text{CO}_2(g)$ , il n'y a pas de changement d'état physique dans le domaine de température envisagé.



$$\Delta_r G_4^0(T) = -393,5 - 3 \cdot 10^{-3}T \text{ (en kJ} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

b) Les droites d'Ellingham des couples Bi/ $\text{Bi}_2\text{O}_3$  et C/ $\text{CO}_2$  sont représentées sur la figure située page suivante.

c) Calcul de  $p_{\text{O}_2}$  à 750 K pour le couple Bi/ $\text{Bi}_2\text{O}_3$ .

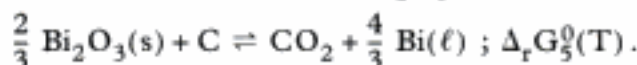
$$\Delta_r G_2^0(750 \text{ K}) = -R \times 750 \times \ln K^0(750 \text{ K}), \text{ avec } K^0(750 \text{ K}) = \frac{p^0}{(p_{\text{O}_2})_{\text{éq}}}.$$

$$\text{D'où : } (p_{\text{O}_2})_{\text{éq}} \text{ à } 750 \text{ K} = \exp \frac{\Delta_r G_2^0(750 \text{ K})}{750 \times R} \times p^0.$$

$$\text{Application numérique : } (p_{\text{O}_2})_{\text{éq}} = 1,3 \cdot 10^{-17} \text{ bar}.$$

Il s'agit de la très faible pression où coexistent Bi( $\ell$ ),  $\text{Bi}_2\text{O}_3(s)$ , et  $\text{O}_2(g)$ .

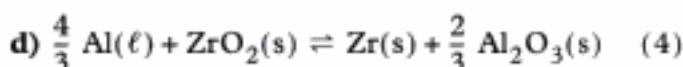
d) Équation bilan de la réaction de réduction de  $\text{Bi}_2\text{O}_3(s)$  par le carbone à 750 K :



Hidden page



c) Pour qu'une réaction chimique entre solides se produise, il est nécessaire que ceux-ci soient sous la forme de poudres fines, desséchées et mélangées intimement. Si l'on met simplement en présence à 298 K les quatre solides, il n'y aura aucune réaction.



$$\Delta_r G_4^0(T) = \Delta_r G_3^0(T) - \Delta_r G_2^0(T) = -33,9 + 0,030 \ 6T \quad (\text{en } \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}).$$

Pour que les quatre phases coexistent, il faut  $\Delta_r G_4(T) = 0$ , soit, comme on a affaire à des corps purs :  $\Delta_r G_4^0(T) = 0$ , d'où :  $T = 1 \ 107 \ \text{K}$  ; l'aluminium est bien liquide.

e) Si la température dépasse 1 107 K, la réaction ne se produit pas dans le sens direct. Il est alors possible de faire **fondre de l'aluminium dans un creuset en zircone**.

## Exercices de niveau 2

### Exercice 8

a)

ZrCl <sub>4</sub> (s)	ZrCl <sub>4</sub> (g)	923	MgCl <sub>2</sub> (s)	MgCl <sub>2</sub> (ℓ)	
604	Mg(s)		Mg(ℓ)	981	T/K

Afin que réactants et produits soient dans l'état d'agrégation prévu par l'équation bilan, il est nécessaire que la température soit supérieure à 981 K.

En tenant compte des données relatives aux changements d'état, on obtient :

$$\Delta_f H^0(\text{ZrCl}_4, \text{g}) = \Delta_f H^0(\text{ZrCl}_4, \text{s}) + \Delta_{\text{sub}} H^0(\text{ZrCl}_4, \text{s}) = -980 + 106 = -874 \ \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$S^0(\text{ZrCl}_4, \text{g}) = S^0(\text{ZrCl}_4, \text{s}) + \frac{\Delta_{\text{sub}} H^0(\text{ZrCl}_4, \text{s})}{T_{\text{sub}}} = 181 + \frac{106 \ 000}{604} = 356,5 \ \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\Delta_f H^0(\text{Mg}, \ell) = \Delta_f H^0(\text{Mg}, \text{s}) + \Delta_{\text{fus}} H^0(\text{Mg}, \text{s}) = 0 + 9 = 9 \ \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$S^0(\text{Mg}, \ell) = S^0(\text{Mg}, \text{s}) + \frac{\Delta_{\text{fus}} H^0(\text{Mg}, \text{s})}{T_{\text{fus}}^*} = 32,68 + \frac{9 \ 000}{923} = 42,43 \ \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\Delta_f H^0(\text{MgCl}_2, \ell) = \Delta_f H^0(\text{MgCl}_2, \text{s}) + \Delta_{\text{fus}} H^0(\text{MgCl}_2, \text{s}) = -641 + 43 = -598 \ \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$S^0(\text{MgCl}_2, \ell) = S^0(\text{MgCl}_2, \text{s}) + \frac{\Delta_{\text{fus}} H^0(\text{MgCl}_2, \text{s})}{T_{\text{fus}}^*} = 89,59 + \frac{43 \ 000}{981} = 133,42 \ \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

Pour la réaction :  $\text{ZrCl}_4(\text{g}) + 2 \text{Mg}(\ell) \xrightarrow{\frac{1}{2}} 2 \text{MgCl}_2(\ell) + \text{Zr}(\text{s})$ ,

$$\Delta_r H^0 = 2 \times (-598) - [-(874 + 2 \times 9)] = -340 \ \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\Delta_r S^0 = 2 \times 133,42 + 39,0 - (356,5 + 2 \times 42,43) = -144,5 \ \text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} ;$$

$$\Delta_r G^0(T) = -340 + 0,144 \ 5T \quad (\text{en } \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}).$$

b) 
$$\mathcal{A}(T) = \mathcal{A}^0(T) - \left( RT \ln \frac{a_{\text{Zr}} a_{\text{MgCl}_2}^2}{a_{\text{ZrCl}_4} a_{\text{Mg}}^2} \right).$$

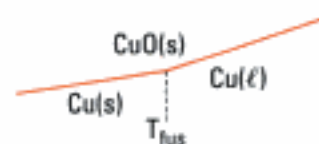
Hidden page

Hidden page

• Après  $T_{\text{fus}}$  :  $\Delta_r H_1^{0'} = \Delta_r H_1^0 - \Delta_{\text{fus}} H^0(\text{Cu}, \text{s})$  ;

$$\Delta_r S_1^{0'} = 2S^0(\text{CuO}) - 2S^0(\text{Cu}, \ell) - S^0(\text{O}_2) < \Delta_r S_1^0 .$$

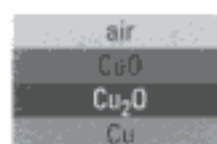
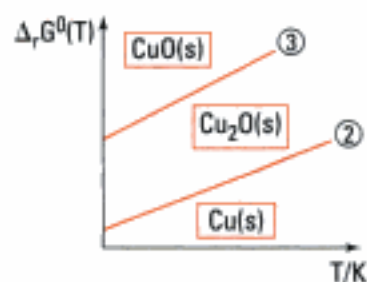
La pente de la droite relative à  $\text{CuO}/\text{Cu}(\ell)$  est donc plus grande



5) Comme  $\text{Cu}_2\text{O}(\text{s})$  est stable vis-à-vis de sa dismutation, il faut supprimer la frontière ① relative au couple  $\text{CuO}/\text{Cu}$ .

Il s'agit de **domaines d'existence**.

Si à T donnée on modifie  $p_{\text{O}_2}$ , alors il y a rupture d'équilibre et disparition d'une phase.



6) Cette succession de couches est en accord avec les calculs que nous venons de mener à bien.



# Partie 2

## *Réactions d'oxydoréduction*

### Plan de la partie 2

<b>Chapitre 6 :</b> Oxydoréduction en solution aqueuse .....	159
<b>Chapitre 7 :</b> Phénomènes de corrosion (↔ MP) .....	197

Hidden page

# Oxydoréduction en solution aqueuse

## Introduction

Les diagrammes d'Ellingham permettent de prévoir les opérations de réduction nécessaires à l'obtention d'un métal par pyrométallurgie. Nous allons, dans ce chapitre, explorer un nouveau type de diagramme basé sur des données thermodynamiques en solution aqueuse : les diagrammes potentiel-pH. Ils permettent de prévoir les réactions électrochimiques nécessaires à la préparation des solutions à utiliser pour obtenir un métal par électrolyse, solutions obtenues à partir d'un minerai d'un métal. Ces diagrammes permettent aussi d'expliquer les phénomènes de corrosion du point de vue thermodynamique.

### Plan du chapitre 6

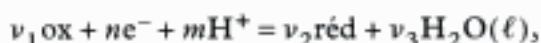
<b>A. Généralités</b> .....	160
1. Le potentiel standard $E^0$ .....	160
2. La formule de Nernst .....	160
3. La relation entre la f.e.m. d'une pile et l'affinité de la réaction associée .....	161
<b>B. Présentation des diagrammes E-pH</b> .....	163
1. Domaines de prédominance ou d'existence .....	163
2. Le diagramme E-pH du solvant eau .....	164
<b>C. Diagrammes E-pH de quelques éléments métalliques</b> .....	165
1. Le diagramme E-pH du fer .....	166
2. Les diagrammes E-pH du zinc et du cuivre .....	168
<b>D. Lecture et utilisation d'un diagramme</b> .....	169
1. Zones d'immunité, de corrosion et de passivation .....	169
2. Stabilité et corrosion de trois métaux : zinc, fer et cuivre .....	170
<b>E. Principe de l'hydrométallurgie du zinc (<math>\rightleftharpoons</math> PT)</b> .....	171
1. Lixiviation-hydrolyse .....	172
2. Purification par cémentation .....	172
3. Traitement des résidus solides .....	172
<b>Méthodes</b>	
L'essentiel ; mise en œuvre .....	173
<b>Énoncés des exercices</b> .....	178
<b>Indications</b> .....	182
<b>Solutions des exercices</b> .....	183

## A. Généralités

Nous allons utiliser dans ce chapitre des réactions de transfert d'électrons entre un accepteur (l'oxydant ou forme oxydée) et un donneur (réducteur ou forme réduite).

### A.1. Le potentiel standard $E^0$

À tout couple accepteur-donneur d'électrons pour lequel la demi-équation d'échange électronique s'écrit :



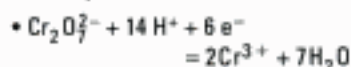
on associe un potentiel standard  $E_{\text{ox}/\text{red}}^0$  défini par :

$$E_{\text{ox}/\text{red}}^0 = -\frac{1}{n\mathcal{F}} (\nu_2 \Delta_f G_{\text{red}}^0 + \nu_3 \Delta_f G_{\text{H}_2\text{O}}^0 - \nu_1 \Delta_f G_{\text{ox}}^0).$$

$$E_{\text{ox}/\text{red}}^0 = -\frac{\Delta_r G^0}{n\mathcal{F}} = \frac{\mathcal{A}^0}{\mathcal{F}}.$$

$\Delta_f G^0$  correspond à l'enthalpie libre molaire de formation dans les conditions standard des entités envisagées<sup>1</sup>.

1. Exemples :



$$E^0 = -\frac{1}{6\mathcal{F}} [2\Delta_f G^0(\text{Cr}^{3+}) + 7\Delta_f G^0(\text{H}_2\text{O}) - \Delta_f G^0(\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-})]$$

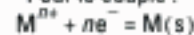
$$\Delta_f G^0(\text{Cr}^{3+}) = -215 ;$$

$$\Delta_f G^0(\text{H}_2\text{O}) = -237 ;$$

$$\Delta_f G^0(\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}) = -1301 \text{ (valeurs en } \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}\text{)}.$$

$$E_{\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}/\text{Cr}^{3+}}^0 = +1,36 \text{ V}.$$

• Pour le couple :



$$\Delta_r G^0 = \Delta_f G^0(\text{M}^{n+})$$

$$E_{\text{M}^{n+}/\text{M}}^0 = \frac{\Delta_f G^0(\text{M}^{n+})}{n\mathcal{F}}$$

2.  $\mathcal{F} = 96\,485,3 \text{ C} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

#### Propriété 1

Le potentiel standard  $E_{\text{ox}/\text{red}}^0$  d'un couple ox/réd est lié à l'enthalpie libre  $\Delta_r G^0$  et l'affinité chimique standard  $\mathcal{A}^0$  de sa demi-équation d'échange électronique par la relation :

$$E_{\text{ox}/\text{red}}^0 = -\frac{\Delta_r G^0}{n\mathcal{F}} = \frac{\mathcal{A}^0}{n\mathcal{F}}$$

$E_{\text{ox}/\text{red}}^0$  en volt (V)

$\Delta_r G^0$  (J · mol<sup>-1</sup>)

$\mathcal{F}$  constante de Faraday<sup>2</sup> (C · mol<sup>-1</sup>)

$\mathcal{A}^0$  affinité chimique standard de réaction

$n$  nombre d'électrons échangés par le couple ox/réd

Dans les tables de thermodynamique, les conditions standard sont :

– pression  $p^0 = 1 \text{ bar}$  ;

– molalité  $m^0 = 1 \text{ mol} \cdot \text{kg}^{-1}$  pour tous les solutés moléculaires ou ioniques ;

– l'état physique le plus stable pour les espèces non miscibles à la phase aqueuse.

Nous ramènerons tous les équilibres faisant intervenir  $\text{H}^+(\text{aq})$  ou  $\text{OH}^-(\text{aq})$  à l'écriture avec  $\text{H}^+(\text{aq})$  car tous les potentiels standard d'oxydoréduction sont donnés à  $\text{pH} = 0$ .

### A.2. La formule de Nernst

$$E = E_{\text{ox}/\text{red}}^0 + \frac{RT}{n\mathcal{F}} \ln \frac{a_{\text{ox}}^{\nu_1}}{a_{\text{red}}^{\nu_2}} + \frac{RT}{n\mathcal{F}} \ln a_{\text{H}^+}^m.$$

À 298 K,  $\frac{RT}{\mathcal{F}} \ln 10 \cdot \log x = 0,059\,16 \log x^3$  ; on utilise en fait 0,059 log x cette quantité s'exprime en volt.

3. On utilise la relation :

$$\ln x = \ln 10 \cdot \log_{10} x.$$



## Formule de Nernst :

$$E = E_{\text{ox/réd}}^0 - 0,059 \times \frac{m}{n} \times \text{pH} + \frac{0,059}{n} \log \frac{a_{\text{ox}}^{v_1}}{a_{\text{réd}}^{v_2}}$$

$$1. \text{pH} = -\log a_{\text{H}^+}$$

$E_{\text{ox/réd}}^0 - 0,059 \times \frac{m}{n} \times \text{pH}$ <sup>1</sup> correspond au **potentiel standard apparent** du couple ox/réd en fonction du pH.

### A.3. La relation entre la f.e.m. d'une pile et l'affinité de la réaction associée

#### A.3.1 – Rappel

Une pile est l'association de deux demi-piles reliées par un pont électrolytique (fig. 1).

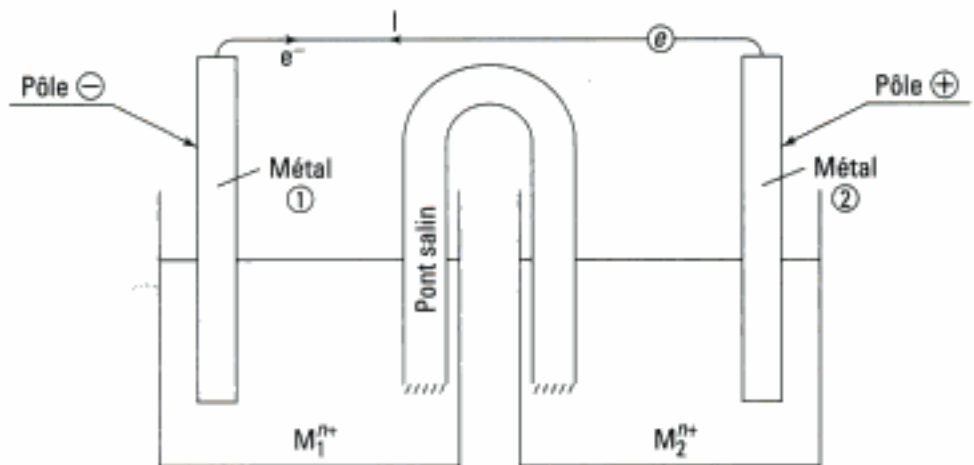


Fig. 1 – Principe de construction d'une pile<sup>2</sup>.

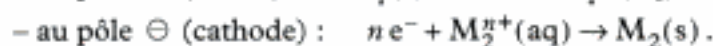
2. La **force électromotrice** ou **f.e.m.**, notée  $\mathcal{E}$ , est la tension à vide mesurée aux bornes d'une pile. C'est une grandeur positive.

$$\mathcal{E} = E_{M_2} - E_{M_1}$$

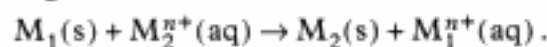
$$\mathcal{E} = E^{\oplus} - E^{\ominus}$$

Ce générateur électrochimique, fermé sur un circuit extérieur conducteur, permet de mettre spontanément en mouvement les électrons.

Réactions spontanées se produisant lorsque le circuit est fermé :



Réaction spontanée globale :



#### A.3.2 – Affinité de la réaction associée à la pile

Par définition,  $\mathcal{A} = -\sum_B \nu_B \mu_B$ <sup>3</sup> ; d'où :

$$\mathcal{A} = -(\mu_{M_2} + \mu_{M_1^{n+}} - \mu_{M_1} - \mu_{M_2^{n+}}) = \mu_{M_2^{n+}} - \mu_{M_1^{n+}}.$$

Le potentiel de Nernst du couple  $M_1^{n+}/M_1$  s'écrit :

$$E^{\ominus} = E_{M_1^{n+}/M_1} = \frac{\Delta_f G(M_1^{n+})}{n\mathcal{F}}.$$

Le potentiel de Nernst associé au couple  $M_2^{n+}/M_2$  s'écrit :

$$E^{\oplus} = E_{M_2^{n+}/M_2} = \frac{\Delta_f G(M_2^{n+})}{n\mathcal{F}}.$$

3. Pour un métal :

$$\mu_{M_1} = \mu_{M_1}^+ = 0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1};$$

$$\mu_{M_2} = \mu_{M_2}^+ = 0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

En assimilant la définition du potentiel chimique de l'ion à celle de son enthalpie libre de formation, on obtient :

$$\mathcal{A} = n\mathcal{F}(E^{\oplus} - E^{\ominus}) = n\mathcal{F}e \text{ avec } e = E^{\oplus} - E^{\ominus}.$$

### Propriété 3

La force électromotrice (f.e.m.) d'une pile et l'affinité de la réaction associée sont liées par la relation :

$$\mathcal{A} = n\mathcal{F}e \quad \left\{ \begin{array}{l} \mathcal{A} \text{ affinité chimique (J} \cdot \text{mol}^{-1}) \\ e \text{ force électromotrice (V)} \\ \mathcal{F} \text{ constante de Faraday (C} \cdot \text{mol}^{-1}) \end{array} \right.$$

À partir de cette relation, connaissant la f.e.m., on peut prévoir le sens d'évolution de la réaction.

Une pile débite tant que  $\mathcal{A} > 0$ , c'est-à-dire  $e > 0$ .

• À partir de cette définition, on a accès aux grandeurs thermodynamiques spontanées associées à la réaction de la pile :

$$\frac{d\mathcal{A}}{dT} = n\mathcal{F} \frac{de}{dT} = \Delta_r S ; \quad \Delta_r H = \Delta_r G + T\Delta_r S = -\mathcal{A} + T\Delta_r S.$$

$$\Delta_r H = -n\mathcal{F}e + Tn\mathcal{F} \frac{de}{dT} ; \quad \Delta_r H = -n\mathcal{F} \left( e - T \frac{de}{dT} \right).$$

### Application 1

Soit la pile  $\text{Pt} - \text{Fe} | \text{Fe}^{2+} || \text{Fe}^{2+}, \text{Fe}^{3+} | \text{Pt}$ .

On trouve  $\frac{de}{dT} = 1,14 \text{ mV} \cdot \text{K}^{-1}$ . Sachant que  $e = 1,211 \text{ V}$  à  $298 \text{ K}$ , déterminer après avoir précisé la réaction de la pile :

- l'affinité chimique  $\mathcal{A}$  de la réaction de la pile ;
- $\Delta_r H$  et  $\Delta_r S$ .

### Solution

Au pôle  $\ominus$  :  $\text{Fe}(s) \longrightarrow \text{Fe}^{2+}(aq) + 2e^-$ .

Au pôle  $\oplus$  :  $2e^- + 2\text{Fe}^{3+}(aq) \longrightarrow 2\text{Fe}^{2+}(aq)$ .

Réaction de la pile :  $\text{Fe}(s) + 2\text{Fe}^{3+}(aq) \xrightarrow{n=2} 3\text{Fe}^{2+}(aq)$ .

Relations associées :  $\mathcal{A} = 2\mathcal{F} \cdot e = 2 \times 96\,484 \times 1,211 = 233,68 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

$\Delta_r S = n\mathcal{F} \frac{de}{dT} = 2 \times 96\,484 \times 1,14 \cdot 10^{-3} = 220 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

$\Delta_r H = -n\mathcal{F} \left( e - T \frac{de}{dT} \right) = -2 \times 96\,484 \times (1,211 - 298 \times 1,14 \cdot 10^{-3})$   
 $= -167,91 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

L'affinité de la réaction est bien positive : la réaction se produit spontanément dans le sens direct.

- Lorsque les réactifs et les produits dans les deux compartiments sont dans leur état standard ( $p^0 = 1 \text{ bar}$ ,  $c = c^0 = 1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ ) on a accès aux grandeurs standard de réaction :

$$\Delta_r G^0 = n \mathcal{F} e^0 ; \quad \Delta_r S^0 = n \mathcal{F} \frac{de^0}{dT} ; \quad \Delta_r H^0 = -n \mathcal{F} \left( e^0 - T \frac{de^0}{dT} \right).$$

1. Ces diagrammes sont aussi connus sous le nom de **diagrammes de Pourbaix**.

Chimiste belge spécialisé dans la corrosion, il a, avec son équipe, compilé les diagrammes de la plupart des éléments de la classification périodique dans *Atlas des équilibres électrochimiques en solution aqueuse* édité en 1974.

## B. Présentation des diagrammes E-pH<sup>1</sup>

La relation de Nernst montre que le potentiel E d'un couple rédox dépend du pH.

Un diagramme potentiel E-pH comporte en abscisse le pH de la solution aqueuse dont le potentiel E est porté en ordonnée.

### B.1. Domaines de prédominance ou d'existence

Un diagramme E-pH est tracé pour une concentration totale  $c_0$  donnée en espèces solubles.

#### Propriété 4

Un diagramme potentiel-pH permet de déterminer les domaines de **prédominance** des différentes formes dissoutes d'un élément ainsi que les domaines d'**existence** d'éventuelles **phases condensées** correspondant aux différents états d'oxydation de cet élément.

#### • *Frontière entre deux espèces solubles*

On peut admettre, sur la frontière entre deux espèces **solubles**, l'égalité des concentrations atomiques des deux espèces.

#### Exemples :

– cas du couple  $\text{MnO}_4^-/\text{Mn}^{2+}$  : si  $[\text{Mn}_{\text{soluble}}] = 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  alors, sur la frontière,  $[\text{MnO}_4^-] = [\text{Mn}^{2+}] = 5 \cdot 10^{-4} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

– cas du couple  $\text{Hg}^{2+}/\text{Hg}_2^{2+}$  : si  $[\text{Hg}_{\text{soluble}}] = 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ , conservation des atomes de mercure :  $[\text{Hg}^{2+}] + 2[\text{Hg}_2^{2+}] = 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

Égalité des concentrations atomiques sur la frontière :  $[\text{Hg}^{2+}] = 2[\text{Hg}_2^{2+}]$  ; d'où :  $[\text{Hg}_2^{2+}] = 2,5 \cdot 10^{-4} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  ;  $[\text{Hg}^{2+}] = 5 \cdot 10^{-4} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

#### • *Frontière entre une espèce soluble et un solide*

La frontière entre le domaine d'existence d'un solide<sup>2</sup> et le domaine de prédominance d'une espèce soluble est obtenue lorsque la concentration de cette espèce soluble est égale à la concentration totale en espèce soluble  $c_0$ .

À la frontière, on considère qu'il y a un grain de solide pour pouvoir utiliser  $K_s$ .

2. Oxyde  $\text{M}_n\text{O}_p(\text{s})$  ou hydroxyde.

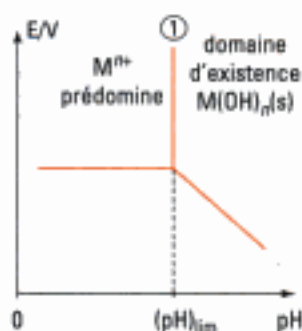


Fig. 2 – Frontière entre une espèce soluble et un solide.

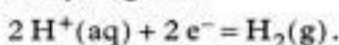
La frontière entre un précipité et l'élément au même nombre d'oxydation se présente sous la forme d'un **segment parallèle** à l'axe des potentiels (fig. 2).

Hidden page



• **Couple  $H^+(aq)/H_2(g)$**

L'eau peut être réduite en dihydrogène :



$E_{H^+/H_2}^0 = 0,000 \text{ V}$  par convention : il s'agit de l'origine de l'échelle des potentiels.

L'équation de la frontière du couple  $H^+(aq)/H_2(g)$  est donc :

$$E_2 = -0,059 \text{ pH} - \frac{0,059}{2} \log \frac{p_{H_2}}{p^0}.$$

1. Pour  $p_{H_2} = p_{O_2} = 1 \text{ bar}$  les deux frontières d'oxydation  $E_1$  et de réduction  $E_2$  de l'eau sous la forme :

•  $O_2/H_2O$  :

$$E_1 = 1,23 - 0,059 \text{ pH (en volt) ;}$$

•  $H^+(aq)/H_2$  :

$$E_2 = -0,059 \text{ pH (en volt).}$$

### B.2.2 – Le diagramme E-pH de l'eau <sup>1</sup>

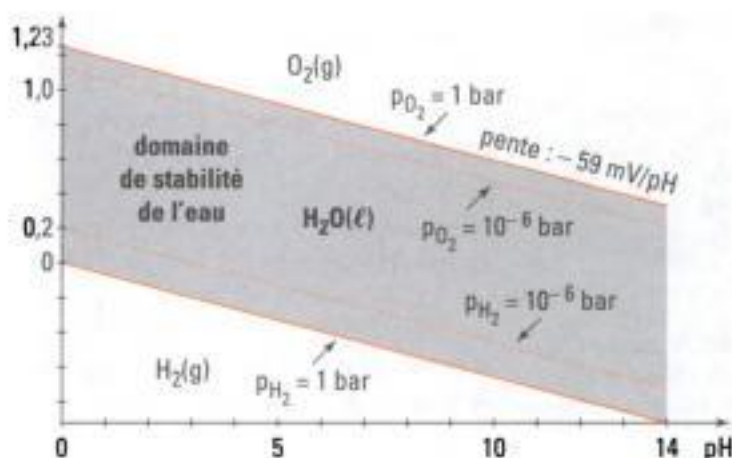


Fig. 4 – Diagramme E-pH de l'eau.

Ce diagramme (fig. 4) fait apparaître trois zones de prédominance : celle de l'eau, de largeur 1,23 V quel que soit le pH, c'est la **zone de stabilité thermodynamique de l'eau**. Au-dessus de celle-ci se trouve la **zone de prédominance du dioxygène**, dans laquelle l'eau se décompose avec dégagement de dioxygène, et en dessous la **zone de prédominance du dihydrogène**.

## C. Diagrammes E-pH de quelques éléments métalliques

Tout élément de la classification périodique, fournissant des espèces solubles dans l'eau ou appartenant à des phases distinctes mais dont l'une des espèces est dans la phase aqueuse, donne lieu à l'établissement d'un diagramme E-pH.

Pour suivre l'esprit du programme, nous proposons la construction du diagramme du fer, ainsi que les diagrammes E-pH du zinc et du cuivre.

#### Propriété 5

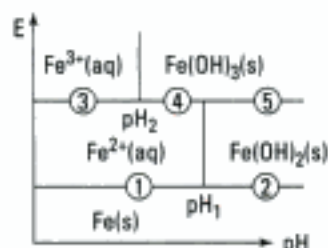
Dans un diagramme potentiel-pH :

- plus le potentiel augmente et plus le nombre d'oxydation des éléments augmente ;
- plus le pH augmente et plus les espèces sont déprotonées.

1. Données thermodynamiques à 298,15 K :

Espèces	$\Delta_f G^\ominus$ (kJ · mol <sup>-1</sup> )
Fe(s)	0
Fe <sup>2+</sup> (aq)	-78,87
Fe <sup>3+</sup> (aq)	-4,60
Fe(OH) <sub>2</sub> (s)	-486,6
Fe(OH) <sub>3</sub> (s)	-696,6

2. Diagramme préliminaire :



Plus on augmente le potentiel dans un diagramme E-pH et plus l'espèce rencontrée a un nombre d'oxydation élevé. C'est pour cela que les trois espèces contenant du Fe(II) sont au-dessus du domaine d'existence du Fe(s).

3. On peut calculer  $E_2^0$  à l'aide des données :

$$\Delta_r G_2^0 = 2\Delta_f G^\ominus(\text{H}_2\text{O}) - \Delta_f G^\ominus(\text{Fe}(\text{OH})_2)$$

$$= 12,24 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$E_2^0 = -\frac{1}{2} \Delta_r G_2^0 = -0,065 \text{ V}.$$

## C.1. Le diagramme E-pH du fer

Nous allons établir un diagramme relatif au fer, à ses ions Fe<sup>2+</sup>(aq) et Fe<sup>3+</sup>(aq) et à ses hydroxydes Fe(OH)<sub>2</sub>(s) et Fe(OH)<sub>3</sub>(s).<sup>1</sup>

À l'aide des données thermodynamiques, on détermine :

– les potentiels standard à pH = 0 :

Couples	Fe <sup>2+</sup> /Fe	Fe <sup>3+</sup> /Fe <sup>2+</sup>	Fe <sub>3</sub> O <sub>4</sub> /Fe	Fe <sub>2</sub> O <sub>3</sub> /Fe <sub>3</sub> O <sub>4</sub>
E <sup>0</sup> /V	-0,440	0,770	-0,085	0,221

– les produits de solubilité :

pour Fe(OH)<sub>2</sub>(s), pK<sub>s1</sub> = 15,26 ; pour Fe(OH)<sub>3</sub>(s), pK<sub>s1</sub> = 37,53.

### C.1.1 – Étude du diagramme du fer, de ses ions et de ses hydroxydes

Comme le montre le diagramme préliminaire<sup>2</sup>, il y a cinq équations de droites frontières à établir ainsi que deux pH de début de précipitation des hydroxydes.

Nous faisons l'étude pour deux valeurs particulières de la concentration totale en fer (II) soluble :

$$c = 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} \quad \text{et} \quad c' = 10^{-6} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}.$$

• **Domaines de prédominance et d'existence des ions et des hydroxydes**

– Calcul de pH<sub>1</sub>

Fe(OH)<sub>2</sub>(s) = Fe<sup>2+</sup>(aq) + 2 OH<sup>-</sup> ; le premier grain de Fe(OH)<sub>2</sub>(s) apparaît lorsque  $\text{pH}_1 = 14 - \frac{1}{2} (\log c + \text{pK}_{s1})$ .

$$\begin{cases} c = 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} \Rightarrow \text{pH}_1 = 7,37 \\ c' = 10^{-6} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} \Rightarrow \text{pH}'_1 = 9,37. \end{cases}$$

– Calcul de pH<sub>2</sub>

Fe(OH)<sub>3</sub>(s) = Fe<sup>3+</sup>(aq) + 3 OH<sup>-</sup> ; le premier grain de Fe(OH)<sub>3</sub>(s) apparaît lorsque  $\text{pH}_2 = 14 - \frac{1}{3} (\log c + \text{pK}_{s2})$  ;

$$\begin{cases} c = 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} \Rightarrow \text{pH}_2 = 2,16 \\ c' = 10^{-6} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} \Rightarrow \text{pH}'_2 = 3,49. \end{cases}$$

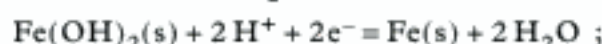
• **Équations des différentes frontières**

– Couple Fe<sup>2+</sup>(aq)/Fe(s) :

$$\text{Fe}^{2+}(\text{aq}) + 2 e^- = \text{Fe}(\text{s}) ; E_1 = -0,440 + \frac{0,059}{2} \log c.$$

$$\begin{cases} c = 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} ; \text{pH} < 7,37 \Rightarrow E_1 = -0,5 \text{ V} \\ c' = 10^{-6} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} ; \text{pH} < 9,37 \Rightarrow E'_1 = -0,617 \text{ V}. \end{cases}$$

– Couple Fe(OH)<sub>2</sub>(s)/Fe(s)<sup>3</sup> :



$$E_2 = E_2^0 - 0,059 \text{pH}.$$

Hidden page

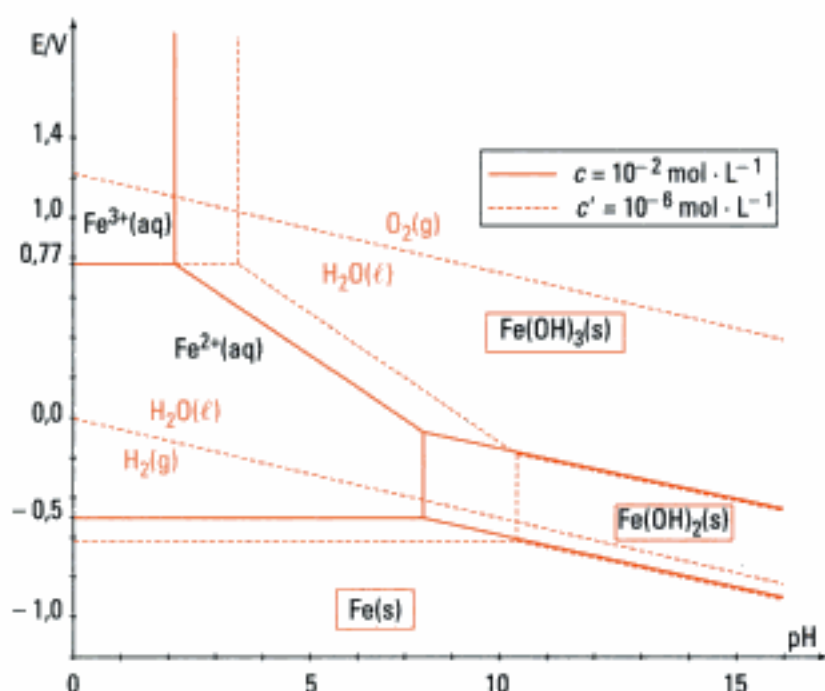


Fig. 5 – Diagramme E-pH du fer, des ions hydratés  $\text{Fe}^{2+}(\text{aq})$  et  $\text{Fe}^{3+}(\text{aq})$  et des hydroxydes  $\text{Fe}(\text{OH})_2(\text{s})$  et  $\text{Fe}(\text{OH})_3(\text{s})$ .

1. Données thermodynamiques à 298,15 K :

Espèces	$\Delta_f G^0$ ( $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ )
$\text{Zn}(\text{s})$	0
$\text{Zn}^{2+}(\text{aq})$	-147,16
$\text{Zn}(\text{OH})_2(\text{s})$	-555,13
$\text{Zn}(\text{OH})_4^{2-}(\text{aq})$	-860,33

2. La droite de l'eau :  $E = -0,059 \text{ pH}$  permet de situer le zinc par rapport au solvant eau.

## C.2. Les diagrammes E-pH du zinc et du cuivre

### C.2.1 – Le diagramme E-pH du zinc

Pour établir ce diagramme, nous prenons en compte le zinc métallique,  $\text{Zn}(\text{s})$ , et les composés du zinc(II) : l'ion  $\text{Zn}^{2+}(\text{aq})$ , l'hydroxyde de zinc(II),  $\text{Zn}(\text{OH})_2(\text{s})$ , et l'ion tétrahydroxozincate(II),  $\text{Zn}(\text{OH})_4^{2-}(\text{aq})$ <sup>1</sup>.

On obtient deux diagrammes différents selon la concentration totale en  $\text{Zn}(\text{II})$  soluble :

- en traits pleins, les droites frontières relatives à  $c = 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ ,
- en traits pointillés, celles relatives à  $c' = 10^{-6} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  (fig. 6).

Nous rajoutons la droite de réduction de l'eau<sup>2</sup> :  $E = -0,059 \text{ pH}$  pour  $p\text{H}_2 = 1 \text{ bar}$ .

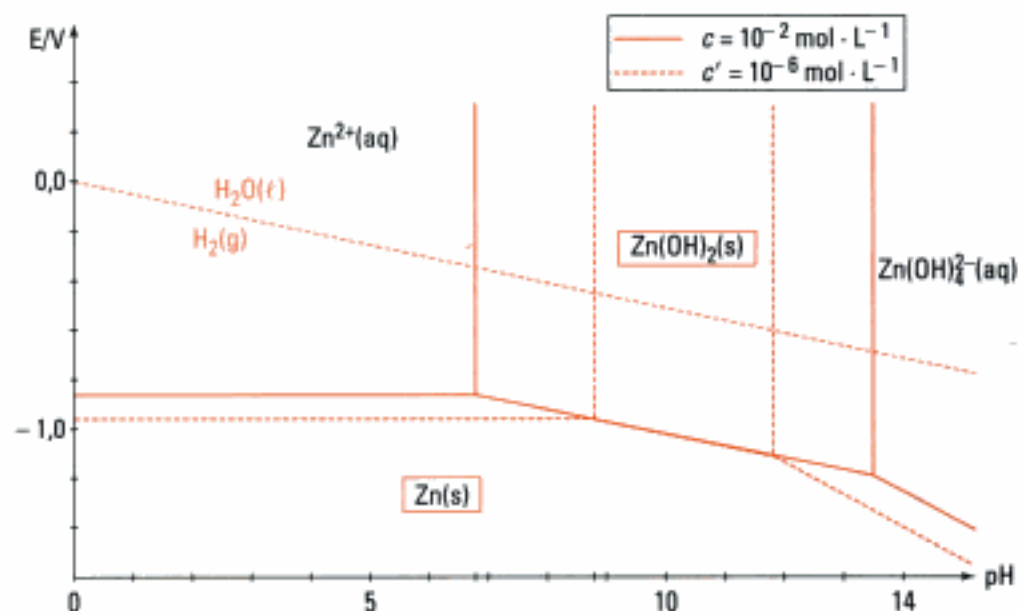


Fig. 6 – Diagramme E-pH du zinc.



Hidden page

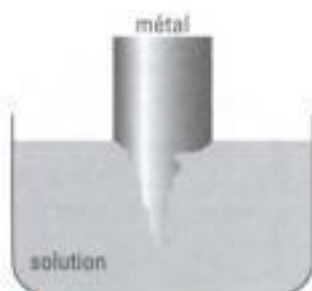


Fig. 8 a – Corrosion d'un métal.

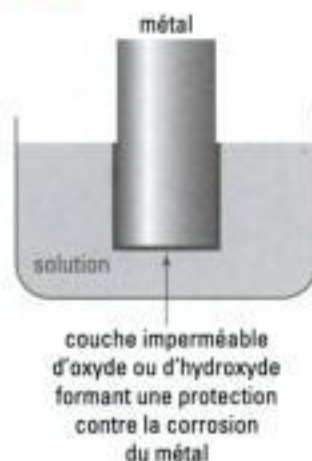


Fig. 8 b – Passivation d'un métal.

1. Ne pas oublier, en lisant un diagramme E-pH, qu'il s'agit d'un diagramme tracé à l'aide de données thermodynamiques, ce qui ne laisse rien présager sur la réalité des réactions qui se produisent, l'aspect cinétique n'étant pas envisagé (voir chapitre 7).

2. Cependant le zinc est utilisé pour recueillir les eaux de pluie. Il semble qu'un revêtement protecteur constitué d'un mélange d'oxyde et de carbonate de zinc se forme à sa surface et le protège de la corrosion.

## D.1.2 – Zones de corrosion (fig. 8 a)

### Définition 2

Les **zones de corrosion** sont les différents domaines dans lesquels se forment des composés solubles.

Suivant le pH, on parlera de corrosion acide ou de corrosion basique.

Les zones de corrosion sont d'autant plus étendues que l'activité de l'élément en solution est faible : on fixe en général à  $10^{-6} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  l'activité à partir de laquelle on estime que la corrosion se manifeste nettement.

## D.1.3 – Zones de passivation (fig. 8 b)

### Définition 3

Les **zones de passivation** sont les domaines où des composés solides se forment et, en se déposant à la surface du métal, le protègent d'une corrosion ultérieure.

La notion de passivation est une notion purement thermodynamique<sup>1</sup>, elle ne peut pas indiquer si la corrosion sera ou non inhibée, en effet selon la structure cristalline du dépôt, celui-ci peut ou non recouvrir le métal.

## D.2. Stabilité et corrosion de trois métaux : zinc, fer et cuivre

### Propriété 7

Lorsque deux espèces ont des domaines de prédominance ou d'existence **disjoints**, elles réagissent selon une réaction **totale** jusqu'à disparition du réactif limitant. Ce principe est valable pour les espèces d'un même élément.

### D.2.1 – Stabilité et corrosion du zinc

Le zinc est instable en présence d'eau et de solutions aqueuses. Il tend à se dissoudre avec dégagement de dihydrogène quel que soit le pH car son domaine d'existence et le domaine de stabilité de l'eau sont **disjoints**<sup>2</sup>.

### D.2.2 – Stabilité et corrosion du fer

Comme le montre le diagramme E-pH, le fer et l'eau ont des domaines d'existence et de stabilité **disjoints** donc, quel que soit le pH, le fer réagit avec l'eau avec dégagement de dihydrogène.

Sa passivation par formation d'un film d'oxydes peut être effectivement observée lorsque du fer est mis en contact avec de l'acide nitrique fumant.

Sa dépassivation par choc ou par formation d'une pile sera envisagée dans le chapitre 7.

### D.2.3 – Stabilité et corrosion du cuivre

Le cuivre est un métal relativement **noble** ; il n'est pas corrodé par les solutions non complexantes exemptes d'oxydants.

Nous résumons sur la **figure 9** les zones d'immunité, de corrosion et de passivation des métaux zinc, cuivre et fer.

Hidden page

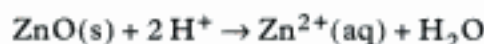
## E.1. Lixiviation-hydrolyse

### Définition 4

La **lixiviation** est une opération qui consiste à faire passer lentement un solvant à travers un produit convenablement pulvérisé et déposé en couche épaisse pour en extraire un ou plusieurs constituants solubles.

1. Il s'agit d'une réaction acide-base.

Actuellement, on met en présence de l'acide sulfurique et de la calcine<sup>1</sup> ; le zinc passe en solution sous la forme d'ions  $Zn^{2+}$ . La réaction



est exothermique et la solution est portée vers 60 °C.

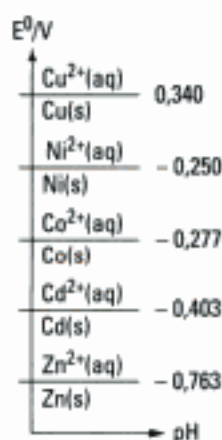
De plus, cette opération permet d'éliminer une première famille d'impuretés : As, Ge, In. Pour cela, on ajoute une petite quantité de  $Fe^{2+}$  que l'on oxyde par de l'air (1/5 de dioxygène) en  $Fe^{3+}$ .

Puis par ajout d'un excès de calcine, le pH est amené à 4,5 – 5 vers 50 °C, ce qui permet l'élimination de  $Fe^{3+}$  et des impuretés sous la forme de boues.

Suivant les sites, la durée de solubilisation varie de 1 à 4 heures. 75 % à 90 % du zinc sont récupérés dans la solution faiblement acide, dont une analyse conduit aux pourcentages moyens suivants :

Éléments	Zn	Cu	Cd	Mn	Mg	Co	Ni	Ge
Titre	150 $g \cdot L^{-1}$	0,1–1 $g \cdot L^{-1}$	0,1–0,5 $g \cdot L^{-1}$	2–10 $g \cdot L^{-1}$	2–15 $g \cdot L^{-1}$	1–20 $mg \cdot L^{-1}$	2–10 $mg \cdot L^{-1}$	0,01–0,4 $mg \cdot L^{-1}$

2. Potentiels standard à pH = 0 :



3. Pour d'autres éléments, les teneurs sont encore plus faibles de  $10^{-3}$  à  $10^{-2} mg \cdot L^{-1}$  en germanium, antimoine et arsenic.

La composition du résidu solide est variable :

Zn de 1,5 à 25 % ; Fe de 10 à 30 % ; Pb de 2 à 10 %.

## E.2. Purification par cémentation

Il faut encore éliminer de la solution les éléments dissous : Cu, Cd, Co et  $Ni^{2+}$ . Le zinc métallique est donc capable de réduire les ions  $Cu^{2+}$ ,  $Cd^{2+}$ ,  $Co^{2+}$  et  $Ni^{2+}$  à l'état de métal selon :  $M^{2+}(aq) + Zn(s) \rightarrow Zn^{2+}(aq) + M(s)$ .

L'opération de purification consiste à introduire de la poudre de zinc dont la granulométrie est comprise entre 20 et 40  $\mu m$  dans la solution. La **formation du métal ou cémentation** s'opère entre 40 et 90 °C pendant 4 à 5 heures. Elle est suivie par une très bonne séparation liquide-solide par filtration sur toile fine.

La solution de sulfate de zinc contient alors : 0,2  $mg \cdot L^{-1}$  de  $Cu^{2+}$ , 0,7  $mg \cdot L^{-1}$  de  $Cd^{2+}$  et 0,8  $mg \cdot L^{-1}$  de  $Co^{2+}$ <sup>3</sup>.

## E.3. Traitement des résidus solides

Le résidu de mise en solution (pH  $\approx$  5) contient des métaux secondaires plomb, argent, cuivre, cadmium et surtout du zinc bloqué sous la forme de ferrite  $ZnFe_2O_4$ . Ce résidu est traité par de l'acide sulfurique à 150  $g \cdot L^{-1}$  vers 90–95 °C, ce qui permet de libérer les ions  $Zn^{2+}$ . Le fer est ensuite éliminé par précipitation sous la forme de jarosite  $(NH_4)_2Fe_6(OH)_{12}(SO_4)_4$  ou sous la forme de goethite  $FeO(OH)$ .

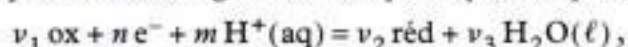
**Conclusion** : les différentes méthodes utilisées, lixiviation-hydrolyse puis purification par cémentation, permettent d'obtenir, à partir de la calcine brute, une solution de sulfate de zinc en milieu sulfurique, prête à être électrolysée.



# L'essentiel

## ✓ Rappels d'oxydoréduction

- À la demi-équation d'échanges électronique et protonique :



on associe :

- un potentiel standard d'oxydoréduction  $E_{\text{ox}/\text{réd}}^0$ , tel que :

$$E_{\text{ox}/\text{réd}}^0 = -\frac{\Delta_r G^0}{n\mathcal{F}} = \frac{\mathcal{A}^0}{n\mathcal{F}} \quad (\text{en V});$$

- l'équation de Nernst :

$$E = E_{\text{ox}/\text{réd}}^0 + \frac{0,059}{n} \log \frac{a_{\text{ox}}^{v_1}}{a_{\text{réd}}^{v_2}} - 0,059 \cdot \frac{m}{n} \cdot \text{pH}.$$

- L'affinité chimique de la réaction associée à une pile est reliée à la force électromotrice de la pile  $e$  par la relation :

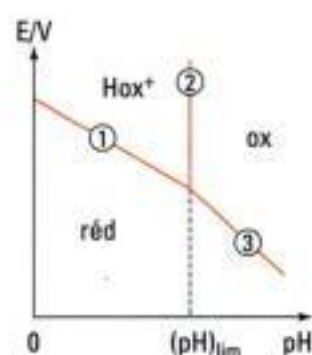
$$\mathcal{A} = n\mathcal{F}e.$$

À partir de cette grandeur instantanée, on peut en déduire l'enthalpie de la réaction et l'entropie de la réaction associée à la pile :

$$\Delta_r S = n\mathcal{F} \frac{de}{dT} \quad ; \quad \Delta_r H = -n\mathcal{F} \left( e - T \frac{de}{dT} \right).$$

## ✓ Les diagrammes E-pH

- Un diagramme E-pH correspond à la représentation du potentiel de Nernst d'un couple oxydant/réducteur en fonction du pH.



Il comprend différentes frontières :

① : frontière entre un oxydant  $\text{Hox}^+$  et un réducteur  $\text{réd}$ . Les ions  $\text{H}^+$  n'apparaissent pas dans la demi-équation d'échange électronique.

② : frontière **verticale** entre un couple acide-base.

③ : le pH intervient dans la relation de Nernst associée au couple rédox. Si ce n'est pas le cas, on a une frontière horizontale.

La concentration totale  $c_0$  en espèce soluble doit être précisée ou facilement déterminable.

- Sur la frontière entre deux espèces solubles, il y a égalité des concentrations atomiques.

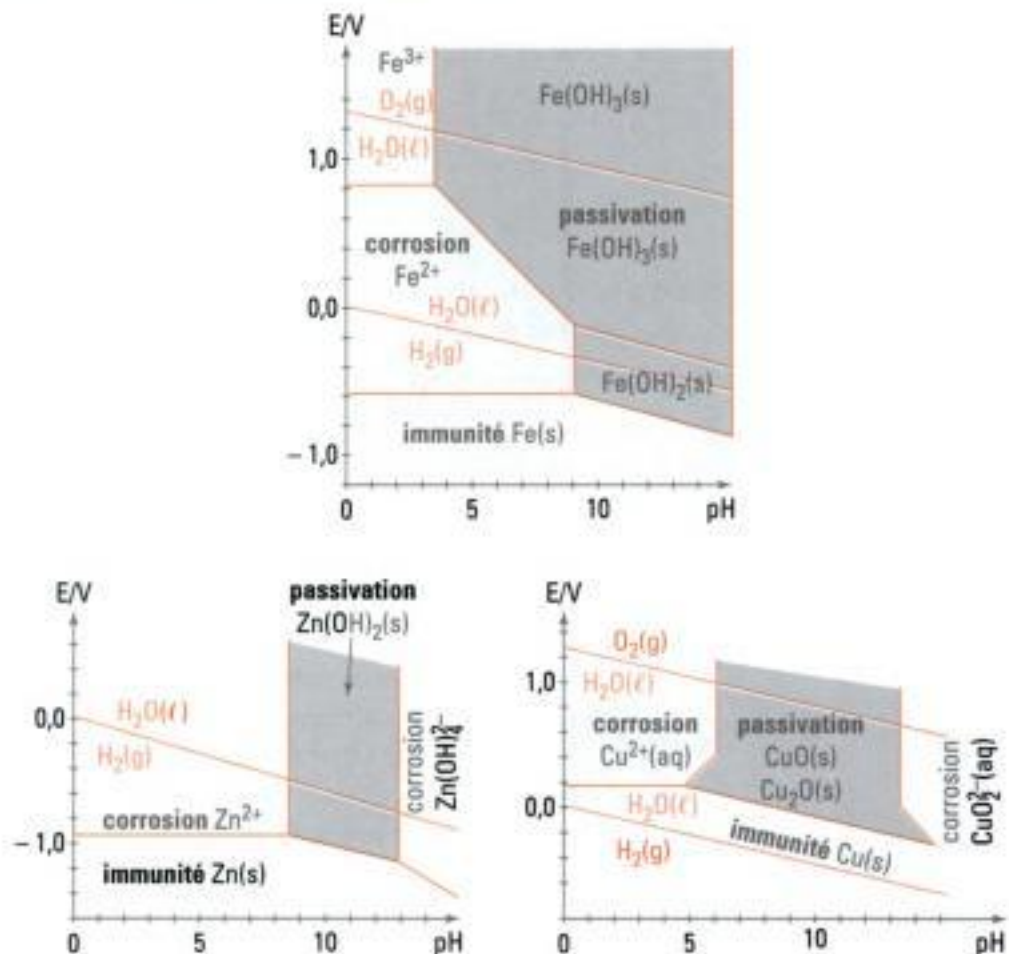
Sur la frontière entre un solide et une espèce soluble, on considère qu'il y a seulement un grain de solide pour utiliser  $K_s$  et  $c_0$ .

Lorsque deux frontières se coupent, cela signifie qu'il se produit une réaction de dismutation.

- Un diagramme E-pH permet de déterminer les domaines de **prédominance** des différentes **formes dissoutes** d'un élément ainsi que les domaines d'**existence** d'éventuelles **phases condensées** (oxydes et hydroxydes) correspondant aux différents états d'oxydation de cet élément.
- Dans un diagramme E-pH :
  - plus E augmente et plus le nombre d'oxydation des éléments augmente ;
  - plus le pH augmente et plus les espèces sont déprotonnées.
- Lorsque deux espèces ont des domaines de prédominance ou d'existence **disjoints**, elles réagissent selon une réaction **totale** jusqu'à disparition du réactif limitant.
- Les espèces stables dans l'eau sont celles dont le domaine est contenu totalement ou en partie dans le domaine de stabilité thermodynamique de l'eau compris entre :  $E_1 = -0,06$  pH et  $E_2 = 1,23 - 0,06$  pH.

✓ **Les diagrammes E-pH du fer, du zinc et du cuivre**

- Les diagrammes E-pH du fer, du zinc et du cuivre sont représentés ci-dessous avec les zones d'**immunité**, de **corrosion** et de **passivation** :



Hidden page



- a) Préciser les domaines des espèces de (I) à (VII).  
 b) Quelles sont les espèces contenant du manganèse stables dans l'eau ?  
 c) Prévoir la réaction entre les espèces de (II) et (V).  
 d) L'équation de la frontière séparant (II) et (III) est  $\text{pH} = 7,7$ .

Sachant que le diagramme est tracé pour  $[\text{Mn}_{\text{soluble}}] = 1,00 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ , en déduire le produit de solubilité de (III).

- e) Prévoir la réaction entre (V) et l'eau en milieu neutre ( $\text{pH} = 4$ ).

### Solution

- a) Nombre d'oxydation de l'élément manganèse dans les espèces prises en compte :

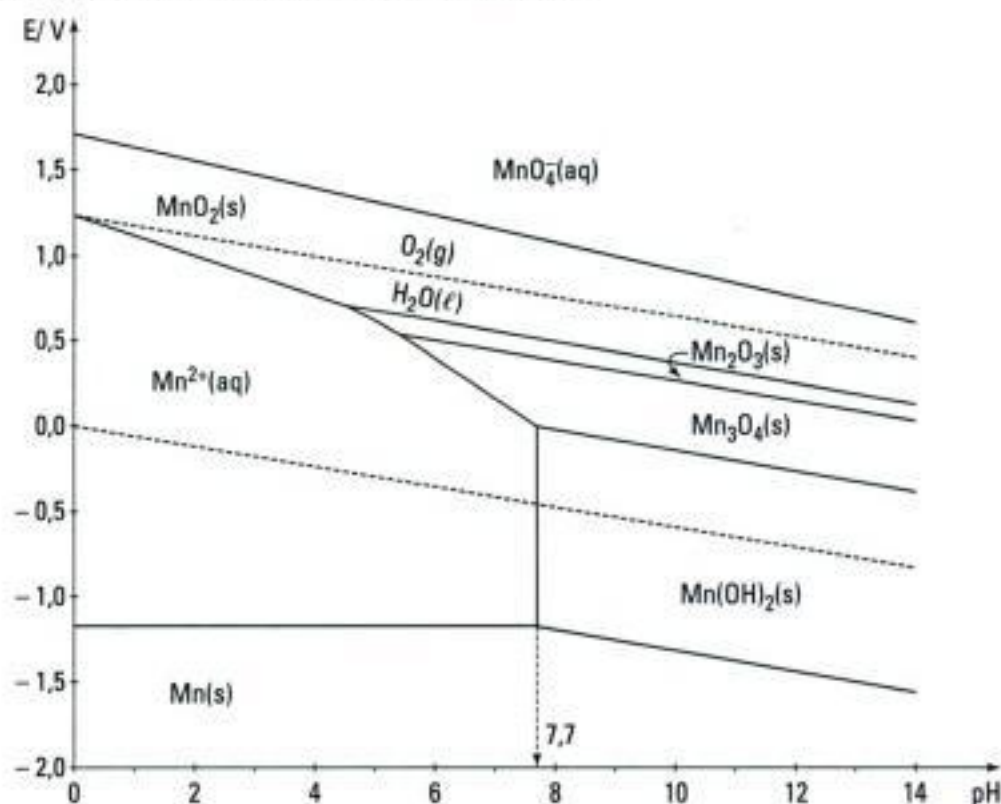
$\text{Mn}(0)$  ;  $\text{Mn}_2\text{O}_3(+\text{III})$  ;  $\text{Mn}_3\text{O}_4\left(+\frac{8}{3}\right)$  ;  $\text{Mn}(\text{OH})_2(+\text{II})$  ;  $\text{MnO}_4^- (+\text{VII})$  ;  $\text{Mn}^{2+} (+\text{II})$  ;  $\text{MnO}_2(+\text{IV})$ .

- ❶ (I) correspond à  $\text{Mn}(s)$ , (II) à  $\text{Mn}^{2+}(\text{aq})$  et (III) à  $\text{Mn}(\text{OH})_2(s)$ .

Dans la série des oxydes solides :

(VII) correspond à  $\text{Mn}_3\text{O}_4(s)$ , (VI) à  $\text{Mn}_2\text{O}_3(s)$  et (IV) à  $\text{MnO}_2(s)$ .

L'ion permanganate  $\text{MnO}_4^-$  occupe le domaine (V).

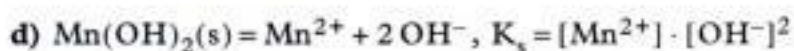
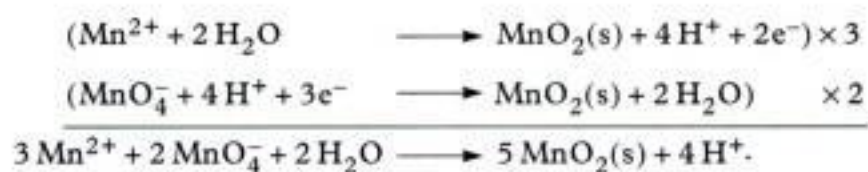


- b) ❶ Seules sont stables dans l'eau, les espèces ayant un domaine commun avec l'eau :

$\text{Mn}^{2+}(\text{aq})$  ;  $\text{Mn}(\text{OH})_2(s)$  ;  $\text{Mn}_3\text{O}_4(s)$  ;  $\text{Mn}_2\text{O}_3(s)$  ;  $\text{MnO}_2(s)$  sont stables dans l'eau.

- c) ❶  $\text{Mn}^{2+}$  et  $\text{MnO}_4^-$  ont des domaines disjoints ((II) et (V)) : ils réagissent totalement l'un sur l'autre selon :



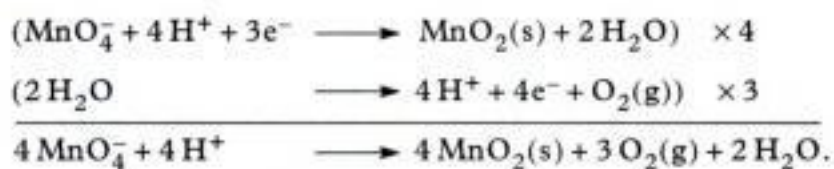


$$\text{pH} = 7,7 ; [\text{OH}^-] = 10^{-14+7,7} = 10^{-6,3} = 5 \cdot 10^{-7} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}.$$

$$\text{Sur la fronti\ere : } [\text{Mn}^{2+}] = 1,00 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}, \text{ d'o\u00f9 } K_s = 1 \times (5 \cdot 10^{-7})^2.$$

$$K_s(\text{Mn}(\text{OH})_2, \text{s}) = 2,5 \cdot 10^{-13}.$$

e) L'ion permanganate  $\text{MnO}_4^-$ (VII) et l'eau ont des domaines disjoints : la r\u00e9action entre  $\text{MnO}_4^-$  et l'eau est totale.



# Exercices

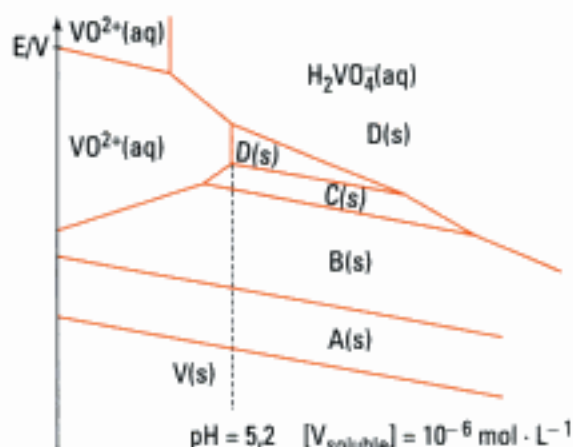
Donnée numérique utile pour les exercices :

– Constante de Faraday :

$$F = 96\,484 \text{ C} \cdot \text{mol}^{-1}$$

## Q.C.M.

Le diagramme E-pH du vanadium permet de répondre aux trois premiers exercices.



Le facteur prélogarithmique sera pris égal à  $\frac{0,059}{n}$  (en V).

### Ex. 1 Détermination des formules des oxydes de vanadium

A(s), ..., D(s) représentent des oxydes solides qui se suivent dans l'ordre :

- $V_2O_5 - V_2O_4 - VO - V_3O_5$  ;
- $V_3O_5 - V_2O_4 - V_2O_5 - VO$  ;
- $VO - V_2O_3 - V_2O_4 - V_3O_5$  ;
- $VO - V_2O_3 - V_3O_5 - V_2O_4$  .

### Ex. 2 Constante de réaction

La constante de la réaction entre  $VO^{2+}(aq)$  et D(s) est égale à :

- $6,3 \cdot 10^8$  ; b) 1 ; c)  $1,6 \cdot 10^{-8}$  ; d)  $1,6 \cdot 10^{-9}$  .

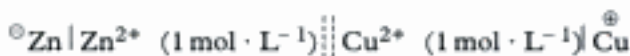
### Ex. 3 Pente d'une frontière

La pente, exprimée en  $V/pH$ , de la frontière entre B(s) et  $H_2VO_4^-$  est égale à :

- 0,059 ; b) -0,085 ; c) -0,118 ; d) -0,177 .

## Niveau 1

### Ex. 4 La pile Daniell



- Préciser la réaction se produisant lorsque la pile débite.
- Relier l'affinité de la réaction à la f.e.m. de la pile.
- Déterminer la f.e.m. de la pile connaissant les grandeurs standard des différentes espèces.

Espèce	Cu(s)	Cu <sup>2+</sup> (aq)	Zn(s)	Zn <sup>2+</sup> (aq)
$\Delta_f H^0 / kJ \cdot mol^{-1}$	0	65,78	0	-152,84
$S^0 / J \cdot K^{-1} \cdot mol^{-1}$	33,2	-97,2	41,6	-107,53

### Ex. 5 Étude d'une pile



- Préciser la réaction se produisant lorsque la pile débite.
- Connaissant les potentiels standard :  
 $E^0(AgCl/Ag) = 0,222 \text{ V}$   
 et  $E^0(Hg_2Cl_2/Hg) = 0,268 \text{ V}$ ,  
 calculer la f.e.m.  $\epsilon$  de la pile.
- Sachant que pour cette pile :

$$\frac{d\epsilon}{dT} = 0,338 \text{ mV} \cdot K^{-1}$$

calculer, à 25 °C,  $\Delta_f G^0$ ,  $\Delta_f S^0$ ,  $\Delta_f H^0$  pour la réaction considérée.

### Ex. 6 Le diagramme E-pH simplifié de l'aluminium

On s'intéresse dans ce diagramme aux espèces : Al(s),  $Al^{3+}(aq)$ ,  $AlO_2^-(aq)$  et  $Al(OH)_3(s)$ .

a) Une solution acide ( $pH = 1$ ,  $c = 10^{-2} \text{ mol} \cdot L^{-1}$ ) d'ions  $Al^{3+}$  est alcalinisée progressivement par addition d'une solution concentrée de soude (on néglige la dilution). Dans quel intervalle de pH observe-t-on la présence de  $Al(OH)_3(s)$  ?

b) Écrire les différentes réactions d'oxydation de l'aluminium en fonction du pH de la solution et donner les expressions correspondantes du potentiel d'équilibre.

c) En utilisant les résultats précédents, établir le diagramme potentiel-pH de l'aluminium pour des espèces dissoutes à la concentration  $10^{-2} \text{ mol} \cdot L^{-1}$ .

d) En admettant que l'hydroxyde d'aluminium forme un film protecteur imperméable et adhérent, justifier le fait que l'aluminium ne peut, thermodynamiquement, être attaqué (en l'absence d'agent complexant) que par des solutions aqueuses suffisamment acides ou alcalines. Écrire les réactions correspondantes.

Données :

$$pK_s(\text{Al}(\text{OH})_3, \text{s}) = 32,3 ;$$

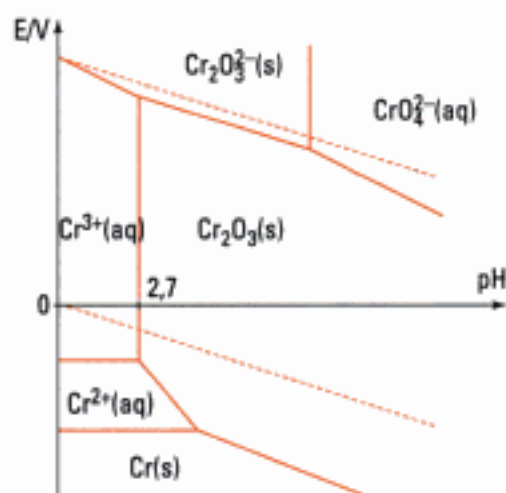
$$E^0(\text{Al}^{3+}/\text{Al}) = -1,68 \text{ V/ESH} ;$$

$$\text{Al}(\text{OH})_3(\text{s}) = \text{AlO}_2^- + \text{H}_3\text{O}^+ ; K = 10^{-10,6} .$$

### Ex. 7 Le diagramme E-pH du chrome

Diagramme tracé pour

$$[\text{Cr}(\text{soluble})] = 1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} ;$$



La verticale séparant le domaine de  $\text{Cr}^{3+}$  de  $\text{Cr}_2\text{O}_3$ , se situe à  $\text{pH} = 2,7$ .

a) Parmi les espèces figurant dans ce diagramme, quelles sont celles qui sont thermodynamiquement stables dans l'eau, à tout pH ? Quelles sont celles qui sont thermodynamiquement instables, à tout pH ?

b) Calculer la constante de la réaction mettant en jeu  $\text{Cr}^{3+}$  et  $\text{Cr}_2\text{O}_3$ , avec  $v(\text{Cr}_2\text{O}_3) = +1$ .

c) Calculer la pente du segment séparant les domaines de  $\text{Cr}_2\text{O}_3$  et  $\text{CrO}_4^{2-}$  ainsi que les domaines de  $\text{Cr}^{2+}$  et  $\text{Cr}_2\text{O}_3$ .

d) Expérimentalement, le chrome métal n'est pas attaqué dans l'eau entre  $\text{pH} = 3$  et  $\text{pH} = 14$ .

Quel nom porte ce phénomène ?

Quelle en est la cause probable ?

### Ex. 8 Au sujet du diagramme du fer

On utilisera avec profit le diagramme de la figure 5 du cours.

a) On introduit de la poudre de fer dans une solution aqueuse désaérée :

- acide ( $\text{HCl}$  à  $0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ ). Écrire la réaction complète. Décrire le(s) phénomène(s) observé(s).

- basique ( $\text{NaOH}$  à  $0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ ). Mêmes questions.

Un précipité d'hydroxyde de fer(II),  $\text{Fe}(\text{OH})_2$ , se transforme rapidement et change de couleur au contact de l'air. Justifier.

Écrire la réaction correspondante.

b) En milieu acide ( $\text{pH} \approx 3$ ), le potentiel du couple  $\text{Cu}^{2+}/\text{Cu}$  est constant et vaut  $0,34 \text{ V}$ . Qu'observe-t-on en mettant du cuivre métallique dans une solution de chlorure de fer(III),  $\text{FeCl}_3$ , acide ( $\text{pH} = 1$ ) ?

Comment peut-on mettre en évidence les produits de réaction ?

Citer une application pratique de cette réaction.

c) En présence d'ions iodure, le diiode  $\text{I}_2$  se complexé sous la forme  $\text{I}_3^-$ . Le potentiel standard du couple  $\text{I}_3^-/\text{I}^-$  vaut  $E_3^0 = 0,53 \text{ V}$ .

Tracer la courbe correspondant à ce couple pour  $[\text{I}_3^-] = [\text{I}^-] = 0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ . On se limitera à  $\text{pH} \approx 8$  (au-delà,  $\text{I}_3^-$  se dismute).

d) Quelle réaction observe-t-on lorsqu'on met en présence des ions  $\text{Fe}^{3+}$  et  $\text{I}^-$  en milieu acide ( $\text{pH} = 1$ ) ?

Écrire et équilibrer la réaction [réaction (a)].

e) Pour caractériser les ions  $\text{Fe}^{2+}$ , on ajoute de la soude et on tamponne la solution à  $\text{pH} = 7,5$ .

Quel(s) précipité(s) obtient-on ? Quelle est la réaction d'oxydoréduction (b) qui se produit alors ?

L'équilibrer (on rappelle que le milieu est légèrement basique).

### Ex. 9 Diagramme E-pH du mercure

On se limite dans cette étude aux espèces suivantes : mercure liquide  $\text{Hg}(\ell)$  (non miscible), ion mercurieux  $\text{Hg}_2^{2+}$ , ion mercurique  $\text{Hg}^{2+}$  et oxyde mercurique  $\text{HgO}(\text{s})$ . On suppose que toute espèce soluble du mercure a une concentration de  $10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

a) Préciser le pH de précipitation de l'oxyde mercurique.

b) Étudier successivement les couples (I)/(0) et (II)/(I) du mercure selon le pH.

c) En déduire que le mercure(I) n'est stable qu'en milieu acide.

d) Tracer alors le diagramme définitif et lui superposer les couples de l'eau. Conclure.

e) Le mercure liquide est-il attaqué par une eau désaérée ? par une eau aérée ?

f) Pourquoi, lors de la préparation du mercure par pyrométallurgie, dans l'étape finale de purification, ne peut-on pas utiliser le lavage à l'acide nitrique ?

Données :

Couples	$\text{Hg}_2^{2+}/\text{Hg}(\ell)$	$\text{Hg}^{2+}/\text{Hg}_2^{2+}$	$\text{NO}_3^-/\text{NO}$
$E^0/\text{V}$	0,79	0,91	0,96



(ESIM-PC)



### Ex. 10 Le diagramme E-pH du nickel

#### 1) Étude des systèmes Ni(II)/Ni

On considère une solution à  $10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  en ions  $\text{Ni}^{2+}$ .

a) Calculer le pH de précipitation de l'hydroxyde  $\text{Ni}(\text{OH})_2$  à partir de cette solution.

b) Calculer les potentiels  $E_1$  et  $E_2$  correspondant aux couples :  $\text{Ni}^{2+}/\text{Ni}$  et  $\text{Ni}(\text{OH})_2/\text{Ni}$ .

c) Sur un diagramme, représenter les variations  $E_1 = f(\text{pH})$ .

#### 2) Étude des systèmes Ni(III)/Ni(II)

a) Calculer les potentiels  $E_3$  et  $E_4$  correspondant aux couples :

$\text{Ni}_2\text{O}_3/\text{Ni}^{2+}$  ( $10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ ) et  $\text{Ni}_2\text{O}_3/\text{Ni}(\text{OH})_2$

b) Sur le diagramme précédent, représenter les variations  $E_3 = f(\text{pH})$ .

#### 3) Étude des systèmes Ni(IV)/Ni(III)

a) Calculer, à  $\text{pH} = 0$ , le potentiel  $E_5$  du couple  $\text{NiO}_2/\text{Ni}_2\text{O}_3$ .

b) Établir la relation  $E_5 = f(\text{pH})$  et tracer la droite correspondante sur le diagramme.

c) Montrer que  $\text{Ni}_2\text{O}_3$  se dismute en milieu acide et écrire la réaction de dismutation.

Calculer le pH (noté  $\text{pH}_d$ ) à partir duquel  $\text{Ni}_2\text{O}_3$  est instable.

d) Quel est le système rédox, faisant intervenir  $\text{NiO}_2$ , prépondérant pour  $\text{pH} < \text{pH}_d$  ?

Donner l'expression de son potentiel  $E_6$  pour une concentration de  $10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  en  $\text{Ni}^{2+}$ . Tracer la droite  $E_6 = f(\text{pH})$  sur le diagramme.

#### 4) Étude du diagramme

a) Préciser sur le diagramme  $E = f(\text{pH})$  relatif aux différents degrés d'oxydation du nickel, la nature de l'espèce prépondérante dans chaque domaine.

b) Montrer que la thermodynamique prévoit l'attaque du nickel par une solution acide de  $\text{pH} = 0$ . En fait, dans ces conditions, la corrosion du nickel ne se produit pratiquement pas. Suggérer une interprétation.

c) L'eau oxygénée appartient à deux couples rédox :

$\text{H}_2\text{O}_2/\text{H}_2\text{O}$  ( $E = 1,78 \text{ V}$  à  $\text{pH} = 0$ ) ;

$\text{O}_2/\text{H}_2\text{O}_2$  ( $E = 0,68 \text{ V}$  à  $\text{pH} = 0$ ).

Elle est métastable à l'abri de la lumière, mais se décompose rapidement en présence d'une faible quantité de  $\text{Ni}_2\text{O}_3$ . Justifier le rôle catalytique de  $\text{Ni}_2\text{O}_3$  sur la décomposition de  $\text{H}_2\text{O}_2$ .

Données à 298 K :

Couples	$\text{Ni}^{2+}/\text{Ni}$	$\text{Ni}_2\text{O}_3/\text{Ni}^{2+}$
$E^0/\text{V}$	-0,24	1,74

$\text{p}K_s(\text{Ni}(\text{OH})_2, \text{s}) = 16$ .

Espèces	$\text{Ni}_2\text{O}_3$	$\text{NiO}_2$	$\text{H}_2\text{O}$
$\Delta_f G^0/\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	-469	-215	-237,2

### Ex. 11 Le diagramme E-pH du silicium

On donne à 298 K, en solution aqueuse, les potentiels standard rédox de divers couples faisant intervenir uniquement  $\text{SiO}_2(\text{s})$ ,  $\text{SiO}(\text{s})$  et  $\text{Si}(\text{s})$ . On se propose d'établir le diagramme potentiel standard apparent en fonction du pH. On rappelle que toute espèce a une activité égale à l'unité, à l'exception de  $\text{H}_3\text{O}^+$ .

a) Préciser les divers nombres d'oxydation des corps étudiés.

b) Écrire les demi-équations rédox en milieu acide et en déduire les expressions  $E_i^0 = f_i(\text{pH})$ .

c) Tracer un diagramme et conclure quant à la stabilité ou la dismutation de l'hypothétique «  $\text{SiO}$  ».

En déduire le diagramme définitif.

d) En pratique, le silicium ne réagit pas en présence de dioxygène, d'eau ou des acides usuels.

Quelle raison peut-on y voir ?

e) Le silicium est seulement attaqué par l'acide fluorhydrique HF ( $\text{p}K_a = 3,2$ ) pour conduire à l'ion hexafluorosilicate(IV)  $\text{SiF}_6^{2-}$  et au dihydrogène.

Écrire l'équation rédox d'oxydation du silicium par HF (à  $\text{pH} = 0$ ), et calculer sa constante d'équilibre.

Données :

Couples	$\text{SiO}_2(\text{s})/\text{SiO}(\text{s})$	$\text{SiO}(\text{s})/\text{Si}(\text{s})$	$\text{SiF}_6^{2-}/\text{Si}(\text{s})$
$E^0/\text{V}$	-0,97	-0,81	-1,20

(ESIM-PC)

### Ex. 12 Le diagramme E-pH de l'uranium

On se limite aux espèces suivantes :  $\text{U}^{3+}(\text{aq})$ ,  $\text{U}^{4+}(\text{aq})$ ,  $\text{U}(\text{OH})_4(\text{s})$ ,  $\text{UO}_2(\text{OH})_2(\text{s})$  et  $\text{UO}_2^{2+}(\text{aq})$ .

Données :

Couple	$\text{U}^{4+}/\text{U}^{3+}$	$\text{UO}_2^{2+}(\text{aq})/\text{U}^{4+}(\text{aq})$
$E^0/\text{V}$	-0,52	0,27

$\text{p}K_{s_1}(\text{UO}_2(\text{OH})_2, \text{s}) = 24$  ;

$\text{p}K_{s_2}(\text{U}(\text{OH})_4, \text{s}) = 49$ .

On prendra la concentration de toute espèce soluble contenant de l'uranium égale à  $0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  dans son domaine de prédominance.

a) Chercher le pH de début de précipitation des deux hydroxydes insolubles.

b) Donner les équations  $E = f(\text{pH})$  correspondant aux couples :

$\text{UO}_2^{2+}(\text{aq})/\text{U}^{4+}(\text{aq})$  et  $\text{U}^{4+}(\text{aq})/\text{U}^{3+}(\text{aq})$ .

c) À partir des données, calculer les valeurs des potentiels standard  $E_3^0$ ,  $E_4^0$ ,  $E_5^0$  des couples suivants à  $\text{pH} = 0$ .

Couple (3) :  $\text{U}(\text{OH})_4(\text{s})/\text{U}^{3+}$ .

Couple (4) :  $\text{UO}_2(\text{OH})_2(\text{s})/\text{U}(\text{OH})_4(\text{s})$ .

Couple (5) :  $\text{UO}_2^{2+}/\text{U}(\text{OH})_4(\text{s})$ .



En déduire les équations  $E = f(\text{pH})$  correspondant à ces couples.

d) Tracer le diagramme  $E = f(\text{pH})$  pour  $\text{pH} \leq 4$ . Les frontières seront tracées et les domaines de prédominance et d'existence clairement indiqués.

### Ex. 13 Hydrométallurgie de l'uranium

Le minerai d'uranium est l'uranite  $\text{UO}_2(\text{s})$  ou la pechblende  $\text{U}_3\text{O}_8(\text{s})$ . La lixiviation du minerai par l'acide sulfurique en présence de fer(III) permet d'obtenir le sulfate d'uranyle  $\text{UO}_2\text{SO}_4$ .

a) Quels sont les nombres d'oxydation entiers de l'uranium dans ces deux minerais ?

b) Quelle est l'équation bilan de la réaction de l'uranite sur le sulfate de fer(III) ?

c) Dans une solution aqueuse de  $\text{U}^{4+}$  à  $0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ , maintenu à  $\text{pH} = 0$ , on verse une solution aqueuse d'ions  $\text{Fe}^{3+}$  à  $0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

Écrire l'équation bilan de la réaction, calculer sa constante.

d) On mélange : 25 mL de  $\text{H}_2\text{SO}_4$  à  $0,2 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ , 25 mL d'ions  $\text{Fe}^{3+}$  à  $0,08 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ , 25 mL d'ions  $\text{U}^{4+}$  à  $0,04 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  et 25 mL d'eau.

Calculer les concentrations à l'équilibre. Quel est le potentiel  $E$  de la solution par rapport à l'ECS ?

Données :

$E_{\text{Fe}^{3+}/\text{Fe}^{2+}}^0 = 0,68 \text{ V}$  en milieu sulfurique ;

$E_{\text{ECS}} = 0,24 \text{ V}$ .

### Ex. 14 Utilisation du diagramme E-pH du vanadium

On étudie dans cette partie quelques propriétés du vanadium et de ses dérivés. On fournit pour cela quelques données utiles et le tracé en milieu acide du diagramme simplifié : potentiel apparent  $E = f(\text{pH})$  du vanadium  $\text{V}(\text{s})$  associé aux espèces solubles dans l'eau :  $\text{V}^{2+}$ ,  $\text{V}^{3+}$ ,  $\text{VO}^{2+}$ ,  $\text{VO}_2^+$  (chacune à la concentration  $0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ ) et à leurs hydroxydes solides, repérés respectivement par (I), (II), (III), (IV).

On prendra :  $\frac{RT}{F} \ln 10 = 0,06 \text{ V}$ .

a) Donner les formules des hydroxydes (I), (II), (III), (IV). Compléter (en justifiant) le diagramme fourni en faisant figurer chaque espèce dans son domaine de prédominance.

b) Calculer les ordonnées des points A, B, C et G ; vérifier sur le graphe. Montrer que les droites (BE), (CF), (GI) et (HJ) sont parallèles.

c) On constate que l'hydroxyde correspondant à l'ion le plus oxydé est rouge brique.

Calculer son produit de solubilité  $K_s$ , ainsi que celui des trois autres hydroxydes.

On élève progressivement à  $\text{pH} = 2,0$  le potentiel d'une solution d'ions  $\text{V}^{2+}$ . À partir de quel potentiel voit-on apparaître le précipité rouge brique ?

d) Les oxydes du vanadium ( $\text{V}_2\text{O}_x$ ), correspondant aux hydroxydes (I), (II), (III), (IV), occupent pratiquement les mêmes domaines que ceux-ci. Donner les formules ( $\text{V}_2\text{O}_x$ ) des quatre oxydes : (I'), (II'), (III'), (IV'). Quel est le plus stable en présence d'eau ?

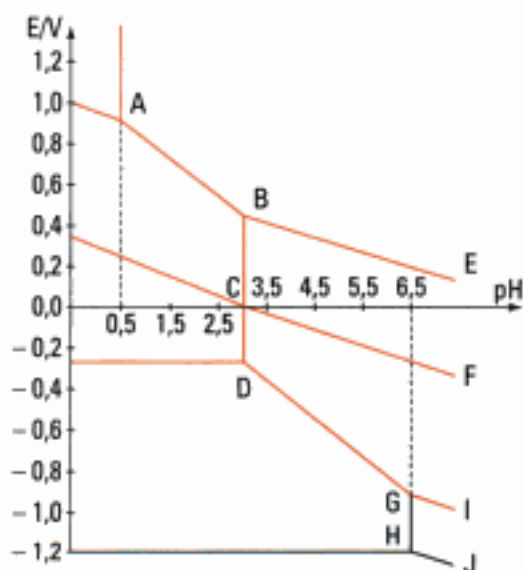
e) D'après le diagramme E-pH, le vanadium est-il un métal « noble » ?

Comment peut-on expliquer la quasi absence de réaction du vanadium aussi bien vis-à-vis de l'eau, que vis-à-vis d'acide chlorhydrique dilué ?

f) L'hydroxyde correspondant à l'ion  $\text{V}^{2+}$  réagit directement sur l'eau, pourquoi ? Selon quelle réaction ? Trouve-t-on cet hydroxyde dans la nature ?

Données :

Couples	$\text{VO}_2^+/\text{VO}^{2+}$	$\text{VO}^{2+}/\text{V}^{3+}$
$E^0/\text{V}$	1,00	0,36
Couples	$\text{V}^{3+}/\text{V}^{2+}$	$\text{V}^{2+}/\text{V}(\text{s})$
$E^0/\text{V}$	-0,25	-1,18



Hidden page

# Solutions des exercices

## Q.C.M.

### Exercice 1



Dans un diagramme potentiel-pH, les espèces se suivent par ordre croissant de nombre d'oxydation quand le potentiel augmente à pH fixé.

Nombres d'oxydation du vanadium dans les différents oxydes :

Oxydes	$V_2O_5$	$V_2O_4$	VO	$V_3O_5$	$V_2O_3$
n.o. de V	+V	+IV	+II	+10/3	+III



En fait,  $V_3O_5$  correspond à l'association  $V_2O_3, \frac{1}{2} V_2O_4$ .

Dans  $H_2VO_4^-(aq)$ , le nombre d'oxydation de V est +V, donc l'oxyde  $V_2O_5$  n'est pas compris dans la liste, car il aurait une frontière acide-base à pH constant avec  $H_2VO_4^-$ .

Il reste donc les quatre oxydes : A (VO) ; B ( $V_2O_3$ ) ; C ( $V_3O_5$ ) ; D ( $V_2O_4$ ).

**Bonne réponse : d).**

### Exercice 2



Si deux éléments ont le même nombre d'oxydation, ils forment un couple acide-base et ont une frontière verticale.

Dans  $VO^{2+}$ , le nombre d'oxydation de V est +IV, donc  $VO^{2+}$  et  $V_2O_4$  forment un couple acide-base.

Équation d'échange protonique :  $2 VO^{2+} + 2 H_2O = V_2O_4(s) + 4 H^+$ .

$$K_R = \frac{[H^+]^4}{[VO^{2+}]^2} ; \text{ à pH} = 5,2 : [H_3O^+] = 10^{-5,2} = 6,3 \cdot 10^{-6} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}.$$



Sur la frontière entre une espèce soluble et un solide, il existe seulement un grain de solide, d'où

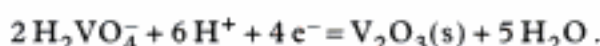
$$[VO^{2+}] = [V_{\text{soluble}}] = 10^{-6} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}.$$

$$K_R = \frac{(6,3 \cdot 10^{-6})^4}{(10^{-6})^2} = 1,6 \cdot 10^{-9}.$$

**Bonne réponse : d).**

### Exercice 3

B(s) :  $V_2O_3(s)$ . Écrivons la demi-équation d'échange électronique :



$$E = E^0 + \frac{0,059}{4} \log [H_2VO_4^-]^2 - 0,059 \times \frac{6}{4} \text{ pH}.$$

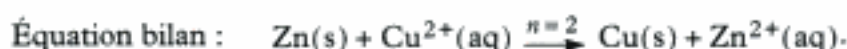
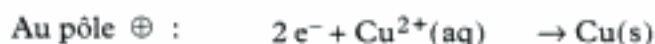
$$\text{D'où la pente : } -0,059 \times \frac{6}{4} = -0,0885 \text{ V/pH}.$$

**Bonne réponse : b).**

## Exercices de niveau 1

### Exercice 4

a)



b) Tous les composés constituant la pile sont dans leur état standard, donc  $\mathcal{A}^0 = 2\mathcal{F}e^0$ .

c)  $\mathcal{A}^0 = -(\Delta_r H^0 - T\Delta_r S^0)$ .

$$\Delta_r H^0 = \Delta_f H^0(\text{Zn}^{2+}) - \Delta_f H^0(\text{Cu}^{2+}) = -152,84 - 65,78 = -218,62 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\begin{aligned} \Delta_r S^0 &= S^0(\text{Cu}) + S^0(\text{Zn}^{2+}) - S^0(\text{Zn}) - S^0(\text{Cu}^{2+}) \\ &= 33,3 - 107,53 - 41,6 + 97,2 = -18,73 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1} \end{aligned}$$

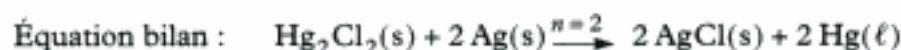
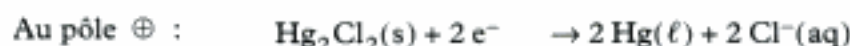
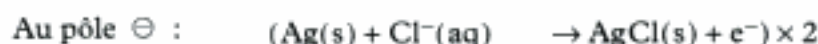
$$\mathcal{A}^0(298) = -(-218\,620 - 298 \cdot (-18,73)) = +213,04 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\text{Avec } n=2 \text{ et } \mathcal{F} = 96\,484 \text{ C} \cdot \text{mol}^{-1}, \text{ on obtient } e^0 = \frac{\mathcal{A}^0}{2\mathcal{F}} = \frac{213\,040}{2 \times 96\,484};$$

$$\text{d'o\^u : } \quad e^0 = 1,104 \text{ V}.$$

### Exercice 5

a)



b) Nous constatons que toutes les espèces intervenant dans cette équation sont dans leur état standard. Donc la f.e.m. de cette pile est sa f.e.m. standard  $e^0$  :

$$e^0 = E^{0\oplus} - E^{0\ominus} = E^0(\text{Hg}_2\text{Cl}_2/\text{Hg}) - E^0(\text{AgCl}/\text{Ag});$$

$$\text{d'o\^u : } \quad e^0 = 0,268\,0 - 0,222\,2 = 0,045\,8 \text{ V}.$$

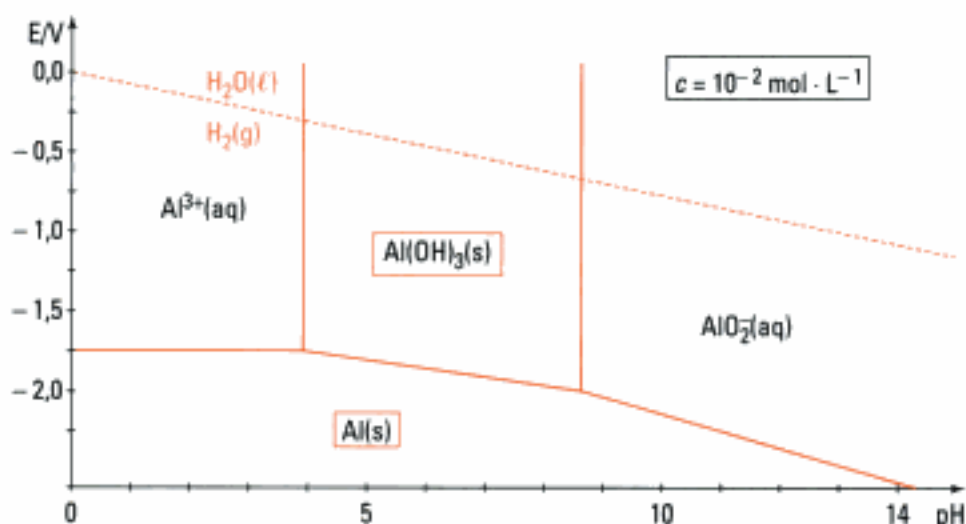
c) La connaissance de  $e^0$  et de  $\frac{de^0}{dT}$  nous permet d'atteindre les grandeurs thermodynamiques standard associées à la réaction de la pile.

$$\mathcal{A}^0 = -\Delta_r G^0 = n\mathcal{F}e^0 = 2 \times 96\,484 \times 0,045\,8 = 8\,838 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}.$$

$$\Delta_r S^0 = n\mathcal{F} \frac{de^0}{dT} = 2 \times 96\,484 \times 0,338 \cdot 10^{-3} = 65,2 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}.$$



Hidden page



### Exercice 7

- a) Une espèce est thermodynamiquement stable dans l'eau si elle a une partie de son domaine d'existence ou de prédominance commun avec celui de l'eau.

Stables dans l'eau :  $\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}$  ;  $\text{CrO}_4^{2-}$  ;  $\text{Cr}^{3+}$  et  $\text{Cr}_2\text{O}_3(\text{s})$ .

Instables dans l'eau à tout pH :  $\text{Cr}^{2+}$  et  $\text{Cr}(\text{s})$ .

- b) Équation bilan :  $2 \text{Cr}^{3+} + 3 \text{H}_2\text{O} = \text{Cr}_2\text{O}_3(\text{s}) + 6 \text{H}^+$ .

$$K_R = \frac{[\text{H}^+]^6}{[\text{Cr}^{3+}]^2} = \frac{(10^{-2,7})^6}{1^2} = 6,3 \cdot 10^{-17}.$$

- c)  $2 \text{CrO}_4^{2-} + 10 \text{H}^+ + 6 \text{e}^- = \text{Cr}_2\text{O}_3(\text{s}) + 5 \text{H}_2\text{O}$  ; pente :  $-0,059 \times \frac{10}{6} = -0,098 \text{ 3 V/pH}$ .

$\text{Cr}_2\text{O}_3(\text{s}) + 6 \text{H}^+ + 2 \text{e}^- = 2 \text{Cr}^{2+} + 3 \text{H}_2\text{O}$  ; pente :  $-0,059 \times \frac{6}{2} = -0,177 \text{ V/pH}$ .

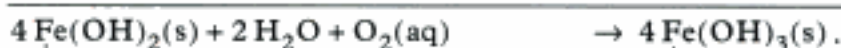
- d) Il s'agit du phénomène de **passivation** : il est dû à la formation, à la surface du métal, d'une fine couche protectrice et imperméable de  $\text{Cr}_2\text{O}_3(\text{s})$ .

### Exercice 8

- a)  $\text{Fe}(\text{s}) + 2 \text{H}^+ \rightarrow \text{Fe}^{2+}(\text{aq}) + \text{H}_2(\text{g})$  : **dégagement de dihydrogène.**

En milieu basique, le fer est **passivé** très rapidement avant qu'une attaque importante ait lieu : on n'observe rien.

$\text{Fe}(\text{OH})_2(\text{s})$  est transformé en  $\text{Fe}(\text{OH})_3(\text{s})$  par le dioxygène dissous :



↳ vert

↳ rouille

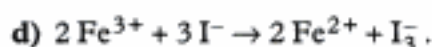
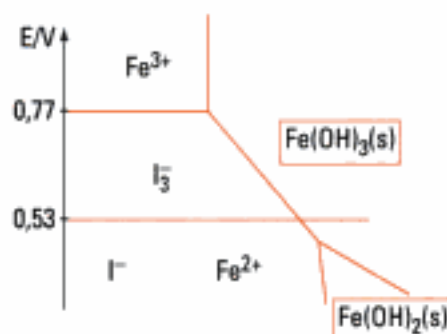
- b) À pH = 1 :



Par addition d'ions  $\text{OH}^-$ , on obtient un précipité bleuâtre  $\text{Cu}(\text{OH})_2$  et non pas rouille  $\text{Fe}(\text{OH})_3$ , il n'y a donc pas d'ions  $\text{Fe}^{3+}$ . Pour caractériser  $\text{Fe}^{2+}$ , on rajoute un peu d'ortho-phénantroline qui donne une couleur rouge profond à la solution (formation d'un complexe  $[\text{Fe}-\text{ophen}]^{3+}$ ).

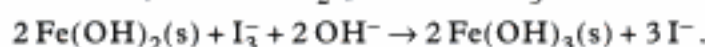
Le **décapage** des plaques portant des composants électroniques est une application pratique.

c)



e) On obtient  $\text{Fe}(\text{OH})_2(\text{s})$ .

En milieu légèrement basique,  $\text{Fe}(\text{OH})_2$  peut réduire  $\text{I}_3^-$  :



## Exercice 9

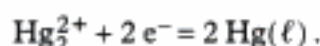
a)  Sur la frontière entre une espèce soluble et un solide, il existe seulement un grain de solide, d'où  $[\text{Hg}^{2+}] = [\text{Hg}_{\text{soluble}}] = 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

$$K_s = [\text{Hg}^{2+}][\text{OH}^-]^2;$$

$$K_s = 10^{-25,4}, \text{ d'où } (\text{pH})_{\text{lim}} = 2,3.$$

b)  Nous prenons comme convention de frontière, l'égalité des concentrations atomiques en éléments.

• **Couple  $\text{Hg}_2^{2+}/\text{Hg}(\ell)$  :**



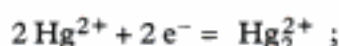
$$\text{Sur la frontière : } 2 [\text{Hg}_2^{2+}] = 10^{-2} \Rightarrow [\text{Hg}_2^{2+}] = 5 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}.$$

$$E_1 = 0,79 + \frac{0,059}{2} \log [\text{Hg}_2^{2+}] = 0,722 \text{ V}.$$

• **Couple  $\text{Hg}^{2+}/\text{Hg}_2^{2+}$  ;  $\text{pH} \leq 2,3$ .**

$$\text{Sur la frontière : } \begin{cases} [\text{Hg}^{2+}] = 2 [\text{Hg}_2^{2+}] \\ [\text{Hg}^{2+}] + 2 [\text{Hg}_2^{2+}] = 10^{-2}, \end{cases}$$

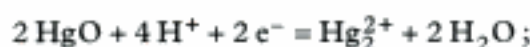
$$\text{soit : } [\text{Hg}_2^{2+}] = 2,5 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}; [\text{Hg}^{2+}] = 5 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}.$$



$$E_2 = 0,91 + \frac{0,059}{2} \frac{\log [\text{Hg}^{2+}]^2}{[\text{Hg}_2^{2+}]} = 0,851 \text{ V}.$$

• **Couple  $\text{HgO}(\text{s})/\text{Hg}_2^{2+}$  ;  $\text{pH} \geq 2,3$ .**

$$\text{Sur la frontière : } [\text{Hg}_2^{2+}] = 5 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}.$$



$$E_3 = E_3^0 + \frac{0,059}{2} \log \frac{1}{[\text{Hg}_2^{2+}]} - 0,059 \times 2 \times \text{pH}.$$

Par continuité à  $\text{pH} = 2,3$  ;  $E_2 = E_3$ , d'où  $E_3^0 = 1,054 \text{ V}$  ;

d'où, pour  $\text{pH} \geq 2,3$  :  $E_3 = 1,122 - 0,118 \text{ pH}$  (en V).

- c) La frontière  $E_3$  coupe la frontière  $E_1$  pour  $\text{pH} = 3,39 \approx 3,4$ . Au-delà de  $\text{pH} = 3,4$ , il faut considérer le couple  $\text{HgO(s)}/\text{Hg}(\ell)$  car les ions  $\text{Hg}_2^{2+}$  se dismutent pour des valeurs de  $\text{pH}$  supérieures à 3,4.

• **Couple  $\text{HgO(s)}/\text{Hg}(\ell)$  :**



$E_4 = E_4^0 - 0,059 \text{ pH}$ . Par continuité à  $\text{pH} = 3,4$  :  $E_1 = E_3 = E_4$ , on obtient :

$$\text{pH} \geq 3,4 : E_4 = 0,922 - 0,059 \text{pH} \text{ (en V)}.$$

#### d) Diagramme E-pH du mercure

Les droites relatives aux couples de l'eau sont :

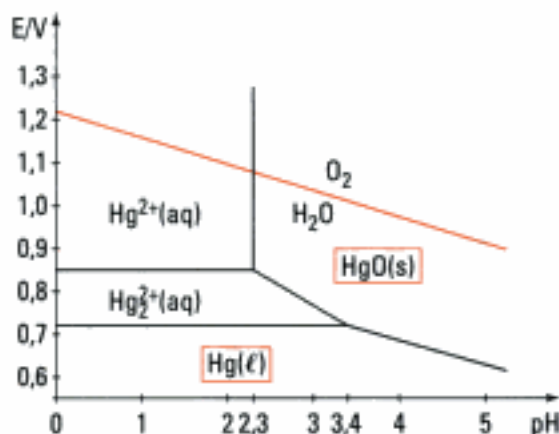
- couple  $\text{O}_2/\text{H}_2\text{O}$  :  $E_5 = 1,23 - 0,059 \text{ pH}$  ;

- couple  $\text{H}^+/\text{H}_2$  :  $E_6 = -0,059 \text{ pH}$ .

Toutes les espèces du mercure sont contenues dans le domaine de stabilité thermodynamique de l'eau.

- e) Pas d'attaque d'une eau désaérée.

Une eau aérée ( $\text{O}_2$  dissous) oxyde  $\text{Hg}(\ell)$  en  $\text{Hg}^{2+}$  ( $\text{pH} < 2$ ) et en  $\text{HgO(s)}$  ( $\text{pH} > 2,5$ ).



- f) Quel que soit le  $\text{pH}$ , l'acide nitrique oxyde le mercure en  $\text{Hg}^{2+}$ .

Exemple, à  $\text{pH} < 2$  :  $2 \text{NO}_3^- + 8 \text{H}^+ + 3 \text{Hg}(\ell) \rightarrow 2 \text{NO(g)} + 4 \text{H}_2\text{O} + 3 \text{Hg}^{2+}$ .

### Exercice 10

- 1) a)  $\text{Ni(OH)}_2(\text{s}) = \text{Ni}^{2+} + 2 \text{OH}^-$  ;  $K_s = 10^{-16} = [\text{Ni}^{2+}][\text{OH}^-]^2$ .

À partir d'une solution de  $\text{Ni}^{2+}$  à  $10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ , le premier grain de précipité apparaît

quand  $[\text{OH}^-] = \left( \frac{K_s}{[\text{Ni}^{2+}]} \right)^{1/2} = 1 \cdot 10^{-7} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ , soit :  $(\text{pH})_{\text{lim}} = 7$ .

- b) • **Couple  $\text{Ni}^{2+}(\text{aq})/\text{Ni(s)}$**

$E_1 = -0,24 + \frac{0,059}{2} \log [\text{Ni}^{2+}]$ . Sur la frontière :  $[\text{Ni}^{2+}] = 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

$$E_1 = -0,30 \text{ V} ; \text{pH} < 7.$$

• **Couple  $\text{Ni(OH)}_2(\text{s})/\text{Ni(s)}$  pour  $\text{pH} > 7$**



$$E_2 = E_2^0 - 0,059 \text{ pH}.$$



On obtient  $E_2^0$  par continuité : à  $\text{pH} = 7$ ,  $E_1 = E_2$ .

$$-0,3 = E_2^0 - 0,059 \times 7 \Rightarrow E_2^0 = 0,113 \text{ V}.$$

$$E_2 = 0,113 - 0,059 \text{ pH} ; \text{pH} > 7.$$

2) a) • **Couple  $\text{Ni}_2\text{O}_3(\text{s})/\text{Ni}^{2+}(\text{aq})$**

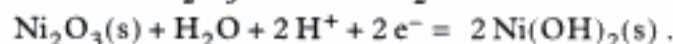


$$E_3 = 1,74 - 0,059 \times \frac{6}{2} \times \text{pH} + \frac{0,059}{2} \log \frac{1}{[\text{Ni}^{2+}]^2}.$$

Sur la frontière :  $[\text{Ni}^{2+}] = 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

$$E_3 = 1,858 - 0,177 \text{ pH} ; \text{pH} < 7.$$

• **Couple  $\text{Ni}_2\text{O}_3(\text{s})/\text{Ni}(\text{OH})_2(\text{s})$  :**



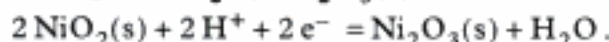
$E_4 = E_4^0 - 0,059 \text{ pH}$ . On obtient  $E_4^0$  par continuité : à  $\text{pH} = 7$ ,  $E_3 = E_4$ .

$$1,858 - 0,177 \times 7 = E_4^0 - 0,059 \times 7 \Rightarrow E_4^0 = 1,03 \text{ V}.$$

$$E_4 = 1,03 - 0,059 \text{ pH} ; \text{pH} > 7.$$

b) Voir le diagramme.

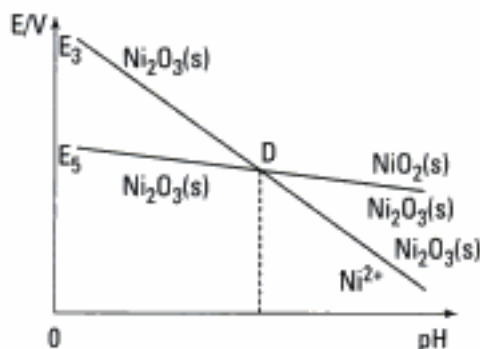
3) a) • **Couple  $\text{NiO}_2(\text{s})/\text{Ni}_2\text{O}_3(\text{s})$**



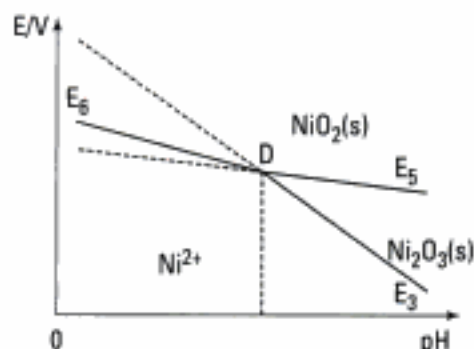
$$E_5^0 = -\frac{1}{2} (\Delta_f G^0(\text{Ni}_2\text{O}_3) + \Delta_f G^0(\text{H}_2\text{O}) - 2\Delta_f G^0(\text{NiO}_2)) = 1,43 \text{ V/ESH}.$$

b)  $E_5 = 1,43 - 0,059 \text{ pH}$ .

c)



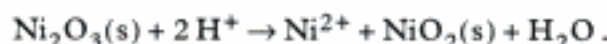
⇒



Lorsque deux frontières se coupent, cela signifie qu'il se produit une réaction de dismutation.

Les deux droites frontières  $E_3$  et  $E_5$  se coupent au point D.

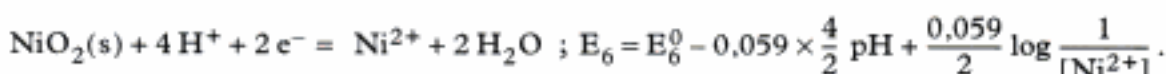
Pour  $\text{pH} < \text{pH}_D$ ,  $\text{Ni}_2\text{O}_3(\text{s})$  est à la fois l'oxydant le plus fort et le réducteur le plus fort, donc  $\text{Ni}_2\text{O}_3(\text{s})$  se dismute :



$$E_3 = E_5 \Leftrightarrow 1,43 - 0,059 \text{ pH}_D = 1,858 - 0,177 \text{ pH}_D : \text{pH}_D = 3,6.$$

Pour  $\text{pH} < \text{pH}_D = 3,6$  ; on tient compte du couple  $\text{NiO}_2(\text{s})/\text{Ni}^{2+}(\text{aq})$ .

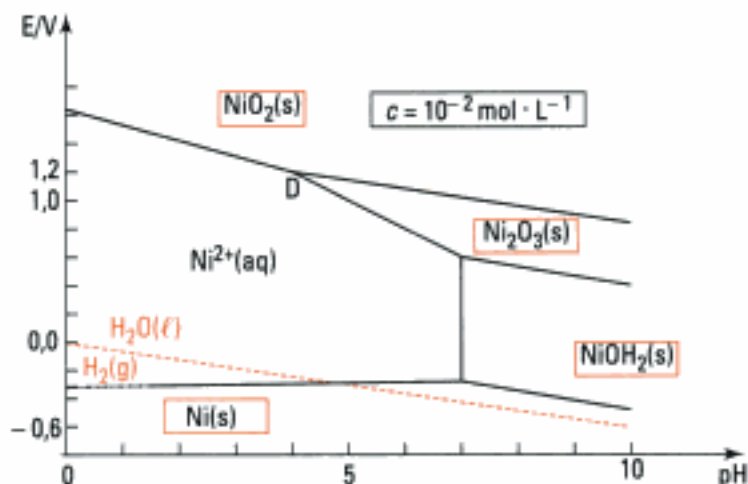
d) **Couple  $\text{NiO}_2(\text{s})/\text{Ni}^{2+}(\text{aq})$  :**



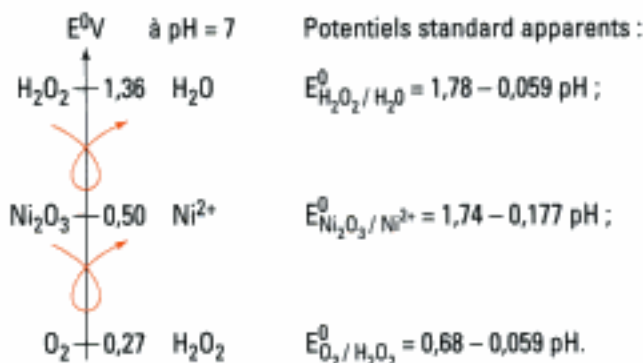
Sur la frontière :  $[\text{Ni}^{2+}] = 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

$E_6 = E_6^0 - 0,118 \text{ pH} + 0,059$  (en V). On obtient  $E_6^0$  par continuité ; à  $\text{pH} = 3,6$  :  
 $E_6 = E_5 = E_3$ .  
 $E_6^0 - 0,118 \times 3,6 + 0,059 = 1,43 - 0,059 \times 3,6 \Rightarrow E_6^0 = 1,583 \text{ V/ESH}$ .  
 $E_6 = 1,64 - 0,118 \text{ pH} ; \text{pH} < 3,6$ .

Allure du diagramme simplifié du nickel :

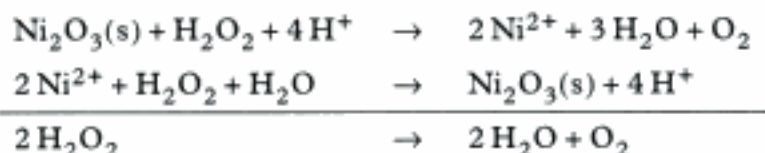


- 4) a) Voir schéma : les domaines d'existence des différents solides sont indiqués, ainsi que le domaine de prédominance de l'ion  $\text{Ni}^{2+}$ .  
 b) En milieu très acide ( $\text{pH} \approx 0$ ), le nickel devrait réduire l'eau. Si cette corrosion ne se produit pas c'est qu'elle est cinétiquement défavorisée.  
 c)



Il s'agit d'une catalyse d'oxydoréduction : on remplace une réaction cinétiquement lente :

$\text{H}_2\text{O}_2 \rightarrow \text{H}_2\text{O} + \frac{1}{2} \text{O}_2$ , par deux réactions rapides :



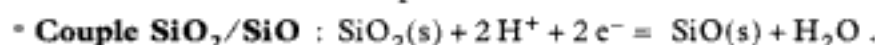
### Exercice 11

a)

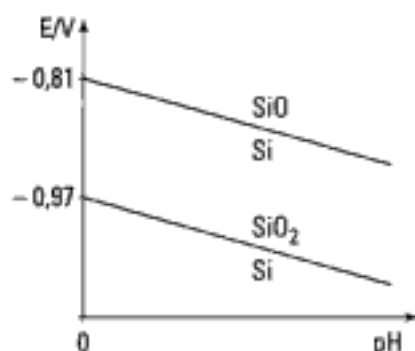
Composé	Si	SiO	SiO <sub>2</sub>
n.o. du Si	0	+II	+IV

b) • Couple SiO/Si :  $\text{SiO}(\text{s}) + 2 \text{H}^+ + 2 \text{e}^- = \text{Si}(\text{s}) + \text{H}_2\text{O}$ .

$$E_1 = -0,81 - 0,059 \text{ pH (en V).}$$

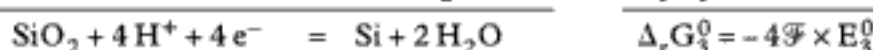
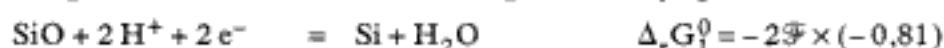
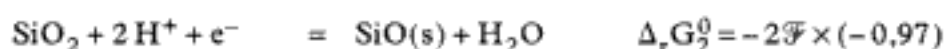


$$E_2 = -0,97 - 0,059 \text{ pH (en V).}$$



c) Quel que soit le pH,  $\text{SiO}(\text{s})$  se dismute en  $\text{Si}(\text{s})$  et  $\text{SiO}_2(\text{s})$  . Il faut donc envisager uniquement le couple  $\text{SiO}_2(\text{s})/\text{Si}(\text{s})$  :  $E_3^0$  .

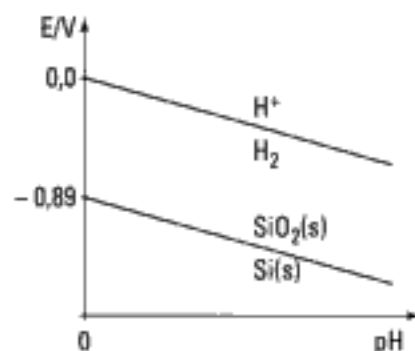
Calcul de  $E_3^0$  :



d'où : 
$$E_3^0 = \frac{2 \times 0,97 + 2 \times 0,81}{-4} = -0,89 \text{ V.}$$

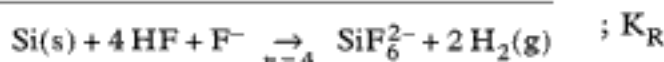
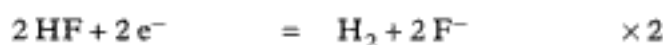


Diagramme potentiel-pH du silicium :

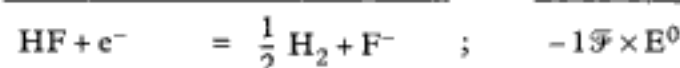
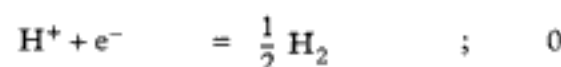
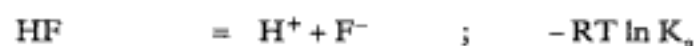


d) Le silicium est passivé par une couche de  $\text{SiO}_2(\text{s})$  .

e)



Calcul du potentiel standard du couple  $\text{HF}/\text{H}_2$  :

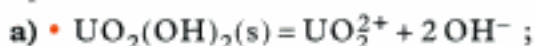


donc  $-1\mathcal{F} \times E^0 = -RT \ln K_a$ , d'où :  $E^0 = -0,189 \text{ V}$

$$\log K_R = \frac{4}{0,059} (E_{\text{HF}/\text{H}_2}^0 - E_{\text{SiF}_6^{2-}/\text{Si}}^0) = \frac{4}{0,059} (-0,189 + 1,2) = 68,5.$$

### Exercice 12

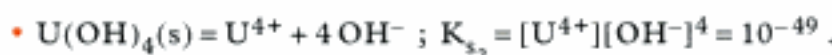
Nombres d'oxydation de l'uranium dans ces différents composés :



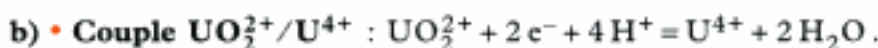
$$K_{s_1} = [\text{UO}_2^{2+}][\text{OH}^-]^2 = 10^{-24}.$$

Sur la frontière :  $[\text{UO}_2^{2+}] = c = 0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

$$\text{D'où : } [\text{OH}^-] = \left(\frac{K_{s_1}}{c}\right)^{1/2} \Rightarrow \text{pH}_1 = 2,5.$$



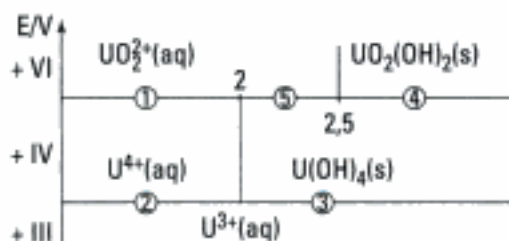
Sur la frontière :  $[\text{U}^{4+}] = c = 0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ . D'où :  $[\text{OH}^-] = \left(\frac{K_{s_2}}{c}\right)^{1/4} \Rightarrow \text{pH}_2 = 2$ .



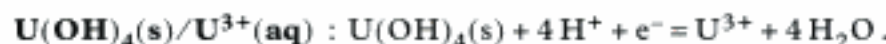
$$0 < \text{pH} < 2 ; E_1 = 0,27 - 0,118 \text{ pH (en V)}.$$



c) Allure du diagramme E-pH :



• **Couple**



$E_3 = E_3^0 - 0,059 \times 4 \text{ pH} + 0,059 \log \frac{1}{[\text{U}^{3+}]}$ . Sur la frontière :  $[\text{U}^{3+}] = 0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

Par continuité à  $\text{pH} = 2$  où  $E_2 = E_3$ , on obtient :

$$-0,52 = E_3^0 - 0,236 \times 2 + 0,059 \log \frac{1}{0,1} \Rightarrow E_3^0 = -0,107 \text{ V}.$$

$$\text{pH} > 2 ; E_3 = -0,048 - 0,236 \text{ pH (en V)}.$$



$E_5 = E_5^0 + \frac{0,059}{2} \log [\text{UO}_2^{2+}]$ . Sur la frontière :  $[\text{UO}_2^{2+}] = c = 0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

Par continuité à  $\text{pH} = 2$  où  $E_1 = E_5$  on obtient :  $0,27 - 0,118 \times 2 = E_5^0 + 0,0295 \log 0,1$ .

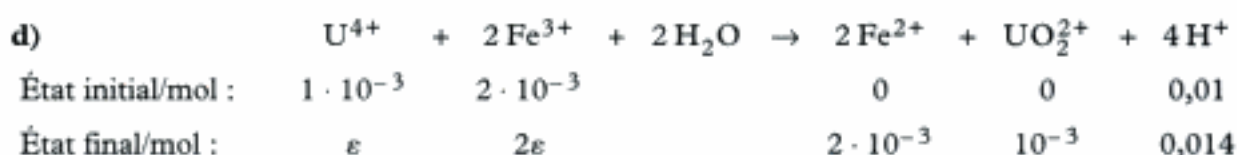
$E_5^0 = 0,064 \text{ V}$ , donc :

$$2 < \text{pH} < 2,5 ; E_5 = 0,034 \text{ V}.$$





Hidden page



Concentrations à l'équilibre :  $V = 100 \text{ mL}$ , d'où :

$$[Fe^{2+}] = 0,02 \text{ mol} \cdot L^{-1} ; \quad [UO_2^{2+}] = 0,01 \text{ mol} \cdot L^{-1} ; \quad [H^+] = 0,14 \text{ mol} \cdot L^{-1} .$$

$$[Fe^{3+}] = 2[U^{4+}] = 2c \text{ (très petit)} .$$

$$K_R = 7,9 \cdot 10^{13} = \frac{[Fe^{2+}]^2 [UO_2^{2+}] [H^+]^4}{[U^{4+}] [Fe^{3+}]^2} = \frac{0,02^2 \times 0,01 \times 0,14^4}{c \times 4c^2} \Rightarrow c = 1,7 \cdot 10^{-8} \text{ mol} \cdot L^{-1} ;$$

soit :  $[Fe^{3+}] = 3,4 \cdot 10^{-8} \text{ mol} \cdot L^{-1}$  et  $[U^{4+}] = 1,7 \cdot 10^{-8} \text{ mol} \cdot L^{-1}$ .

Le potentiel est donné par l'un ou l'autre couple.

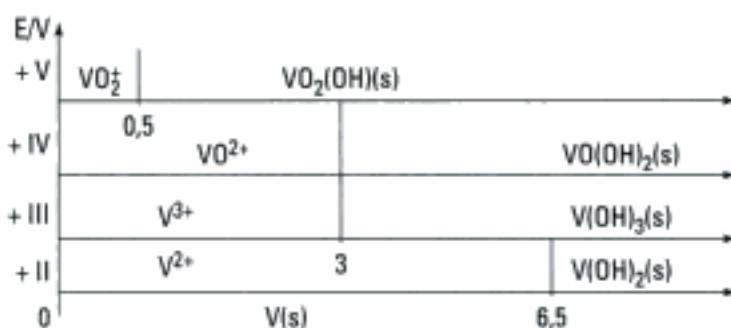
$$E_{Pt} = 0,68 + 0,059 \log \frac{[Fe^{3+}]}{[Fe^{2+}]} = 0,68 + 0,059 \log \frac{3,4 \cdot 10^{-8}}{0,02} = 0,34 \text{ V} .$$

$$E_{Pt} \approx 0,10 \text{ V/ECS} .$$

### Exercice 14

Plus le potentiel augmente dans un diagramme E-pH et plus on trouve des espèces aux nombres d'oxydation élevés.

a) Allure du diagramme du vanadium :



Les domaines d'existence et de prédominance des différentes espèces contenant l'élément vanadium sont précisés sur le diagramme ci-après.

b) • **Ordonnée du point A** : A appartient à la frontière  $VO_2^+/VO_2^{2+}$  pour  $pH_A = 0,5$ .



$$E = 1,00 - 0,12 \text{ pH} \Rightarrow E_A = 0,94 \text{ V} .$$

• **Ordonnée du point B** : B appartient à la frontière  $VO_2(OH)(s)/VO_2^{2+}$ .



Par continuité, à  $pH = 0,5$  :

$$0,94 = E^0 - 0,18 \times 0,5 + 0,06 \log 10 \Rightarrow E^0 = 0,97 \text{ V} , \text{ soit : } E = 1,03 - 0,18 \text{ pH} .$$

$$pH_B = 3 \Rightarrow E_B = 0,49 \text{ V} .$$

• **Ordonnée du point C** : C appartient à la frontière  $VO_2^+/V^{3+}$  pour  $pH_C = 3$ .

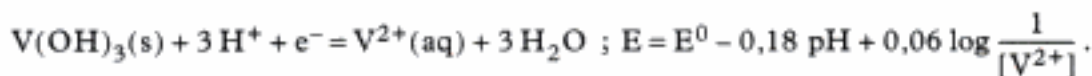


$$pH_C = 3 \Rightarrow E_C = 0,00 \text{ V} .$$

• **Ordonnée du point G.**

On calcule d'abord l'ordonnée du point D (couple  $V^{3+}/V^{2+}$ ) :  $E_D = E_{V^{3+}/V^{2+}}^0 = -0,25 \text{ V}$ .

G est sur la frontière du couple  $V(\text{OH})_3(\text{s})/V^{2+}$ .



Sur la frontière :  $[V^{2+}] = 0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

Par continuité, à  $\text{pH} = 3$  :  $-0,25 = E^0 - 0,18 \times 3 + 0,06 \log \frac{1}{0,1} \Rightarrow E^0 = 0,23 \text{ V}$ , soit :

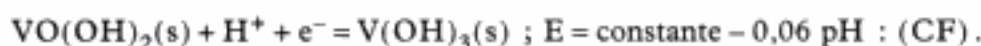
$E = 0,29 - 0,18 \text{ pH}$ .

$$\text{pH}_G = 6,5 \Rightarrow E_G = -0,88 \text{ V}.$$

• **Couple  $\text{VO}_2(\text{OH})(\text{s})/\text{VO}(\text{OH})_2(\text{s})$  :**



• **Couple  $\text{VO}(\text{OH})_2(\text{s})/V(\text{OH})_3(\text{s})$  :**



• **Couple  $V(\text{OH})_3(\text{s})/V(\text{OH})_2(\text{s})$  :**

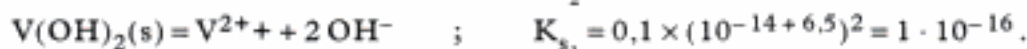
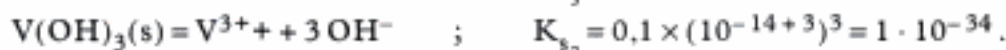


• **Couple  $V(\text{OH})_2(\text{s})/V(\text{s})$  :**



Les quatre demi-droites (BE), (CF), (GI) et (HJ) sont parallèles.

- c) À  $\text{pH} = 0,5$ , apparaît le premier grain de  $\text{VO}_2(\text{OH})(\text{s})$  à partir d'une solution de  $\text{VO}_2^+$  à  $0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .



$\text{VO}_2(\text{OH})(\text{s})$  apparaît quand la verticale  $\text{pH} = 2$  rencontre le segment AB.

Équation de AB :  $E = 1,03 - 0,18 \text{ pH} \Rightarrow \text{pH} = 2$ , soit :  $E = 0,67 \text{ V}$ .

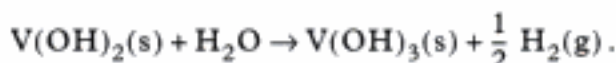
- d)  $V_2\text{O}_2$ ,  $V_2\text{O}_3$ ,  $V_2\text{O}_4$ ,  $V_2\text{O}_5$ .

Le domaine d'existence de  $V_2\text{O}_4$  est entièrement situé dans le domaine de stabilité thermodynamique de l'eau ; c'est l'oxyde le plus stable en présence d'eau.

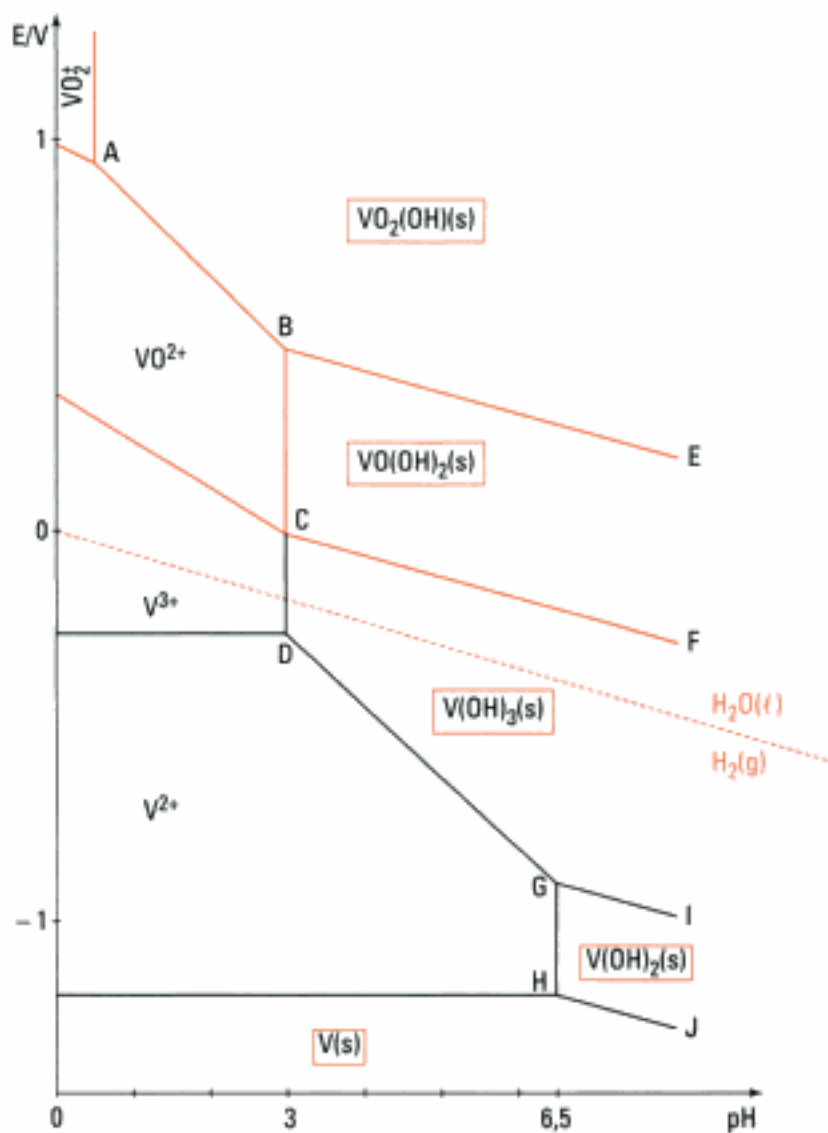
- e)  Un métal noble est un métal que l'on trouve à l'état natif dans la nature.

Le vanadium n'est **pas un métal noble**, c'est un métal très réducteur mais sur lequel la sur-tension de dégagement de dihydrogène  $\text{H}_2$  (cf. chapitre 10) est très importante et  $\text{H}_2$  ne se forme pas par action de l'acide chlorhydrique  $\text{HCl}$  dilué sur du vanadium  $\text{V}$  solide.

- f)  $V(\text{OH})_2(\text{s})$  et  $\text{H}_2\text{O}$  ont des domaines d'existence **disjoints** :



$V(\text{OH})_2(\text{s})$  **n'existe pas** dans la nature.





# Phénomènes de corrosion ( $\Rightarrow$ MP)

## Introduction

La corrosion des métaux est une réaction thermodynamiquement spontanée qui pose de graves problèmes tant sur le plan économique qu'industriel, en particulier la corrosion du fer : il s'agit en effet du métal le plus employé dans l'industrie sous la forme de fontes ou d'aciers. On estime à l'heure actuelle que 20 % de la production mondiale d'acier sert à remplacer les installations corrodées, à l'état de rouille  $\text{Fe}_2\text{O}_3 \cdot x\text{H}_2\text{O}$ .

Nous allons dans ce chapitre examiner les causes de la corrosion et proposer certaines solutions pour la réduire.

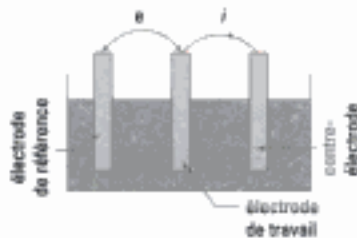
### Plan du chapitre 7

<b>A. Courbes intensité-potentiel</b> .....	198
1. Cinétique des réactions électrochimiques .....	198
2. Montage expérimental .....	199
3. Facteurs influençant la vitesse de la réaction électrochimique .....	199
4. Les courbes obtenues .....	200
<b>B. Phénomènes de corrosion</b> .....	202
1. Corrosion chimique .....	202
2. Interprétation à l'aide des courbes intensité-potentiel .....	204
3. Corrosion électrochimique .....	205
4. Interprétation à l'aide des courbes intensité-potentiel .....	206
<b>C. Protection contre la corrosion</b> .....	207
1. Protection cathodique .....	207
2. Protection par revêtement .....	209
<b>Méthodes</b>	
L'essentiel ; mise en œuvre .....	210
<b>Énoncés des exercices</b> .....	214
<b>Indications</b> .....	215
<b>Solutions des exercices</b> .....	216

Hidden page

1. En fait, dans un montage actuel, on utilise un potentiostat qui permet de fixer la d.d.p. entre l'électrode de travail et l'électrode au calomel saturé (ECS).

2. Le rôle de la contre-électrode est de permettre la circulation du courant d'électrolyse. Schématiquement :



3. Il se produit en fait une microélectrolyse sur les deux électrodes (contre-électrode et électrode de travail) et on suppose que la concentration de la solution n'est pas modifiée au cours de l'opération.

4. On peut aussi réaliser des cycles au cours desquels la tension varie entre  $-U_{max}$  et  $+U_{max}$ .

5. Nous négligeons volontairement :  
 - les réactions chimiques (complexation, échange de protons) intervenant avant ou après le transfert d'électrons ;  
 - les réactions de surface telles que l'adsorption et la désorption, ainsi que la formation des cristaux.

## A.2. Montage expérimental

On utilise le montage à trois électrodes<sup>1</sup> de la figure 1. La d.d.p. nécessaire à l'électrolyse est fournie par le générateur extérieur ① de f.e.m. variable. L'intensité du courant d'électrolyse est mesurée grâce à l'ampèremètre ②. La cuve d'électrolyse ③ contient la solution électrolytique ④ dans laquelle plongent trois électrodes : électrode de travail ⑤ dont on mesure le potentiel E par rapport à une électrode de référence au calomel ⑥ à l'aide d'un volt-mètre ⑦ ; l'électrolyse se produit entre la contre-électrode<sup>2</sup> ⑧ et l'électrode de travail ⑤.

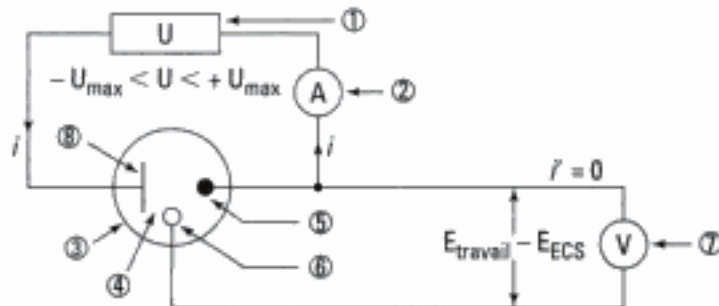


Fig. 1 – Montage à trois électrodes permettant de tracer point par point une courbe intensité-potential.

Du point de vue expérimental<sup>3</sup>, l'asservissement en tension (la d.d.p. est fixée) fait varier le potentiel de l'électrode de travail d'une valeur positive vers une valeur négative<sup>4</sup>, ce qui fait que sur l'électrode de travail se produisent successivement des demi-réactions d'oxydation puis de réduction.

## A.3. Facteurs influençant la vitesse de la réaction électrochimique

Au voisinage d'une électrode, on peut schématiser<sup>5</sup> la solution grâce à la figure 2 :

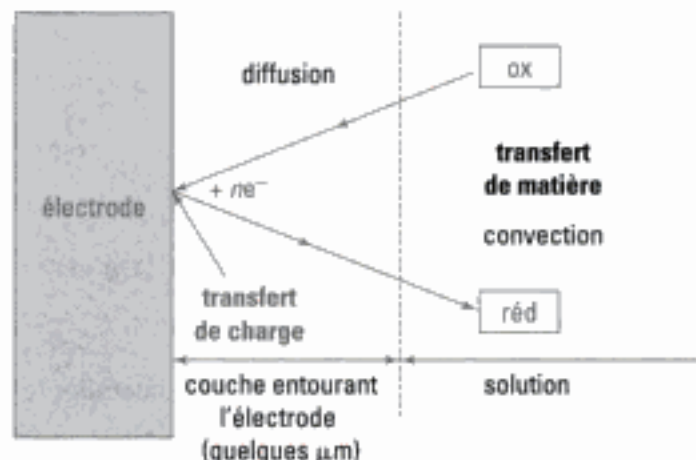


Fig. 2 – Étapes de la réaction :  $ox + ne^- \rightarrow red$ .

Nous distinguons :

- la solution dans laquelle le potentiel est constant et où il y a **transfert de matière** ;
- la couche entourant l'électrode dans laquelle existe un gradient de potentiel ; cette double couche est appelée la double couche de Helmholtz.

### A.3.1 – Le transfert de matière

Au sein de la solution, le transfert de matière est assuré par trois phénomènes principaux.



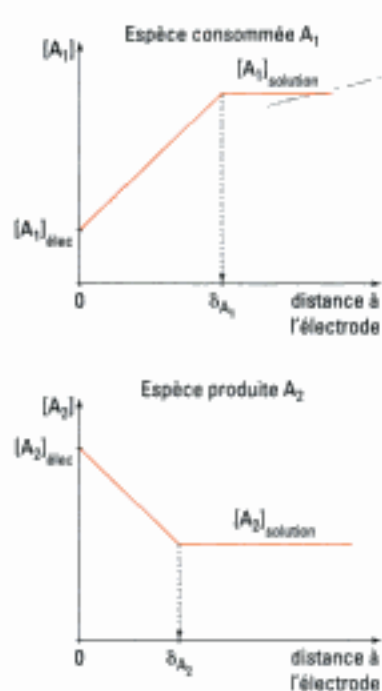


Fig. 3 – Variations des concentrations des espèces électroactives pour un régime stationnaire de la réaction :



1. Exemples de systèmes rapides :  
 $Fe^{3+}/Fe^{2+}$  sur Pt,  $Cu^{2+}/Cu$  sur Cu, cation/métal sur le métal.

- **La diffusion** : elle correspond au déplacement de matière des milieux les plus concentrés vers les milieux les moins concentrés et satisfait à la loi de Fick.

Elle assure le renouvellement en espèce électroactive au voisinage de l'électrode.

- **La migration** : il s'agit simplement d'un déplacement des ions sous l'action d'un champ électrique.

- **La convection** : agitation mécanique de la solution pour l'homogénéiser en permanence.

Le transfert de matière se traduit par une variation des concentrations au voisinage de l'électrode (fig. 3)

### A.3.2 – Le transfert de charge

Le transfert de charge est assuré au contact électrode-solution. Il se traduit par une perte d'électrons de l'électrode lors d'une réduction, ou par un gain d'électrons de l'électrode lors d'une oxydation.

Rappelons que l'électron n'existe pas de manière permanente dans une solution aqueuse.

## A.4. Les courbes obtenues

### A.4.1 – Le transfert de charge est cinétiquement limitant

On distingue les systèmes électrochimiques rapides et lents.

- **Système rapide**<sup>1</sup>

#### Definition 1

Un système électrochimique est dit **rapide** si par une faible augmentation (diminution) de tension par rapport à son potentiel d'équilibre, on provoque une demi-réaction d'oxydation (de réduction) à vitesse notable :

- $E = E_{eq}$  : état d'équilibre,  $v = 0$  et  $i = 0$ .
- $E > E_{eq}$  : oxydation à la vitesse  $v_{ox} = \frac{i_a}{n \cdot F}$  avec  $i_a > 0$ , l'électrode est une anode.
- $E < E_{eq}$  : réduction à la vitesse  $v_{red} = \frac{|i_c|}{n \cdot F}$  avec  $i_c < 0$ , l'électrode est une cathode.

La solution contient initialement le couple oxydant-réducteur.

Pour  $i = 0$ , l'électrode de travail prend le potentiel prévu par la relation de Nernst, le potentiel d'équilibre :

$$E_{eq} = E_{ox/réd}^0 + 0,059 \log \frac{[ox]}{[réd]}$$

Pour une faible variation du potentiel appliqué  $E > E_{eq}$ , on constate le passage d'un courant important, aussi bien dans le sens de l'oxydation ( $i_a > 0$  pour  $E > E_{eq}$ ) que pour la réduction ( $i_c < 0$  pour  $E < E_{eq}$ ).

$E$  représente le potentiel de l'électrode étudiée par rapport à l'ESH, la mesure expérimentale se faisant par rapport à l'ECS.

Sur la contre-électrode, il se produit une demi-réaction d'oxydation (pour  $E > E_{eq}$ ) ou une demi-réaction de réduction (pour  $E < E_{eq}$ ).



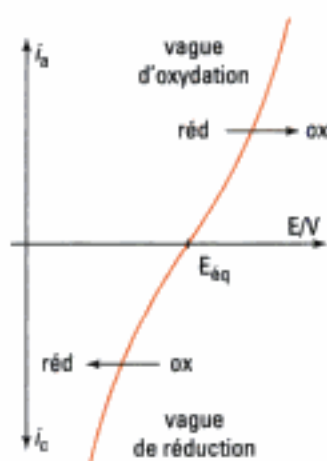


Fig. 4 - Courbes  $i = f(E)$  pour un système rapide.

1.  $E_{a, \text{éq}}$  est le potentiel à courant nul lorsque la solution ne contient que le réducteur.

2.  $E_{c, \text{éq}}$  est le potentiel à courant nul lorsque la solution ne contient que l'oxydant.

3. À l'équilibre  $i = 0$ , d'où  $i_a = |i_c|$ .

4. Exemples de systèmes lents :  
 $\text{AsO}_4^{3-}/\text{AsO}_3^{3-}$ ,  $\text{H}^+/\text{H}_2$ ,  
 $\text{O}_2/\text{H}_2\text{O}$ , quelle que soit la nature de l'électrode.

5.  $\eta_a$  : surtension anodique ( $\eta_a > 0$ ) ;

$\eta_c$  : surtension cathodique ( $\eta_c < 0$ ) .

La vague d'oxydation correspond aux valeurs de  $i_a$  positives alors que la vague de réduction correspond aux valeurs négatives de  $i_c$ .

On peut considérer en fait la courbe  $i = f(E)$  (fig. 4) comme la somme des intensités dues à deux phénomènes opposés (fig. 5) :  $\text{réd} \rightarrow \text{ox}$  ( $i_a = f(E)$ ) et  $\text{ox} \rightarrow \text{réd}$  ( $i_c = f(E)$ ).

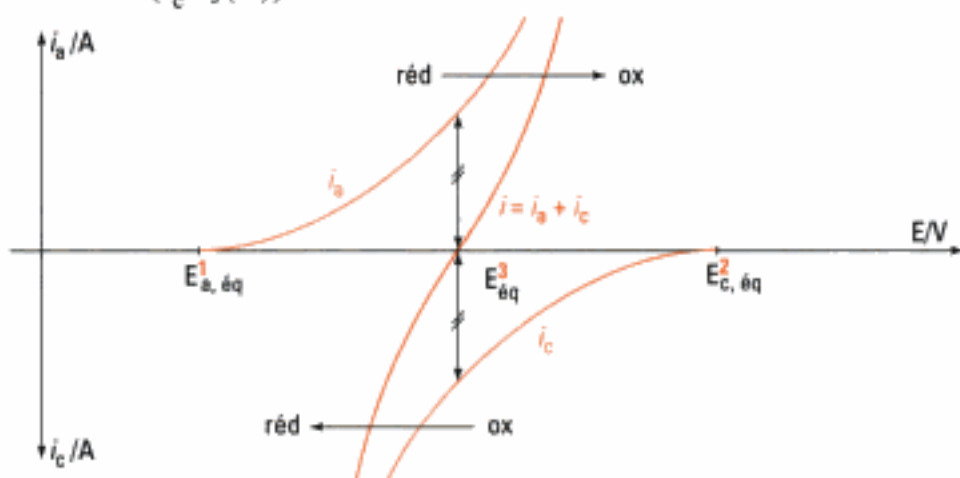


Fig. 5 - Mise en évidence de la courbe  $i_a = f(E)$  et de la courbe  $i_c = f(E)$ .

En partant d'une solution ne contenant que ox (ou que réd), on peut, en augmentant  $E$  (ou en diminuant  $E$ ), obtenir l'intensité du courant anodique (ou cathodique) en fonction de  $E$ .

#### • Système lent<sup>4</sup>

Les zones de potentiel où se produisent les réactions d'oxydation et de réduction sont disjointes (fig. 6).

Placée dans la solution aqueuse du couple oxydant/réducteur, l'électrode de platine (électrode de travail) prend le potentiel  $E_{\text{éq}}$  prévu par la relation de Nernst.

Mais pour qu'un courant anodique  $(i_a)_1$  circule, il faut appliquer une surtension importante  $\eta_a$ , pour que la réaction  $\text{réd} \rightarrow \text{ox}$  se fasse à une vitesse appréciable. De même, pour observer  $(i_c)_2$ , il faudra appliquer à l'électrode de platine (électrode de travail) une surtension cathodique  $\eta_c$ .

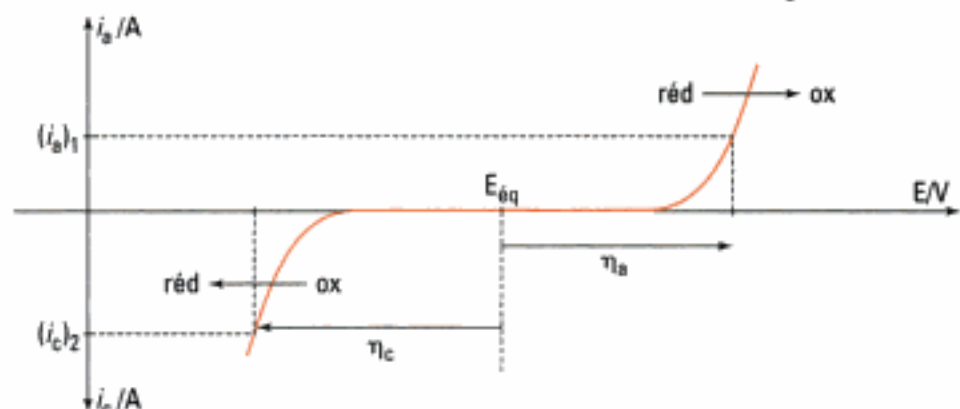


Fig. 6 - Courbes de polarisation dans le cas d'un système lent<sup>5</sup>.

#### Définition 2

Un système électrochimique est dit lent s'il est nécessaire d'appliquer une importante surtension positive  $\eta_a$  (négative  $\eta_c$ ) par rapport à  $E_{\text{éq}}$  pour obtenir une demi-réaction d'oxydation (de réduction).

**Remarque :** dans le cas des systèmes lents, il n'existe pas de zone de potentiel où les deux réactions électrochimiques opposées  $ox + ne^- = réd$  peuvent se produire simultanément.

### A.4.2 – La vitesse de la réaction est limitée par la diffusion : courant de diffusion

Si la réaction électrochimique est instantanée au contact de l'électrode, le transport de matière vers l'électrode (ou à partir de l'électrode) peut s'effectuer à vitesse finie (conséquence de la diffusion) et il s'établit un courant **limité par la diffusion**, on parle de **courant de diffusion**.

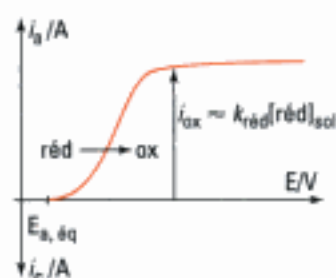
Lorsque sur l'électrode de travail se produit une oxydation, le courant de diffusion limite est noté  $i_{ox}$ , il est proportionnel au coefficient de diffusion du réducteur  $k_{réd}$  dans la solution et au gradient de concentration du réducteur entre la solution et l'électrode ( $[réd]_{sol} - [réd]_{él}$ ) :

$$i_{ox} = k_{réd}([réd]_{sol} - [réd]_{él})$$

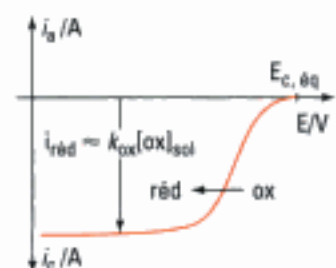
De même, pour le courant limite de réduction :

$$i_{réd} = k_{ox}([ox]_{sol} - [ox]_{él})$$

On peut admettre que, au niveau de l'électrode, les concentrations en oxydant  $[ox]$  ou en réducteur  $[réd]_{él}$  après réaction sont nulles. Le courant de diffusion se traduit donc par un palier sur la courbe intensité-potentiel (fig. 7a et 7b)



**Fig. 7a** – Courants limites de diffusion en présence du réducteur seul.



**Fig. 7b** – Courants limites de diffusion en présence de l'oxydant seul.

#### Propriété 2

**Courants de diffusion :**

– limitant l'oxydation :  $i_{ox} \approx k_{réd}[réd]_{sol}$  ;

– limitant la réduction :  $i_{réd} \approx k_{ox}[ox]_{sol}$  .

Quelle que soit la surtension  $\eta_a$  ou  $\eta_c$  appliquée, le courant de diffusion ne dépasse pas  $i_{ox}$  ou  $i_{réd}$  (fig. 7a et 7b).

## B. Phénomènes de corrosion

#### Définition 3

La **corrosion** d'un métal consiste en sa transformation en un ion hydraté dans le cas de l'utilisation de solutions aqueuses (**corrosion humide**) ou en oxyde solide, dans le cas d'une **corrosion sèche**.

### B.1. Corrosion chimique<sup>1</sup>

Exposés à l'air, sous l'action conjuguée de l'oxygène, des oxydes de soufre et d'azote produits par les combustions de différents combustibles, les métaux se recouvrent d'une couche d'oxyde. Deux cas sont possibles :

– la couche d'oxyde forme une pellicule protectrice sur le métal, dans ce cas le métal ne subit pas d'oxydation ultérieure, c'est le cas de l'aluminium, du nickel et du chrome ;

– la couche d'oxyde est poreuse, elle n'empêche pas l'oxydation en profondeur du métal, c'est le cas du fer.

#### B.1.1 – Corrosion humide du fer

##### • Expérience

Déposons une goutte d'eau salée<sup>2</sup> à la surface d'une plaque de fer préalablement décapée et observons les phénomènes qui se produisent lentement :

1. La pollution atmosphérique est un facteur supplémentaire augmentant la corrosion chimique par l'existence de pluies à caractère acide.

2. Le chlorure de sodium rend la solution plus conductrice ; c'est une situation fréquente pour les habitations des bords de mer qui reçoivent des embruns marins salés.

apparition au centre de la goutte d'une couleur rouille caractéristique de l'hydroxyde de fer (III) :  $\text{Fe}(\text{OH})_3(\text{s})$ , ou de rouille :  $\text{Fe}_2\text{O}_3, \text{H}_2\text{O}(\text{s})$  (fig. 8).

• **Interprétation**

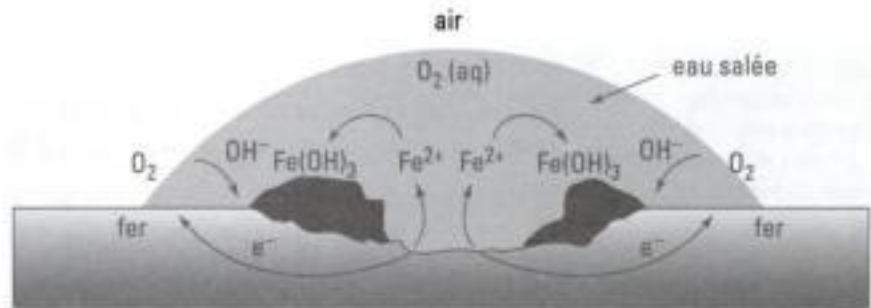
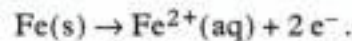


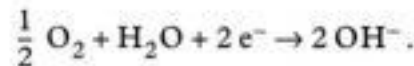
Fig. 8 – Corrosion par aération différentielle.

Il faut envisager deux demi-équations d'oxydoréduction.

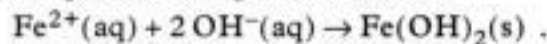
À l'intérieur de la goutte, où la concentration en dioxygène est faible, le fer tend à passer dans la solution sous la forme d'ions fer(II) :



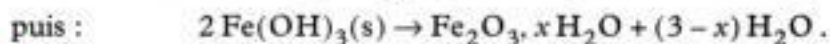
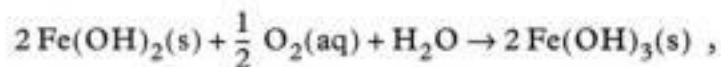
Les électrons, libérés par cette réaction, vont réduire le dioxygène dissous à l'interface air-eau salée :



Le milieu conducteur permet la migration des ions :



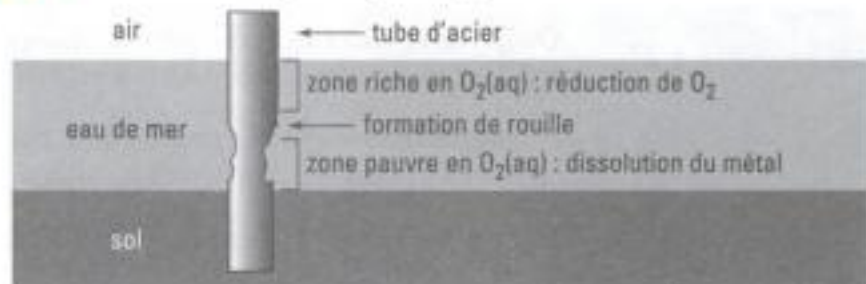
L'hydroxyde de fer(II) n'est pas stable en solution aqueuse aérée, il se transforme en hydroxyde de fer(III) :



• **Conclusion**

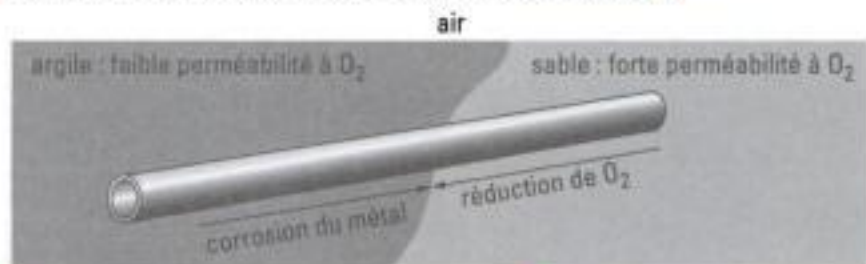
La corrosion humide du fer conduit à la formation de rouille grâce à deux demi-réactions d'oxydoréduction.

**B.1.2 – Autres exemples pratiques**



1. Cas des poteaux soutenant un ponton surplombant l'eau.

Fig. 9 – Cas d'une tige de fer enfoncée dans le sol et recouverte d'eau salée<sup>1</sup>.



2. Cas de toutes les canalisations enterrées traversant des sols différents.

Fig. 10 – Corrosion d'une canalisation enterrée dans de l'argile<sup>2</sup>.



1. La réduction du dioxygène et l'oxydation du fer se produisent à des endroits différents. Cela est l'équivalent d'une pile, où oxydation et réduction ont lieu dans deux compartiments différents, l'échange électronique se produisant par l'intermédiaire d'un conducteur extérieur.

2. Les électrons migrent du centre de la plaque vers sa périphérie pour réduire les molécules de dioxygène au contact du fer dans la solution.

3. Attention au positionnement des vagues d'oxydation et de réduction car dans une pile nous assistons à des phénomènes spontanés : la courbe d'oxydation est placée à un potentiel initial inférieur à celui de la courbe de réduction.

On obtient le potentiel d'équilibre en traçant  $i_a = |i_c|$ .

## B.2. Interprétation à l'aide des courbes intensité-potentiel

Nous n'avons décrit les courbes intensité-potentiel que sous l'aspect d'une méthode pratique pour interpréter la formation des produits aux électrodes lors d'expériences d'électrolyse.

Ici, les faits expérimentaux montrent que des réactions spontanées se produisent au contact du métal : il s'agit de réactions se produisant dans des piles<sup>1</sup>.

### B.2.1 – La pile d'Evans

Au contact du fer se produisent les deux réactions<sup>2</sup> :

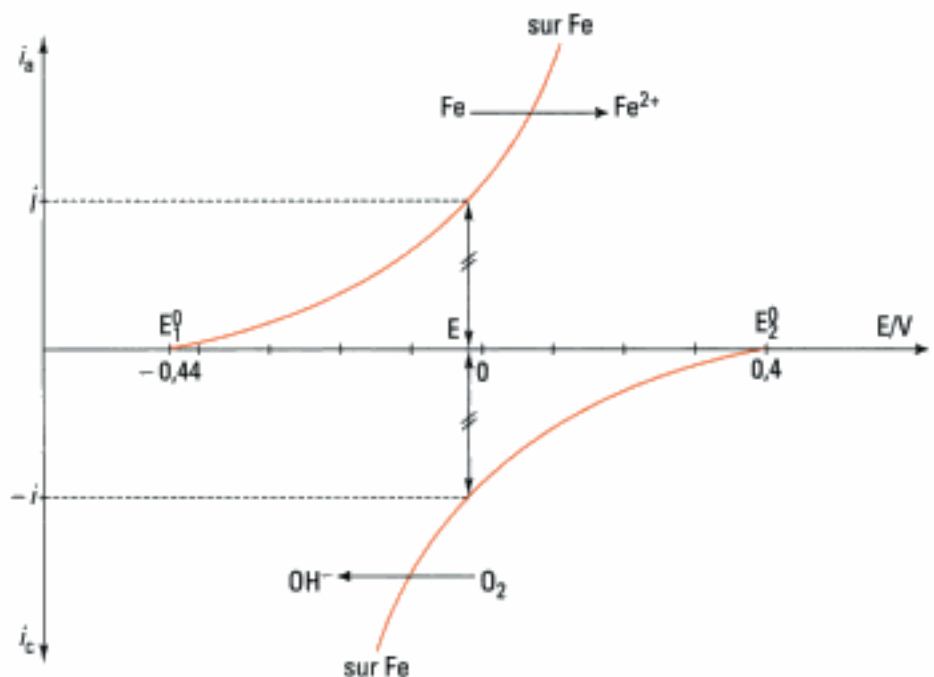
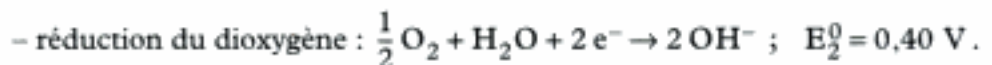
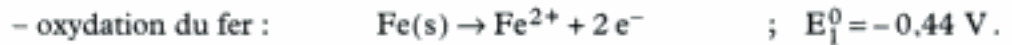


Fig. 11 – Courbes intensité-potentiel permettant d'expliquer le fonctionnement de la pile d'Evans<sup>3</sup>.

Observons l'allure des courbes intensité-potentiel.

- Il faut remarquer la **disposition relative des deux courbes**.

La vague d'oxydation se produit à un potentiel plus faible que la vague de réduction : ceci est caractéristique d'une pile électrochimique.

Les deux réactions se produisent sur la même électrode dont le potentiel est  $E$  par rapport à la solution.

- La réaction globale s'effectue avec une vitesse  $v$  caractérisée par l'intensité  $i$  telle que  $i_a = |i_c| = i$ .

### B.2.2 – Généralisation

#### Propriété 3

La corrosion chimique d'un métal, dans les cas présentés, est due à la réduction du dioxygène dissous (provenant de l'air) et à l'oxydation du métal.



On peut symboliser ceci par la cellule électrochimique suivante :

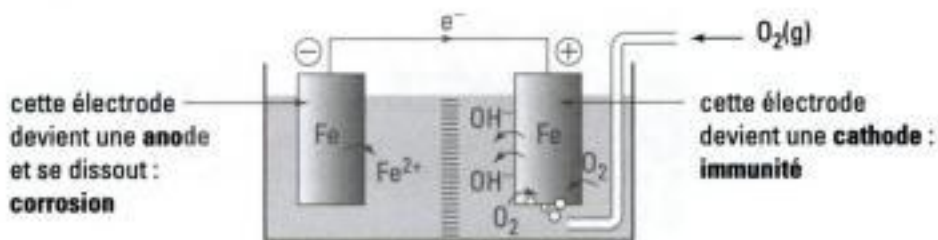


Fig. 12 – Principe d’une cellule d’aération différentielle.

### B.3. Corrosion électrochimique

Nous réservons cette appellation aux phénomènes de corrosion existant au contact de **deux métaux différents plongés dans la même solution électrolytique**. Là encore, la corrosion intervient par suite de la **formation de piles locales**.

Nous allons distinguer deux exemples rapportés à un dépôt métallique sur du fer.

#### B.3.1 – Métal M déposé moins réducteur que le fer

Une rupture de la couche du métal M met à nu le fer au contact de la solution électrolytique E (fig. 13). Le fer, plus réducteur que le métal M, est ensuite corrodé<sup>1</sup>.

M(s) : Sn(s) ou Ni(s) par exemple.

Pour  $E_{M^{n+}/M}^0 > E_{Fe^{2+}/Fe}^0 = -0,44 \text{ V/ESH}$ , on observe la **corrosion de Fe**, M reste intact.

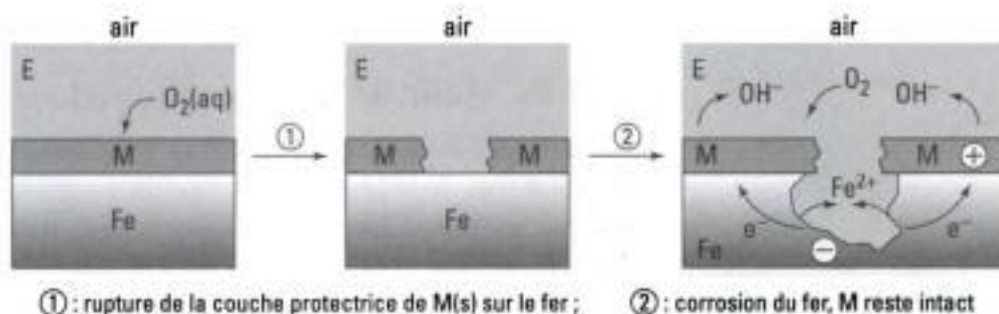
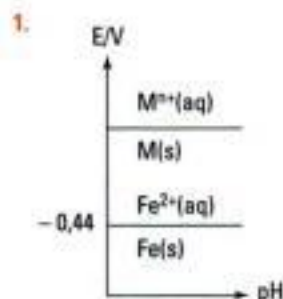
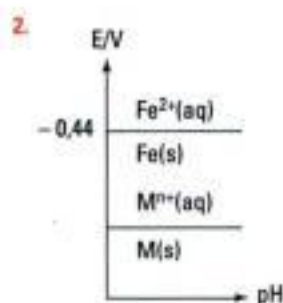


Fig. 13 – Cas du dépôt d’un métal moins réducteur que le fer.

#### B.3.2 – Métal M déposé plus réducteur que le fer

Par rupture de la couche de M, le fer est mis en contact avec la solution électrolytique, c’est le métal le plus réducteur M (par exemple le zinc) qui est oxydé en  $M^{n+}$  alors que sur le fer a lieu la réduction du dioxygène (fig. 14)<sup>2</sup>.

Pour  $E_{M^{n+}/M}^0 < E_{Fe^{2+}/Fe}^0 = -0,44 \text{ V/ESH}$ , on observe la **corrosion de M**, Fe reste intact.



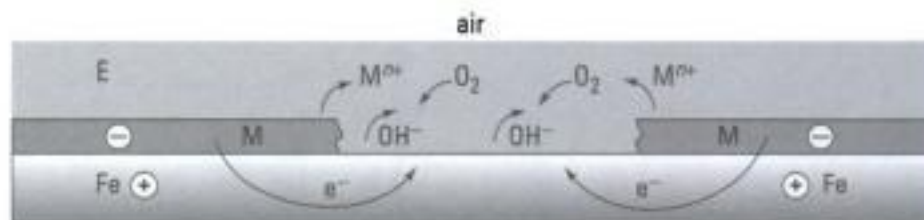
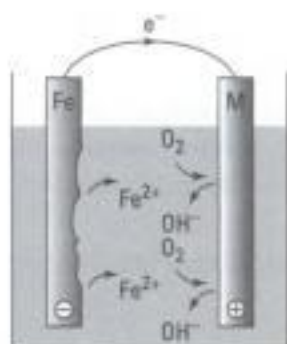
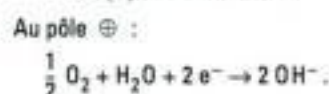
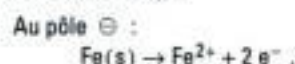


Fig. 14 – Cas du dépôt d'un métal plus réducteur que le fer.

1.  $E_{M^{n+}/M}^0 > -0,44 \text{ V}$

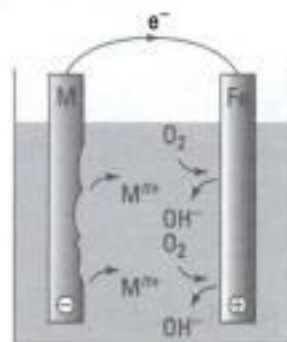


Le fer constitue l'anode de la pile locale : il se corrompt par formation d'ions  $\text{Fe}^{2+}(\text{aq})$ .

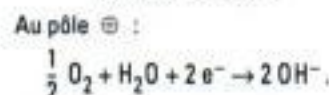
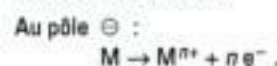


2. Le fait que l'on ait  $i_{\text{corr}} = i_a = |i_c|$  permet de déterminer  $i_{\text{corr}}$  graphiquement et d'en déduire  $E_{\text{corr}}$ .

3.  $E_{M^{n+}/M}^0 < -0,44 \text{ V}$



Le fer constitue la cathode de la pile : à sa surface se produit une réaction de réduction.



## B.4. Interprétation à l'aide des courbes intensité-potentiel

### B.4.1 – Métal M déposé moins réducteur que le fer

Le fer s'oxyde : c'est l'anode de la pile<sup>1</sup>, le pôle  $\ominus$ .

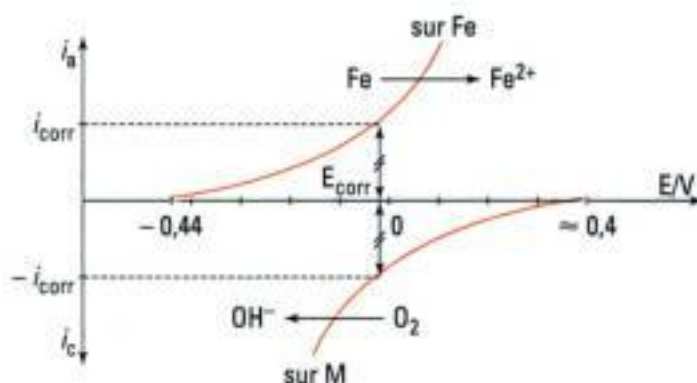


Fig. 15 – Courbes  $i = f(E)$  montrant la corrosion du fer.

Les deux métaux étant en contact, ils ont le même potentiel : il y a donc court-circuit, ce qui développe une intensité de corrosion<sup>2</sup> :  $i_{\text{corr}} = i_a = |i_c|$ .

### B.4.2 – Métal M déposé plus réducteur que le fer

Le métal M joue le rôle de l'anode dans la pile obtenue, il se dissout sous la forme d'ions  $\text{M}^{n+}(\text{aq})$ <sup>3</sup>.

**Le fer ne participe pas à la réaction** : il est simplement l'électrode sur laquelle se produit la demi-réaction de réduction de l'oxygène dissous.

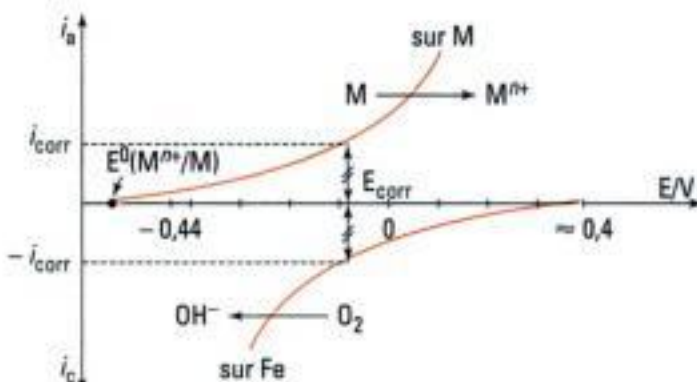


Fig. 16 – Courbes  $i = f(E)$  montrant l'immunité du fer.

### B.4.3 – Conclusion

#### Propriété 4

La **corrosion électrochimique du fer** intervient lorsque celui-ci est en contact avec une solution électrolytique et avec un **métal moins réducteur** que le fer.

En revanche, si la pile locale est constituée en court-circuitant le fer et un **métal plus réducteur**, zinc (Zn) ou magnésium (Mg), c'est ce dernier **métal** qui est oxydé, le fer restant inchangé.

### B.4.4 – Facteurs favorisant la corrosion

- La présence de **défauts** dans la structure métallique entraîne une corrosion préférentielle dans les zones défectueuses, la formation de micropiles locales aboutit à des piqûres dans le métal.
- Le **traitement thermique** et la **soudure** diminuent la résistance des métaux.
- Certaines **bactéries** présentes dans le sol favorisent la corrosion des métaux enterrés.

## C. Protection contre la corrosion

Nous avons pris le fer comme métal corrodable, quels sont les moyens mis en œuvre pour le protéger ?

La formation de la rouille, terme ultime de la destruction du réseau cristallin du fer, n'est possible que si le fer est en contact avec un milieu oxydant (eau aérée). Pour éviter cela, il est nécessaire de laisser le fer dans son domaine d'immunité, on peut disposer selon le cas :

- d'une protection électrochimique cathodique ;
- d'une protection par un revêtement (métallique ou non) ;
- d'une protection par transformation chimique superficielle.

### C.1. Protection cathodique

Deux moyens aussi efficaces l'un que l'autre sont mis en œuvre pour protéger les structures en fer (en acier). Il est nécessaire que le fer soit l'électrode sur laquelle s'effectue une demi-réaction de réduction.

- Grâce à une source de tension extérieure de f.e.m.  $U$ , on amène le fer dans sa zone d'immunité, on réalise ainsi une protection cathodique, une contre-électrode jouant le rôle de l'anode. C'est la protection par **courant imposé**.
- En associant le fer avec un métal plus réducteur que lui (zinc, magnésium ou aluminium), on crée ainsi une pile dans laquelle le fer est le pôle positif (c'est donc la cathode), et l'autre métal, au pôle négatif, se corrode donc sous la forme d'ions aqueux, c'est le principe de l'**anode sacrificielle**.

#### C.1.1 – Protection par courant imposé

Elle est particulièrement utilisée **pour les ouvrages enterrés** : canalisations diverses (fig. 17), pipelines ou sealines à longue distance ; **pour les ouvrages immergés** : carènes de gros navires, rideaux de palplanches, estacades, docks flottants, ouvrages posés sur des fonds marins, châteaux d'eau métalliques (fig. 18), etc.



L'opérateur peut jouer soit de manière manuelle, soit de manière automatique sur la d.d.p. appliquée pour maintenir l'ouvrage à protéger dans sa zone d'immunité.

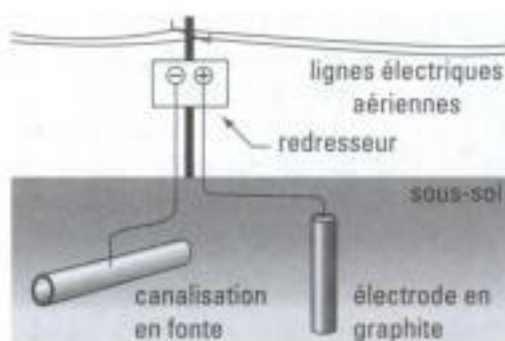


Fig. 17 - Protection cathodique d'une canalisation en fonte.

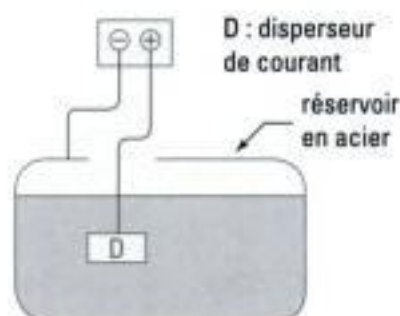


Fig. 18 - Protection cathodique d'une cuve métallique.

### C.1.2 - Protection par anode sacrificielle

Un métal plus réducteur que le fer est en contact avec ce dernier. Ce système équipotentiel constitue une pile dont le métal, au pôle  $\ominus$ , est l'anode.

À l'anode :  $M(s) \rightarrow M^{n+}(aq) + n e^-$ .

Sur la cathode en fer :  $2 H_2O + 2 e^- \rightarrow H_2 + 2 OH^-$  ;

ou  $O_2 + 2 H_2O + 4 e^- \rightarrow 4 OH^-$ .

L'anode se dissout progressivement, alors que le fer est protégé.

Allure des courbes de polarisation correspondantes dans le cas d'une anode sacrificielle en zinc (fig. 19) :

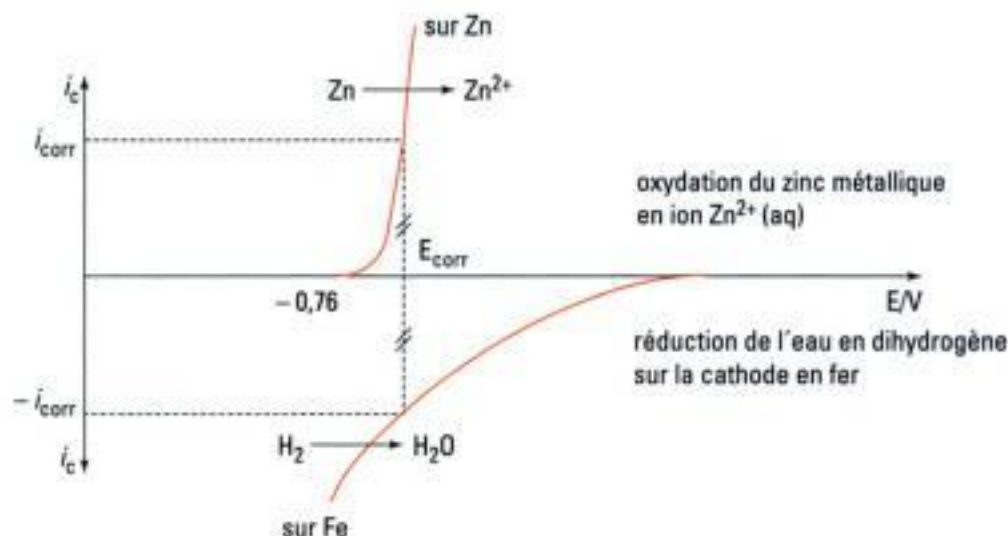


fig.19. Courbe de polarisation obtenue avec une anode sacrificielle.



Hidden page

## L'essentiel

### ✓ Les courbes intensité-potentiel

- Une **courbe de polarisation** ou **courbe intensité-potentiel** relie l'intensité  $i$  du courant d'électrolyse au potentiel  $E$  de l'électrode. Cette intensité est liée à la vitesse  $v$  de la réaction  $ox + ne^- = red$  :

$$i = n\mathcal{F}v$$

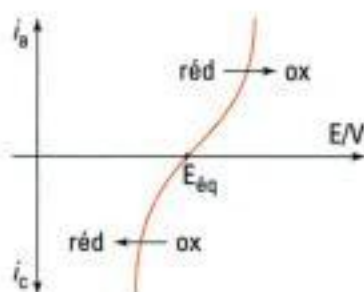
$i$  en ampère (A)

$n$  nombre d'électrons échangés

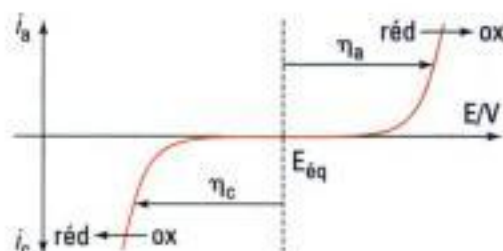
$\mathcal{F}$  constante de Faraday ( $C \cdot mol^{-1}$ )

$v$  vitesse de la réaction ( $mol \cdot s^{-1}$ )

- Un montage à trois électrodes permet de tracer les courbes  $i = f(E)$ .
- Courbes obtenues dans le cas où **le transfert de charge est limitant**.



Système rapide

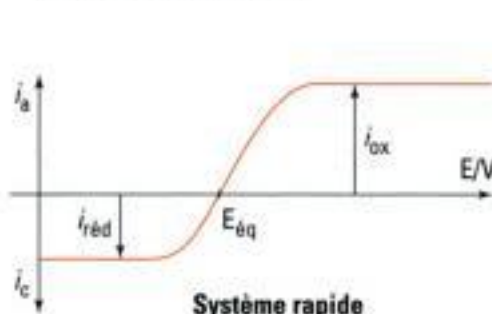


Système lent

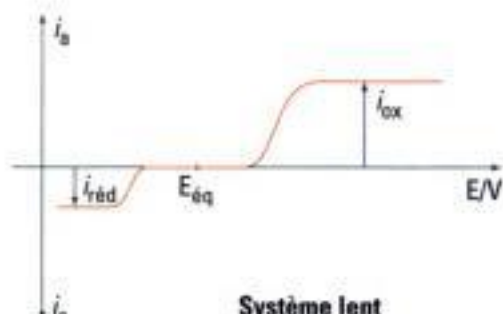
$E_{eq}$  : potentiel de Nernst pour le couple ox/réd à  $i = 0$ .

$\eta_a, \eta_c$  : surtensions anodique et cathodique.

- Courbes obtenues dans le cas où **le transfert de matière est limitant** (courants de diffusion).



Système rapide



Système lent

Que le système électrochimique soit rapide ou lent le courant de diffusion  $i_{ox} \approx k_{red}[red]_{sol}$  limite l'oxydation et le courant de diffusion  $i_{red} \approx k_{ox}[ox]_{sol}$  limite la réduction.

### ✓ Phénomènes de corrosion

- La **corrosion** d'un métal consiste en sa transformation en un ion hydraté dans le cas de l'utilisation de solutions aqueuses (corrosion humide) ou en un oxyde solide, dans le cas d'une corrosion sèche.

L'interprétation de ces phénomènes utilise les courbes intensité-potentiel.

Hidden page

# Mise en œuvre

## Méthode

### Comment associer un diagramme potentiel-pH et des courbes intensité-potentiel pour interpréter des phénomènes de corrosion?

#### → Savoir faire

- 1 Prévoir à l'aide du diagramme potentiel-pH les réactions d'oxydoréduction thermodynamiquement possibles. (Les domaines d'existence ou de prédominance des deux espèces mises en jeu sont disjoints).
- 2 Interpréter les phénomènes observés réellement à l'aide des courbes intensité-potentiel.

#### → Application : attaque de l'aluminium par les acides et les bases

On réalise les expériences suivantes.

**Expérience 1** : quand on trempe une plaque d'aluminium non décapée dans une solution d'acide chlorhydrique (concentration égale à  $3 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ ), l'attaque de celle-ci est très lente.

**Expérience 2** : on décape la plaque d'aluminium en la frottant à l'aide d'un papier de verre, puis on plonge de nouveau la plaque dans la solution d'acide chlorhydrique précédente ; on observe une attaque un peu moins lente.

**Expérience 3** : on touche, dans la solution acide, la plaque d'aluminium avec un clou en fer ; on observe un dégagement gazeux intense sur le clou, avec disparition progressive de l'aluminium.

À l'aide du diagramme potentiel-pH et des courbes intensité-potentiel, interpréter les résultats des diverses expériences.

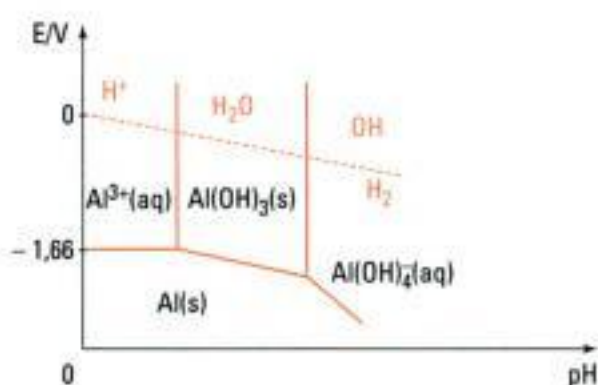
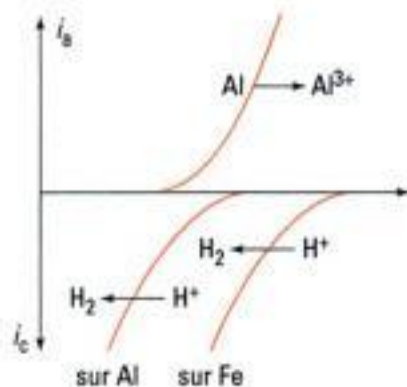


Diagramme E-pH de l'aluminium.



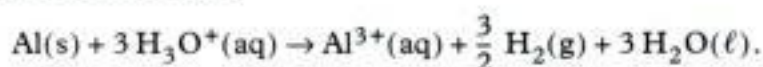
Positions relatives des courbes intensité-potentiel.

#### Solution

- 1 Le diagramme E-pH montre que l'aluminium et l'eau ont des domaines de prédominance disjoints. Donc l'aluminium ne devrait pas exister au contact de l'eau.

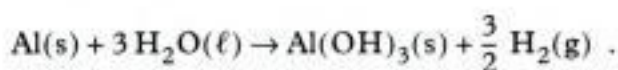
(Comment justifier alors l'existence de toutes les huisseries en aluminium ?)

En milieu acide, la réaction s'écrit :

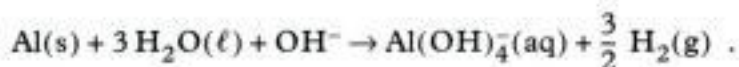




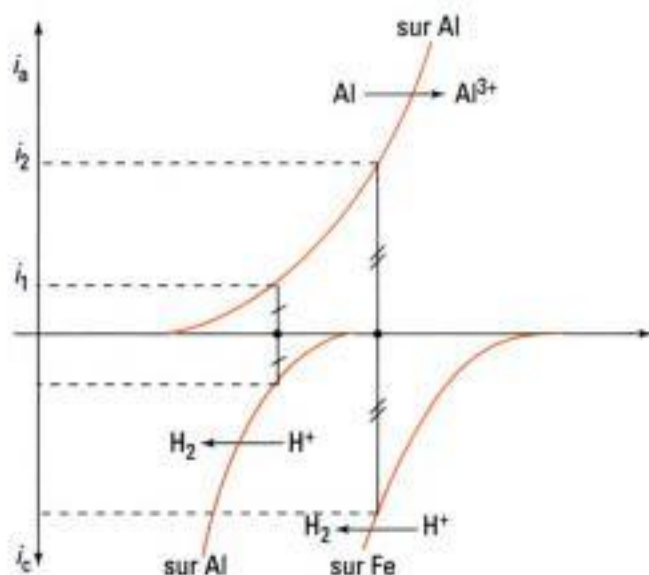
En milieu voisin de la neutralité, on obtient :



En milieu basique, on a :



• Interprétation des expériences à l'aide des courbes  $i = f(E)$



- **Expérience 1** : la faible vitesse de l'attaque de l'acide chlorhydrique sur l'aluminium est due à la présence d'une couche protectrice d'alumine  $\text{Al}_2\text{O}_3 \cdot x \text{H}_2\text{O}$  à la surface de l'aluminium.
- **Expérience 2** : une fois décapée de la couche protectrice, l'aluminium réagit avec les ions  $\text{H}^+$  :  $\text{Al} \rightarrow \text{Al}^{3+}$  et  $\text{H}^+ \rightarrow \text{H}_2$  sur Al : ce qui correspond au courant  $i_1$ .
- **Expérience 3** : l'aluminium et le clou en acier sont au même potentiel puisqu'ils sont en contact. Les deux métaux Al et Fe sont donc en court-circuit :
  - oxydation de l'aluminium :  $\text{Al} \rightarrow \text{Al}^{3+} + 3 \text{e}^-$  ;
  - réduction de  $\text{H}^+$  sur le fer :  $2 \text{H}^+ + 2 \text{e}^- \rightarrow \text{H}_2(\text{g})$  .

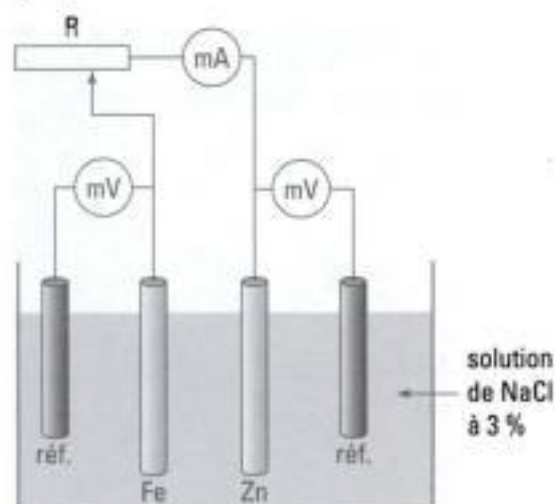
Le courant  $i_2$  obtenu est supérieur au courant précédent  $i_1$ , donc la vitesse de la réaction de corrosion est plus grande.

Hidden page

## Niveau 2

### Ex. 8 Corrosion électrochimique du fer et protection cathodique : mesure d'un courant de corrosion

La vitesse de corrosion peut être déduite de la détermination des courbes intensité-potentiel correspondant à l'oxydation du métal et à la réduction de l'oxydant responsable de l'attaque du métal ( $O_2(aq)$  ou  $H^+(aq)$  suivant le pH et l'aération de la solution). Grâce au montage ci-dessous, on étudie dans l'électrolyte où se fait la corrosion, les courbes intensité-potentiel en faisant débiter la pile de corrosion dans une résistance. On peut alors tracer les deux courbes  $I = f(V)$  pour chacun des deux métaux, la différence de potentiel  $V$  étant mesurée par rapport à l'électrode de référence (les deux électrodes de référence sont identiques).



La solution de NaCl est agitée au contact de l'air.

a) Donner l'allure attendue des courbes intensité-potentiel du montage ci-dessus en précisant les conventions.

b) Dans le diagramme d'Evans, on porte la valeur absolue de l'intensité pour chaque réaction électrochimique. Justifier sa construction en montrant qu'il permet de déterminer aisément l'intensité du courant de corrosion et le potentiel de corrosion.

c) Le tableau suivant donne les valeurs relevées au cours de l'expérience (les potentiels  $V$  de chaque électrode métallique sont donnés par rapport à l'électrode de référence au calomel).

$I/\mu A$	$V(Fe)/V$	$V(Zn)/V$
4	-0,80	-1,00
14	-0,85	-1,00
39	-0,91	-1,00
61	-0,94	-1,00
120	-0,99	-0,99

Déduire des mesures expérimentales la valeur du courant de corrosion.

d) Déterminer, en supposant l'intensité du courant constante, la masse de zinc corrodé en une journée et représentant le coût de cette protection cathodique du fer.

## Indications

### Ex. 2

Analyser les réactions susceptibles de se produire aux deux électrodes, tant du point de vue de l'oxydation que de la réduction.

*A priori*, le zinc est le pôle  $\ominus$  de la pile Daniell.

### Ex. 3

Les deux blocs métalliques sont en contact : penser à l'unicité du potentiel dans un métal.

Écrire les deux demi-équations des réactions se produisant au contact de chaque électrode.

Lorsque la f.e.m. de la pile est nulle, les concentrations des deux solutions sont identiques.

### Ex. 4

Il faut tracer les courbes de polarisation correspondant à l'oxydation du zinc, à la réduction des ions  $Zn^{2+}$  et du proton hydraté sur une électrode de zinc et sur une électrode de zinc amalgamé, compte tenu des surtensions observées.

Sur du zinc très pur, les courbes de polarisation font intervenir l'oxydation du zinc et la réduction du proton sur le zinc.

### Ex. 5 Ex. 6 Ex. 7

Tracer les courbes de polarisation correspondantes : elles permettent sans difficulté d'interpréter les phénomènes observés.

Hidden page

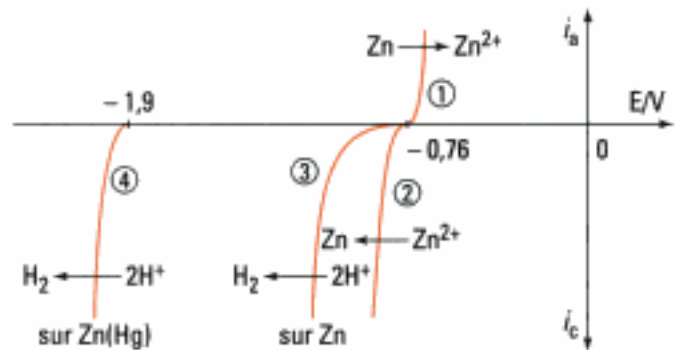


## Exercice 4

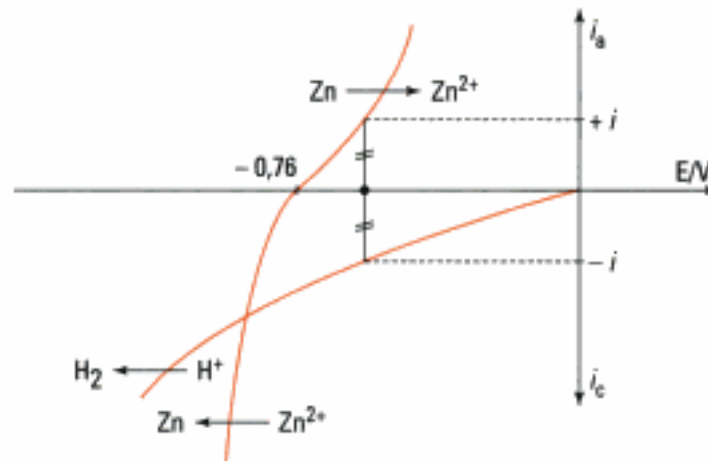
- a) En milieu acide fort :  $\text{Zn(s)} + 2 \text{H}^+ \rightarrow \text{Zn}^{2+}(\text{aq}) + \text{H}_2(\text{g})$ .  
 En milieu alcalin :  $\text{Zn(s)} + 2 \text{OH}^- + 2 \text{H}_2\text{O} \rightarrow \text{Zn(OH)}_4^{2-}(\text{aq}) + \text{H}_2(\text{g})$ .

b) Courbes  $i = f(E)$  :

- ① : oxydation de Zn en  $\text{Zn}^{2+}$   
 ② : réduction de  $\text{Zn}^{2+}$  en Zn  
 ③ : réduction de  $\text{H}^+$  en  $\text{H}_2$  sur Zn  
 ④ : réduction de  $\text{H}^+$  en  $\text{H}_2$  sur Zn(Hg)



Agrandissement de la zone autour de  $-0,76$  V :

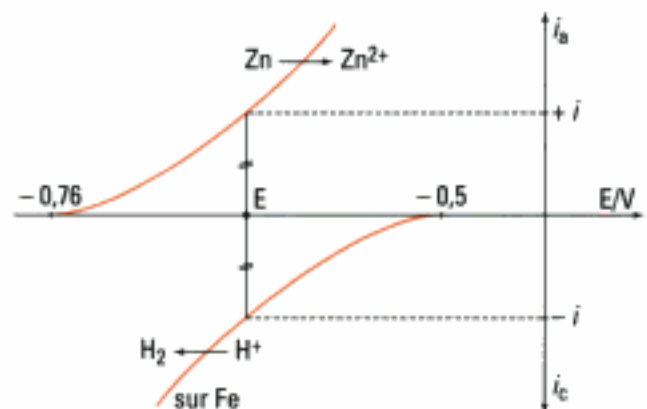


- Sur le zinc très pur, la réaction de corrosion  $\text{Zn} + 2 \text{H}^+ \rightarrow \text{Zn}^{2+} + \text{H}_2$  se fait à l'aide d'une pile galvanique ayant comme anode la lame de zinc ( $\text{Zn} \rightarrow \text{Zn}^{2+} + 2 \text{e}^-$ ) et comme cathode la lame de zinc ( $2 \text{H}^+ + 2 \text{e}^- \rightarrow \text{H}_2$ ), la réaction se produit à une faible vitesse ( $i$  est très faible).

- Sur l'amalgame de zinc, la réaction de réduction de  $\text{H}^+$  en  $\text{H}_2$  se fait à une très forte sur-tension négative et on n'observe pas la corrosion du zinc.

- Sur du zinc ayant du fer comme impureté (voir ci-contre), les deux métaux fer et zinc sont équipotentiels.

Les deux couples,  $\text{Zn}^{2+}/\text{Zn}$  et  $\text{H}^+/\text{H}_2$  sur Fe, forment une pile galvanique qui débite spontanément en provoquant la corrosion du zinc, alors que les impuretés en fer jouent le rôle de la cathode et ne sont pas oxydées.

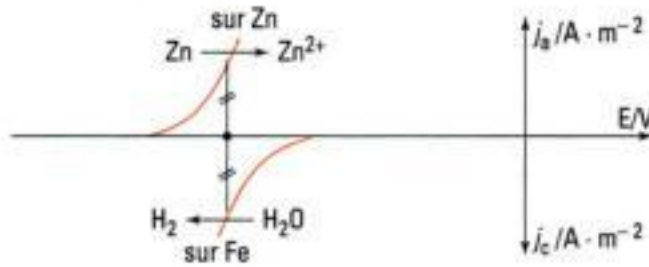


- c) Fixés au bloc de fer, le zinc et le fer forment une pile dont le pôle  $\ominus$ , où s'effectue l'oxydation, correspond au zinc :  $\text{Zn(s)} \rightarrow \text{Zn}^{2+} + 2 \text{e}^-$ .

Sur le fer (pôle  $\oplus$ ), il y a réduction du solvant :  $2 \text{H}_2\text{O} + 2 \text{e}^- \rightarrow \text{H}_2 + 2 \text{OH}^-$ .

Hidden page

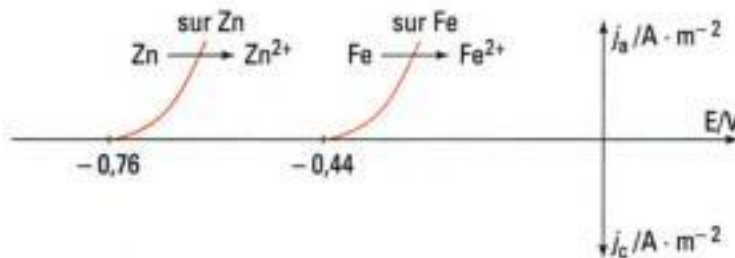
- En présence d'anodes sacrificielles, les courbes deviennent :



Anode :  $\text{Zn} \rightarrow \text{Zn}^{2+} + 2 e^-$ .

Cathode :  $2 \text{H}_2\text{O} + 2 e^- \rightarrow \text{H}_2 + 2 \text{OH}^-$ .

Le fer n'est plus oxydé, car il est moins réducteur que le zinc.

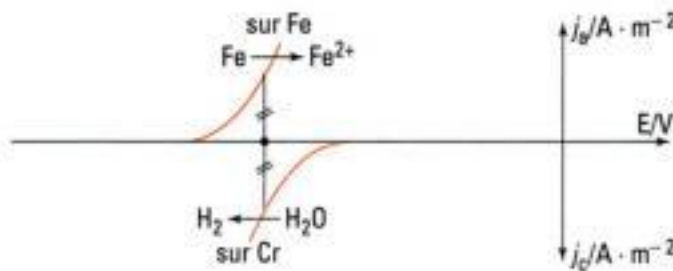


Pourvu qu'elles soient remplacées de temps en temps, les anodes de zinc sont les seules subir une oxydation et protègent la coque.

- b) Une pièce en fer chromé où la couche de chrome est interrompue peut, en milieu humide, être assimilée à une pile :



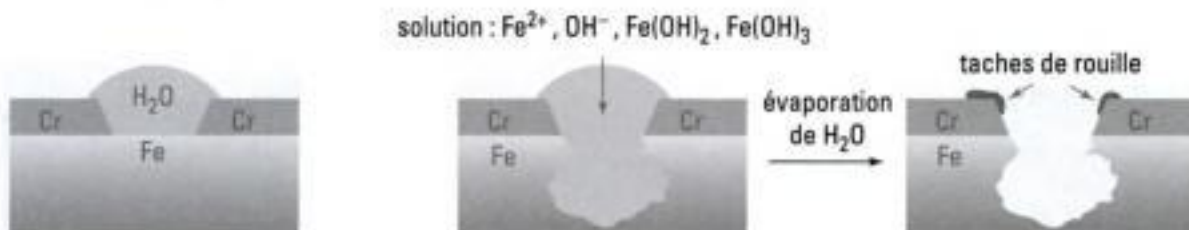
Le fer joue le rôle d'anode et le chrome de cathode :



Anode :  $\text{Fe} \rightarrow \text{Fe}^{2+} + 2 e^-$ .

Cathode :  $2 \text{H}_2\text{O} + 2 e^- \rightarrow \text{H}_2 + 2 \text{OH}^-$ .

Le fer est dissous, mais à cause des ions  $\text{OH}^-$  formés à la cathode, il peut y avoir formation d'hydroxyde de fer(II),  $\text{Fe}(\text{OH})_2$  éventuellement oxydé en  $\text{Fe}(\text{OH})_3$  par l'oxygène de l'air (couple  $\text{O}_2/\text{H}_2\text{O}$ ).



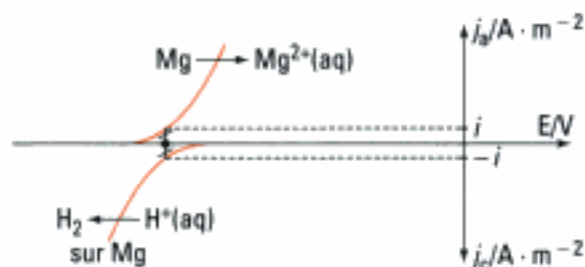
Il y a corrosion en profondeur du fer.

## Exercice 7

L'ensemble des phénomènes observés décrits dans l'énoncé sont interprétables à l'aide des courbes intensité-potentiel.

a) Les courbes intensité-potentiel relatives à la demi-réaction anodique :

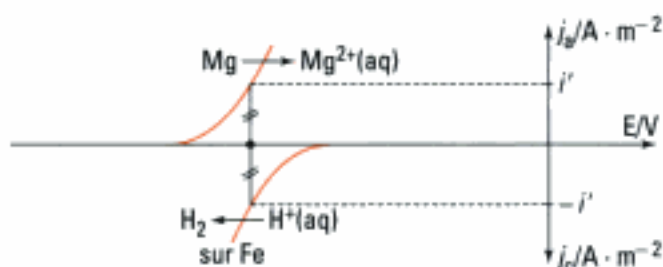
$\text{Mg} \rightarrow \text{Mg}^{2+}(\text{aq}) + 2 \text{e}^-$ , et à la demi-réaction cathodique :  $2 \text{H}^+(\text{aq}) + 2 \text{e}^- \rightarrow \text{H}_2$  sur le magnésium, ont l'aspect suivant car, sur le magnésium, la réduction des ions  $\text{H}^+(\text{aq})$  en  $\text{H}_2(\text{g})$  est assez lente, même à pH faible.



Le courant de « décharge » est donc faible, il y a peu de dégagement gazeux.

b) Sur le fer, la réduction électrochimique de  $\text{H}^+(\text{aq})$  en  $\text{H}_2(\text{g})$  est nettement plus rapide que sur le magnésium (surtension d'électrode moins élevée  $\Rightarrow i' \gg i$ ).

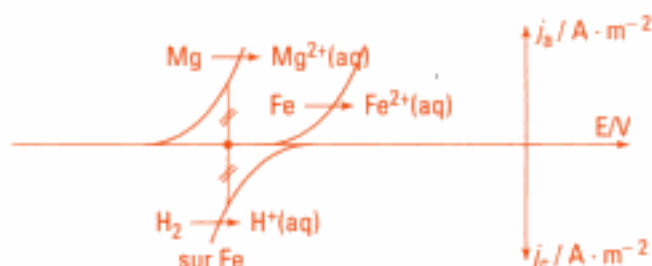
Les courbes intensité-potentiel sont :



Le courant est nettement plus important et on a un net dégagement de  $\text{H}_2$  à la cathode (Fe) ainsi qu'une rapide disparition de l'anode :  $\text{Mg} \rightarrow \text{Mg}^{2+}(\text{aq})$ .

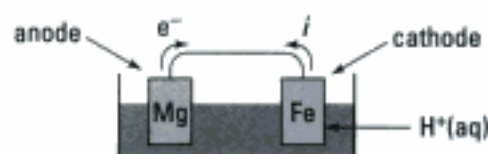


Il n'y a pratiquement pas d'oxydation de Fe en  $\text{Fe}^{2+}$  à cause de la disposition des courbes intensité-potentiel :



La seule réaction anodique est l'oxydation de Mg.

Le « montage » peut être symbolisé par :





## Exercice de niveau 2

### Exercice 8

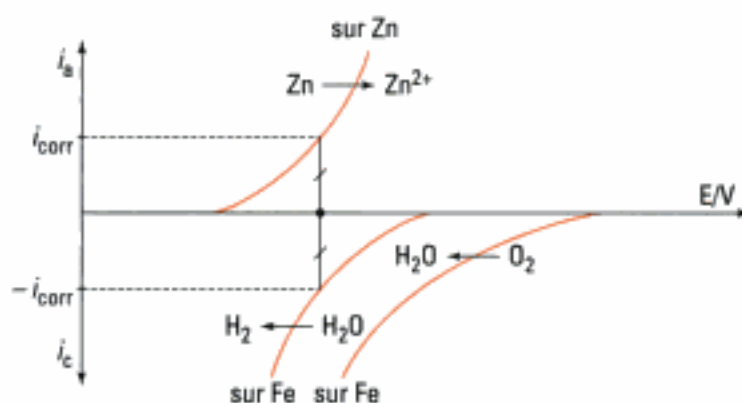
- a) La lame de zinc s'oxyde en ions  $Zn^{2+}$ , il s'agit donc de l'anode de la pile de corrosion.

Sur la lame de fer, on peut envisager deux réactions de réduction : soit celle de l'oxygène dissous si la solution est bien aérée, soit celle de l'eau.

Sur la lame de zinc :  $Zn \rightarrow Zn^{2+} + 2 e^-$ .

Sur la lame de fer : 
$$\left\{ \begin{array}{l} H_2O + e^- \rightarrow \frac{1}{2} H_2 + OH^- \text{ (pH neutre)} \\ \text{ou } \frac{1}{2} O_2 + 2 H^+ + 2 e^- \rightarrow H_2O. \end{array} \right.$$

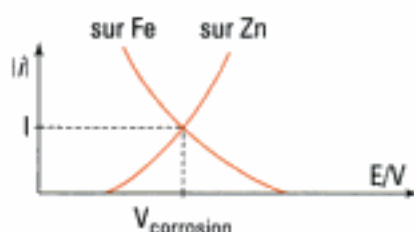
D'où l'allure des courbes  $i = f(E)$  :



Compte tenu des valeurs fournies dans l'énoncé, on peut n'envisager que la réduction de l'eau en dihydrogène.

- b) En prenant le symétrique par rapport à l'axe des potentiels de la courbe de réduction, on obtient deux courbes qui correspondent à un court-circuit et dont l'ordonnée est égale au courant de corrosion.

Diagramme d'Evans :



$I$  : intensité du courant de corrosion.

- c) Graphiquement, on trouve :  $I = 120 \mu A$  pour  $V = -0,99 V$ .

d)  $m_{Zn} = \frac{I t}{2 F} M(Zn) = \frac{120 \cdot 10^{-6} \times 24 \times 3600 \times 65,4}{2 \times 96484} = 3,5 \text{ mg}.$

**Masse de zinc corrodée par jour : 3,5 mg.**

# Index

## A

- Activité (expressions), 57
- Affinité d'un système en réaction chimique, 56
- Approximation d'Ellingham, 127
- Azéotrope, 97
- Azéotropie, 101

## C

- Cémentation, 172
- Cinétique des réactions électrochimiques, 198
- Constante d'équilibre  $K^0(T)$ 
  - expression, 59
  - expression générale, 61
  - influence de  $T$ , 59
- Corps pur
  - condition d'équilibre, 15
  - diagramme d'état, 14
  - relation de Clapeyron, 16
- Corrosion
  - électrochimique, 205
  - humide du fer, 202
  - (protection contre la), 207
- Courant de diffusion, 202
- Courbe de rosée
  - définition, 92
  - équation, 93
- Courbe d'ébullition
  - définition, 92
  - équation, 93
- Courbes intensité-potentiel, 198
- Critère d'évolution, 56

## D

- Déplacement des équilibres
  - influence de  $p$ , 65
  - influence de  $T$ , 64
- Diagramme E-pH
  - du cuivre, 169
  - du fer (construction), 166
  - du fer (tracé), 168
  - du solvant eau, 164
  - du zinc, 168
  - présentation, 163

## Diagrammes d'Ellingham

- définition, 127
- domaines d'existence, 131
- tracé, 127

## Distillation fractionnée, 103

## Domaines de prédominance et d'existence, 163

## E

## Élaboration de la fonte, 136

## Enthalpie libre

- variation élémentaire, 8
- de réaction, 53
- standard de formation, 35
- standard de réaction, 36

## Enthalpie

- molaire standard, 30
- standard de formation, 35
- standard de réaction, 36

## Entropie

- molaire standard, 31, 32
- standard de réaction, 37

## Équation de Gibbs-Helmholtz, 10

## Équilibre

- de Boudouard, 132
- hétérogène, 63
- homogène en phase gazeuse, 61
- homogène en phase liquide, 63

## État d'équilibre, 55

## G

## Galvanisation, 209

## Grandeurs standard de formation (définition), 34

## Grandeurs standard de réaction

- définition, 35
- influence de  $T$ , 38
- (relation entre les), 37

## H

## Hétéroazéotrope, 103

## Hydrodistillation, 105

## Hydrométallurgie du zinc, 171

## **L**

- Lixiviation-hydrolyse, 172
- Lois de déplacement des équilibres, 64

## **M**

- Miscibilité nulle à l'état liquide
  - définition, 101
  - diagramme isobare, 103
- Montage à trois électrodes, 199

## **N P Q**

- Notion d'état standard, 30
- Parkérisation, 209
- Passivation, 209
- Phénomènes de corrosion, 202
- Pile d'Evans, 204
- Pile électrochimique
  - affinité de la réaction, 162
  - définition, 161
  - grandeurs thermodynamiques associées, 162
- Potentiel chimique
  - standard, 34
  - définition, 11
  - expressions, 12
  - influence de  $p$ , 12
- Potentiel standard  $E^0$ , 160
- Pression
  - de corrosion, 131
  - de vapeur saturante, 101
- Principe
  - de Le Chatelier, 64
  - de Nernst, 31
- Protection
  - cathodique, 207
  - par anode sacrificielle, 208
  - par courant imposé, 207
  - par revêtement, 209
- Pyrométallurgie
  - du zinc, 134
  - généralités, 126
  - prévision des réactions, 133
- Quotient de réaction, 57

## **R**

- Réaction de dimérisation, 54
- Règle
  - de Le Chatelier, 65
  - de Van't Hoff, 64
  - des moments, 95
- Relation
  - de « l'isobare de Van't Hoff », 60
  - de Guldberg et Waage, 58
  - de Nernst, 160
- Relations de Kirchhoff, 38

## **S**

- Sens d'évolution d'une réaction chimique, 52
- Solution liquide idéale
  - définition, 92
  - diagramme isobare, 94
  - diagramme isotherme, 92
- Solution liquide réelle, 97
  - définition, 97
  - diagramme isobare, 98
  - diagramme isotherme, 98
- Stabilité et corrosion
  - du zinc, 170
  - du fer, 170
  - du cuivre, 170
- Système
  - lent, 201
  - rapide, 200

## **T**

- Théorème de Gibbs-Konovalov, 101
- Transfert
  - de charge, 200
  - de matière, 199

## **Z**

- Zones
  - d'immunité, 169
  - de corrosion, 169
  - de passivation, 169

Hidden page



Hidden page

Titres disponibles en deuxième année  
dans les filières MP et PT...



**En Mathématiques**  
Analyse MP  
Algèbre et géométrie MP

**En Physique**  
Optique MP-PC-PSI-PT  
Mécanique MP-PC  
Électromagnétisme MP  
Électronique MP  
Thermodynamique MP

**En Chimie**  
Chimie MP-PT

**Livres d'exercices**  
Mathématiques MP  
Physique MP  
Physique PT

# LES NOUVEAUX Précis BRÉAL

Une collection tenant compte de vos besoins et de vos contraintes, conçue pour vous aider tout au long de l'année à préparer efficacement les concours.

- **Un cours complet et très clair**, illustré de nombreux exemples, pour comprendre et assimiler.
- **Des pages de méthode**, facilement mémorisables, pour acquérir les savoir-faire et les réflexes nécessaires.
- **De nombreux exercices corrigés**, variés et progressifs, pour s'entraîner régulièrement.

Les Nouveaux Précis Bréal sont la **collection de référence** pour réussir sa prépa et intégrer une grande école d'ingénieurs.

BRÉAL, L'ÉDITEUR DES PRÉPAS

Réf. : 210.0328  
ISBN : 2 7495 0410 4  
[www.editions-breal.fr](http://www.editions-breal.fr)

